

## DELHI UNIVERSITY LIBRARY

## DELHI UNIVERSITY LIBBARY SYSTEM

CI No 87:2

168N20;1

AC NO 313320

Ac No 313320

Date of release of loan

15. //-7

this book should be returned on or before the date last stamped below. An overdue charge of 10 nP. will be charged for each day the book is ke overtime.



## فضل مُخْدِخًا خان لُ مُخْدِخًا رَبُّكِرُهُ وَالرِّسِارِّكِ يبنث جانز كالج والمالك م المالك

pole



دنیا یں ہر قوم کی زندگی میں ایک ایسا زمانہ ہو جب کہ اُس کے قوائے ذہنی میں انوطاط کے آخار نبودار ہونے گئے ہیں ' ایجاد و اختراع اور غور و فکر کا مادہ تقریباً مفقود ہو جاتا ہے ' خیل کی پرواز اور نظر کی جولانی منگ اور محدود ہو جاتی ہے ' علم کا دار و مار چند رسمی باقوں اور تقلید پر رہ جاتا ہے ۔ اُس دقت قوم یا تو بیکار اور مردہ ہو جاتی ہے یا سنجھلنے کے لئے یہ لازم ہونا ہے یا تو بیکار اور مردہ ہو جاتی ہے یا سنجھلنے کے لئے یہ لازم ہونا ہو کہ وہ دوسری ترقی یافتہ اقوام کا اثر قبول کرے ۔ تاریخ عالم کے ہر دَور میں اس کی شہادیں موجود ہیں ۔ خود ہارے دیکھتے دیکھت

الوام عالم سے بے نیاز ہوکر بھولے بھلے اور ترتی بائے۔
جس طرح ہوا کے جمونکے اور ادنیٰ پرندوں اور کیڑے
کوڑوں کے اثر سے وہ مقاات کک ہرسے بھرے رہتے ہیں
جمان انسان کی دسترس نہیں اسی طرح انسانوں اور توموں کے اثر
بھی ایک دورے کک اڑ کر پہنچے ہیں۔ جس طرح یونان کا اثر رو اور حگر اقوام یورپ پر بڑا جس طرح عرب نے مجم کو اور حجم نے عرب کو اپنا فیض پہنچایا 'جس طرح ، اسلام نے کھم کو اور چمانے میں اور جمالت کو مطاکر علم کی روشنی پہنچائی اسی طرح آج ہم بھی بہت سی باتوں میں مغرب کے مختاج ہیں یہ قانون عالم ہے جو یوں ہی جاری رام اور جاری رہیگا۔

یہ قانون عالم ہے جو یوں ہی جاری رام اور جاری رہیگا۔

"دینے سے دیا یوں ہی جاتا رام ہے "

جب کسی قوم کی نوبت یہاں کہ پہنچ جاتی ہے اور وہ اسکے قدم بڑھانے کی سی کرتی ہے تو ادبیات کے میدان بر پہلی منزل شرجمہ ہوتی ہے۔ اس لئے کہ جب قوم میں جدت اور ایکے نہیں رہی تو ظاہر ہے کہ اس کی تصانیف معمولی ادھوری کم مایہ اور ادنی ہونگی۔ اس وقت قوم کی بڑی خدت یہی ہے کہ ترجمہ کے ذریعہ سے دنیا کی اعلیٰ درجہ کی تصانیف اپنی زبان میں لائی جائیں ۔ یہی ترجمے خیالات میں تغیر اور معلومات میں اضافہ کہیں گے محمود کو توٹریں گے اور قوم میں ایک میں ایک نئی حرکت بیدا کریں گے اور پھر آخریہی ترجمے تصنیف والیہ نئی حرکت بیدا کریں گے اور پھر آخریہی ترجمے تصنیف والیہ

کے جدید اسلوب اور ڈسٹگ شبھھائیں گے۔ ایسے وقت میں ترجمہ تصنیف سے زیاد قابل قدر' زیادہ مفید اور زیادہ فیض رساں ہوتا ہے ۔

اسی اصول کی بنا پر جب عث**انیہ یونیورسٹی کی تجویز پیش** ہوئی تو ہز اکزالٹار ہائینس رہیم دوراں ارسطوعے زماب سير سالار أصف جاه مظفرالمالك نظام الملك نظام الدلم مَوْلَبُ مِيْنُ عُمُّانُ عَلِيْعَانُ بَهَادُمُنُ فَعَ جَنَاسِطٍ جى سى -اس -آئى -جى سى - بى -اى -والى حيدرآباد دكن خِلْدَالِتُدَ مَلِكُهُ وَسَلَطَنْتِنَهُ نَے جن كَى على قدر دانى اور على سريقي اس زمانہ میں احیائے علوم کے حق میں آب حیات کا کام کر رہی ہے' بہ تقاضائے مصلحت و دور بینی سب سے اول سررشتہ تالیف و ترجمہ کے قیام کی منظوری عطا فرانی جو نہ صرف یونیورسٹی کے لئے نصاب تعلیم کی کتابیں تیار کریگا بلکه ملک میں نشر و اشاعتِ علوم و فنون کا کام بھی انجام دیگا۔ اگرچہ اس سے قبل بھی یہ کام مندوستان کے منتلف مقالت من تحورًا تحورًا النجام يا يا مثلاً فورث وليم كالح كلكت ميس زير بمراني و الكر محككرست اوبلي سوسائشي مين المجمن پنجاب مين زیر مگرانی واکثر لائٹنر و کرنل بالرائد ، علی گڑھ سائنتھک انٹیوٹ یں جس کی بنا سرسید احد خال مرحم نے الی عمریه کوششیں سب وقتی اور عارضی تھیں۔ نہ ایکے اس کافی سرایه اور سامان تفایه اثنیس یه موقع عصل تفا البور نہ انہیں انگلہ کے اس کے اس تھا۔ یہ بالا وقت ہے کہ فرانرواکی سر برسی کا شرف حاسل تھا۔ یہ بالا وقت ہے کہ اردو زبان کو علوم و فنون سے الا ال کرنے کے لئے باقاع اور مستقل کوشش کی گئی ہے۔ اور یہ ببلا وقت ہے کہ اردو زبان کو یہ رتبہ الا ہے کہ وہ اعلی تعلیم کا فرایعہ قرار باقی ہے۔ احیائے علوم کے لئے جو کام آگسٹس نے روسمیں فلافت عباسیہ میں بارون الرشید و بامون الرشید نے بہانیہ میں عبدالرجمان ثالث نے کہ کراجیت و اکبر نے ہندوستان میں عبدالرجمان ثالث نے کہ بایان میں کیا وہی فرازوائے دولت اور مت شی ہٹو نے جاپان میں کیا وہی فرازوائے دولت اور مت شی ہٹو نے جاپان میں کیا وہی فرازوائے دولت اور مت شی ہٹو نے جاپان میں کیا وہی فرازوائے دولت اور مت شی ہٹو نے جاپان میں کیا وہی فرازوائے دولت اور مت شی ہٹو نے جاپان میں کیا وہی فرازوائے دولت کا یہ کارنامہ ہندوستان کی علی تاریخ میں جیشہ فخرد مبابات کی ساتھ ذکر کیا جائے۔

منجلہ اُن اسباب کے جو قوی ترقی کا موجب ہوتے ہیں ایک بڑا سبب زبان کی تکمیل ہے۔ جس قدر جو قوم زیادہ ترقی یافت ہے آسی قدر اُس کی زبان وسیع اور اس میں نازک خیالات اور علمی مطالب کے اوا کرنے کی زیادہ صلاحیت ہوتی ہے اور جس قدر جس قدر جس قوم کی زبان محدود ہوتی ہے اُسی قدر تہذیب اور جس قدر جس قوم کی زبان محدود ہوتی ہے اُسی قدر تہذیب و شایستگی بلکہ انسانیت میں اس کا درج کم ہوتا ہے۔ چنانچہ وشی اقوام میں الفاظ کا ذخیرہ بہت ہی کم پایا گیا ہے۔ علائے فلسفہ و علم اللسان نے یہ شابت کیا ہے کہ زبان خیال اور

غیال ' زبان ہے اور ایک مرت کے بعد اس نتیج پر پہنچ آئی آ کہ انسانی داغ کے صحیح تاریخی ارتفاکا علم ' زبان کی تاریخ کے مطالعہ سے عاصل ہو سکتا ہے ۔ الفاظ ہیں سوچنے میں دیسی ہی مدد دیتے ہیں جیسی آنکھیں دیکھنے میں ۔ اس لئے زبان کی ترقی در حقیقت عقل کی ترقی ہے ۔

علم ادب اس قدر وسيع ب جس قدر حيات انساني-اور اس کا اثر زندگی کے ہرشعبہ پر پڑتا ہے۔وہ نہ صرف انسان کی ذہنی'معاشرتی'سیاسی ترقی میں مدد دیتا' اور نظرمیں سومط' ولمغ ميس روشني، ولول ميس حركت اور خيالات ميس تغير بيدا كرتا ہے بکہ قوموں کے بنانے میں ایک قوی آلہ ہے۔ قومیت کے لئے ہم خیالی شرط ہے اور ہم خیالی کے لئے ہم زبانی لازم مویا یک زبانی قومیت کا شیرازہ ہے جو اسے منتشر ہونے سے بیائے رکھتا ہے ۔ ایک زمانہ تھا جب کہ مسلمان اقطاع عالم میں بھیلے ہوئے تھے لیکن اُن کے علم ادب اور زبان نے ائیں ہر جگہ ایک کر رکھا تھا۔ اس زانے میں انگریز ایک دنیا پر چھائے ہوئے ہیں لیکن با دجود بُعدِ سافت و اختلافِ مالا یک زبانی کی بروات توسیت کے ایک سلسلے میں مسلک میں زبان میں جادو کا سا اثر ہے اور صرف افراد ہی پر نہیں بلکہ اقوام پر بھی اُس کا وہی تسلط ہے۔

یں وجہ ہے کہ تعلیم کا صبح اور فطرتی ذریعہ اپنی ہی زبان ہوسکتی ہے۔ اس امر کو اعظام کے میں کا اللہ کے اللہ کا ال

ای بیان اور جامعۂ عُمانیہ کی بنیاد ڈالی ۔ جامعۂ عُمانیہ ہندوستا میں بہلی یونیورسٹی ہے جس میں ابتداسے انتہا تک فدلیڈ تعلیم ایک دیسی زبان ہوگا ۔ اور یہ زبان اردو ہوگی ۔ ایک ایسے کمک میں جہاں ور بہانت بہائت کی بولیاں ' بولی جاتی ہیں' جہاں ہر صوبہ ایک نیا عالم ہے' صرف اردو ہی ایک عام اور مخترک زبان ہو سکتی ہے ۔ یہ اہل ہند کے میل جول سے بیدا ہوئی اور اب بھی یہی اس فرض کو انجام ویگی ۔ یہ اس کے خمیر اور وضع و ترکیب میں ہے ۔ اس لئے یہی تعلیم اور تباولہ خیالات کا واسطہ بن سکتی اور قومی زبان کا دعونے کا مسکتی ہور قومی زبان کا دعونے

جب تعلیم کا ذریعہ اردو قرار دیا گیا تو یہ کھلا اعتراض کے افتا کہ اردو میں اعلیٰ تعلیم کے لئے کتابوں کا ذخیرہ کہاں ہے اور ساتھ ہی یہ بھی کہا جاتا تھا کہ اردو میں یہ صلاحیت ہی نہیں کہ اس میں علوم و فنون کی اعلیٰ تعلیم ہوسکے۔ یہ صحیح ہے کہ اردو میں اعلیٰ تعلیم کے لئے کافی نزیرہ نہیں۔ اور اردوی پر کیا منصرے، ہندوستان کی کسی زبان میں بھی نہیں۔ یہ طلب و رسد کا عام مسئل ہے۔ جب انگ ہی نہ تھی توریع کہاں سے آتی ۔ جب ضرورت ہی نہ تھی تو کتا ہیں کیو تحکم مینا ہوتیں۔ ہماری اعلیٰ تعلیم غیر زبان میں ہوتی تھی، تو علوم و فنون کا ذخیرہ ہماری زبان میں کہاں سے آتا۔ ضرورت ایجاد و فنون کا ذخیرہ ہماری زبان میں کہاں سے آتا۔ ضرورت ایجاد کی بان ہے۔ اب ضورت محسوس ہوئی ہے تو کتابیں بھی

میا ہو جائیں گی۔ اسی کی کو پورا کرنے اور اسی ضرورت کو رفع کرنے کے لئے سررشنڈ تالیف و ترجمہ قائم کیا گیا۔ یہ صحیح نہیں ہے کہ اردو زبان میں اس کی صلاحیت نہیں۔ اس کے لئے کسی دلیل و برہان کی ضورت نہیں۔ سررشنڈ تالیف و ترجمہ کا وجود اس کا شافی جواب ہے۔ یہ سرتش بی کام کر رہا ہے۔ کتابیں تالیف و ترجمہ ہو رہی ہیں اور چند روز میں عثمانیہ ہونیورسٹی کالج کے طالب علم کی کے احموں میں ہونگی اور رفتہ رفتہ عام شابھین علم کل ہے جائیں گی۔

لیکن اس میں سب سے کھی اور سنگلاخ مرصلہ وضع اصطلاحات کا تھا۔ اس میں بہت کچھ اختلاف اور سخت کی گہائش ہے۔ اس ہارے میں ایک مدت کے تجربہ اور کائل غور و نگر اور مشورہ کے بعد میری یہ رائے قرار پائی ہے کہ تنا نہ تو اہر علم صحیح طور سے اصطلاحات وضع کر سکتا ہے اور نہ اہر لیان۔ ایک کو دوسرے کی ضرورت ہے۔ اور نہ اہر لیان۔ ایک کو دوسرے کی ضرورت ہے۔ اور ایک کی کمی دوسرا پورا کرتا ہے۔ اس لئے اس اہم کام کو صحیح طور سے انجام دینے کے لئے یہ ضوری ہے کہ دونوں یک جاجم کئے جائیں تاکہ وہ ایک دوسرے کے مشورہ اور مدد سے ایسی مطابق بنائیں ہو نہ اہل علم کو ناگوار ہوں نہ اہل زبان کو۔ چناننچہ اسی مجلس بنائی اصول پر ہم نے وضع اصطلاحات کے لئے ایک ایسی مجلس بنائی جس میں دونوں بھاحتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِلی جس میں دونوں بھاحتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِلی جس میں دونوں بھاحتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِلی جس میں دونوں بھاحتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِلی جس میں دونوں بھاحتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِلی حصور میں دونوں بھاحتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِلی جس میں دونوں بھاحتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِلی کھی دوسر میں دونوں بھاحتوں کے استحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِلی کھی دوسر میں دونوں بھاحتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِلی کھی دوسر میں دونوں بھاحتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِلی کھی دوسر میں دونوں بھاحتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِلی کھی دوسر میں دونوں بھاحتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِلی کھی دوسر میں دونوں بھاحتوں کے اصحاب شریک ہیں۔ علاوہ اِلی کی دوسر کے دوسر کے دوسر کی دوسر ک

ہم نے أن اہل علم سے بھى مشورہ كيا جو اس كى خاص الميت ركھتے ہيں اور بعد مسافت كى وجہ سے ہارى عبلس ميں تمري نہیں ہو سکتے ۔ اس میں شک نہیں کہ بض الفاظ غیر انوس معلوم موں گے اور اہل زبان انس دیکھ کر ناک بہو ں چراعامیں مے ۔ لیکن اس سے گزیر نہیں ۔ ہیں بعض ایسے علوم سے واسطہ ہے جن کی ہوا تک ہاری زبان کو نہیں گئی۔ ایسی صورت میں سوائے اس کے جارہ نہیں کہ جب جاری زبان کے موجودہ الفاظ خاص خاص مفوم کے ادا کرنے سے قاصرہوں تو ہم جدید الفاظ وضع کریں ۔ لیکن اس کے یہ معنی نہیں ہیں كہ ہم نے مض النے كے لئے زبردستى الفاظ گھر كر ركھ دئے ہيں ً بكه جس نبج بر اب كك الفاظ بنتے يكے آئے ہيں اورجن محول ترکیب و اشتقاق پر اب تک جاری زبان کاربند رمی ہے ' اس کی پوری پابندی ہمنے کی ہے۔ ہمنے اس وقت کے کسی لفظ کے بنانے کی جرأت نہیں کی جب کک اُسی قسم کی متعدد مثالیں ہارے پیش نظر نہ رہی ہوں - ہاری رائے میں جدد الفا ے وضع کرنے کی اس سے بہتر اور صبح کوئی صورت نہیں۔اب أَكْرَكُونَى لفظ غيرانوس يا اجنبي معلوم بوتو اس مِن بهارا قصور نیں ۔ بو زبان زیادہ تر شعر و شاعریٰ اور قصص کک محدود ہو<sup>،</sup> وہاں ایسا ہونا کھے تعجب کی بات نہیں۔ جس ملک سے ایجاد د اختراع کا ماترہ سلب ہو گیا ہو جہاں لوگ نئی چنروں کے بنانے اور دیکھنے کے عادی نہ ہوں، وہاں جدید الفاظ کا

غر انوس اور اجبی معلوم ہونا موجب جیرت نہیں۔ الفاظ کی صالت بھی انسانوں کی سی ہے۔ اجبی شخص بھی رفتہ رفتہ انوس ہو جاتے ہیں۔ اول اول الفاظ کا بھی یہی حال ہے۔ استعال آہستہ آہستہ غیر انوس کو انوس کر دیتا ہے اور صحت و غیر صحت کا فیصلہ زمانہ کے باتھ میں ہوتا ہے۔ ہمارا فرض یہ ہے کہ لفظ بخریز کرتے وقت ہر پہلو پر کامل خور کرلیں 'آئندہ جل کر اگروہ استعال اور زمانہ کی کسوٹی پر پورا انزا تو خود عکسالی ہو جائیگا اور اپنی جگہ آپ پیدا کرلیگا۔ غلاوہ اس کے جو الفاظ پیشس اور اپنی جگہ آپ پیدا کرلیگا۔ غلاوہ اس کے جو الفاظ پیشس کہ جن میں رق و برل نہ ہوسک' باکہ فرہنگ اصطلاحات عثمانیہ جو زیر ترتیب ہے پہلے اس کا مسودہ اہل علم کی ضومت میں پیش کیا جائے گا اور اس کا مسودہ اہل علم کی ضومت میں پیش کیا جائے گا اور بیل میں کا مسودہ اہل علم کی ضومت میں پیش کیا جائے گا اور بیل میں کیا جائے گا اور بیل کیا جائے گا در بیل کیا جائے گا دور بیل کیا جائے گا دور بیل کی خورت میں کوئی دقیقہ فروگذاشت بیس کیا جائے گا ۔

ایکن ہاری شکلات صرف اصطلاحات علمیہ کہ ہی محدود نہیں ہیں۔ ہیں ایک ایسی زبان سے ترجمہ کرنا پڑتا ہے جو ہارے لئے بالکل اجنبی ہے' اس میں اور ہاری زبان میں کسی قسم کا کوئی رشتہ یا تعلق نہیں۔ اس کا طرز بیان' اوائے مطلب کے اسلوب' محاورات وغیرہ بالکل جدا ہیں۔ جو الفاظ اور جلے انگریزی زبان میں بالکل معمولی اور روز مرہ کے استعال میں آتے ہیں' آن کا ترجمہ جب ہم اپنی زبان میں کرنے بیٹھے ہیں تو سخت دشواری بیش آتی ہے۔ ان تمام دشواریوں پر

الفالب آنے کے لئے مترجم کو کیسا کچھ خونِ جگر کھا نا نہیں بڑتا ترجیا كام جيسا كه عمواً خيال كيا جاتا ، يكه أسان كام نيس ، -بہت خاک چھاننی پڑتی ہے تب کہیں گومر مقصود القراتا ہے ، اس سررشته کا کام حرف یهی نه دوگا ( اگرچ په اس کا فرضِ اولین ہے) کہ وہ نصاب تعلیم کی کتابیں تیار کرے الکہ اس کے علاوه وه بسر علم پر متعدد اور کثرت سے کتابیں تالیف و ترجمه كرائے كا عناكه كوگوں ميں علم كا شوق بڑھے ' ملك ميں روشني جالت کے معنی اب لاعلمی ہی کے نہیں بلکہ اس میں افلاس ، کم بہتی منگ دلی کوتہ نظری کے غیرتی کر اخلاقی سب مجھد آجا اے ۔ جمالت کا مقابلہ کرکے سے بس یا کرنا سب سے بڑا کام ہے۔ انسانی دلمغ کی ترقی علم کی ترقی ہے۔ انسانی ترقی کی تاریخ علم کی اشاعت و ترقی کی تاریخ ہے ۔ ابتدائے آفرینش سے اس وقت کک انسان نے ہو کچھ کیا ہے ، اگراس پر ایک وسیع نظر ڈالی جائے تو نینجہ یہ نکلے گا کہ جوں جو ل علم یں اضافہ ہوتا گیا ، پچیلی غلطیوں کی صحت ہوتی گئی ' تاریکی كُمْتِي كُنِي روشني برصتي كُنِي انسان ميدانِ ترقي مين قدم آگے بڑھاتا گیا۔ اسی مقدس فرض کے ادا کرنے کے لئے یہ سررشت قائم کیا گیا ہے اور وہ اپنی بساط کے موافق اس کے آجا رینے میں کوتاہی نہ کرے گا۔ ایکن غلطی سخقیق وجستجو کی گھات میں گلی رہتی ہے۔ ادب کا

کابل ذوق سلیم ہر ایک کو نصیب نیس ہوتا۔ بڑے بڑے نقاد اورمبظر فاش غلطیاں کرجاتے ہیں۔ لیکن اس سے ان کے کام پر حرف نہیں ہوتا۔ فلطی ترتی کے بانع نہیں ہے، بلکہ وہ صحت کی طرف رہتائی کرتی ہے بیچھلوں کی بھول چوک آنے والے مسافر کو رستہ بھٹکنے سے بچا دیتی ہے۔ ایک جا پانی ماہر تعلیم (بیرن کی کوچی) نے اپنے ملک کا تعلیمی حال لکھتے ہوئے اس صحیح کیفیت کا ذکر کیا ہے جو ہونہار اور ترتی کرنے والے افراد ادر اقوام پر گزرتی ہے۔

''ہم نے بہت سے تجربے کئے اور بہت سی 'اکامیاں اور فائدہ فلطیاں ہوئیں' لیکن ہم نے ان سے نئے سبق سیکھے اور فائدہ اعظایا ۔ رفتہ رفتہ ہیں اپنے کمک کی تعلیمی ضوریات اورامکا'ات کا صحیح اور بہترعلم ہو'' گیا اور ایسے تعلیمی طریقے معلوم ہوتے گئے جو جارے اہل وطن کے لئے زیادہ موزوں تھے ۔ ابھی بہت سے لیسے مسائل ہیں جو ہیں عل کرنے میں' بہت سی ایسی اصلامیں ہیں جو ہیں عل میں اور فتلف طریقوں کی برائیاں اور بھلائیاں وریفلائیاں اور بھلائیاں اور بھلائیاں اور بھلائیاں اور بھلائیاں اور بھلائیاں اور برائیوں سے بھی باتوں کو افتیار کریں اور رواج دیں اور برائیوں سے بھیں۔ اس لئے جو حضرات ہاں ہی ہر شقیدی فظر ڈالیس انہیں قوت کی تنگی'کام کا ہجوم اور اس کی اہمیت اور ہاری مشکلات بیش نظر کھنی باتیں ۔ یہ پہلی سعی ہے اور اس کی اہمیت اور ہاری مشکلات بیش نظر کھنی بیابئیں ۔ یہ پہلی سعی ہے اور اس کی اہمیت اور ہاری مشکلات بیش نظر کھنی بیابئیں ۔ یہ پہلی سعی ہے اور پہلی سعی جی ور پہلی سعی جی کھونے فامیاں

ضرور رہ جاتی ہیں' لیکن آگے چل کریمی خامیاں ہماری رہنا بنیں گی اور پختگی اور اصلاح تک پہنچائیں گی۔ یہ نقش ادل ہے' نقش ٹانی اس سے بہتر ہوگا۔ ضرورت کا اصاس علم کا شوق' حقیقت کی لگن 'صحت کی ٹوہ' جد وجد کی رسائی خود ہنچود ترقی کے مارج طے کہلے گی۔

جایانی بڑے فخرسے یہ کتے ہیں کہ ہمنے تیس چالیس سال کے عرصے میں وہ کچھ کر دکھایا جس کے انجام دینے میں پورپ کو اتنی ہی صدیاں صرف کرنی پڑیں ۔ کیا کوئی دن ایسا آئے گا کہ ہم بھی یہ کننے کے قابل ہوں گے ؟ ہم نے پہلی شرط پوری کر دی ہے یعنی بیجا قیود سے آزاد ہو کر اپنی زبان کو اعلیٰ تُعَلِّم کا ذریعہ قرار دیا ہے ۔ لوگ ابھی ہارے کام کو تذبیب کی سکاہ کے دیکھ رہے ہیں اور ہاری زبان کی قابلیت کی طرف منتبہ نظریں وال رہے ہیں۔لیکن وہ دن کنے والا ہے کہ اس فرتے کا جھی ستارہ چکے گا' یہ زبان علم و عکمت سے مالا مال ہو گی اور مصلات ہیں۔ اَعْلَىٰ فَرَيْتُ وَأَقُلَىٰ كَى نَظْرِيهِ الرِّي بِولت يه دنیا کی منرب و شایسته زبانوں کی جمسری کا دعوبے کرے گی۔ اگرچه اس وقت جاری سی اور محنت خیر معلوم بوگی، مگریهی شامِ غربت صبع دطن کی آمد کی خبر دے رہی ہے' یہی نتب بدایا روز روش کا جلوه دیکھائیں گی، اور یہی مشقت اُس قصر رفیع الشان کی بنیاد ہوگی جو آئندہ تعمیر ہونے والا ہے۔ اس وقت ہارا کام صبر و استقلال سے میدان صاف کرنا'

داغ بیل ڈالنا اور بیو کھود نا ہے' اور فراد وار شیرین حکمت کی خاط سنگلاخ پہاڑوں کو کھود کھود کر جوئے علم لانے کی سعی کرناہے۔ اور گو ہم نہ ہوں گے مگر ایک زمانہ آئیگا جب کہ اس میں علم و حکمت کے دریا بہیں گے اور ادبیات کی افتادہ زمین سرمبزو شادان نظ آئے گی۔

اخریں میں سررشتہ کے مترجین کا شکریہ اوا کرتا ہوں جنہوں نے اپنے فرض کو بڑی مستعدی اور شوق سے انجام ویا۔ نیز میں ارکان مجلس وضع اصطلاحات کا شکر گزار ہوں کہ اِن کے مفید مشوت اور شحقت کی مدوسے یہ شکل کام بخوبی انجام پا رہا ہے۔لیکن خصوت کے ساتھ یہ سررشتہ جناب مسٹر مخر اگیر حیدری بی ۔ اے مقد علات و کوتوالی و امور عامتہ سرکارعالی کا ممنون ہے جنہیں ابتدا سے قیام و انتظام جامعۂ عنمائیہ میں خاص انهاک رہا ہے۔اور اگر ان کی توجہ اور اماد ہارے شریب حال نہ ہوتی تو یہ ظیم النان کام صورت پذیر نہ ہوتا ۔ میں سید راس معود صاحب بی ۔ اے کام صورت پذیر نہ ہوتا ۔ میں سید راس معود صاحب بی ۔ اے کام صورت پذیر نہ ہوتا ۔ میں سید راس معود صاحب بی ۔ اے کام صورت پذیر نہ ہوتا ۔ میں سید راس معود صاحب بی ۔ اے کرتا ہوں کہ ان کی توجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول ہی کرتا ہوں کہ ان کی توجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول ہی کوتا ہوں کہ ان کی توجہ اور عنایت ہارے حال پر مبذول ہی اور ضرورت کے وقت ہمیشہ بلا تکلف خوشی کے ساتھ ہیں مد دی ہور

عب الحق

ناظم سررشتهٔ تالیف و ترجمه (عثمانیه یونیورسلی)



•

لولوی عبد الحق صاحب بی- اے - - - - - - اظسم -فاضی محد حسین صاحب ایم اے ایکر - - - مشرجم ریاضیات چو و صری برکت علی صاحب بی یس سی - - - - مشرجم سانتینس مولوی سید التمی صاحب - - - - - - - - - مشرحم تاریخ -مولوی محد الیاس صاحب برنی ایم-اے . . . مترجم معاشیات قاضي للمذهبين صاحب يم- الفيد - . . . . مترجم سياسيات مولوی ظفر علی خال صاحب بی-اے - - - - مترجم "اسیخ-مولوی عبدا لما جر صاحب بی - اے - - - - - مشرقم فلسفه ومنطق مولوی عبدانحکیم صاحب شرر . . . . . . . مولف تازیخ اسلام مولوی سیدعلی رضا صاحب بی - اے ۔ ۔ ۔ ۔ مترجم تانون -مولوی عبدالله العادی صاحب - - - - - مترجم کتب عربی علاوہ ان مرکورہ بالا مترجمین کے مولوی ماجی صفی الدین صاحب ترجب شده کتابول کو نیبی نقط نظر سے ویکھنے کے لئے اور نواب حیدریارجنگ (مولوی علی حیدر صاب طباطبائ) ترجموں یر نظر تانی کرنے کے لئے مقرر فرائے گئے ہیں 4



مولوی مراههدی خال صاحب کوکب فطیفه باب کطرعالی (سابق نام مرم شادی)
مولوی حیدالدین صاحب بی اے صدر دارالعلوم
بواب حیدر یارجنگ (مولوی علی حیدر صاحب طباطبائی)
مولوی وحیدالدین صاحب سلیم
مولوی وحیدالدین صاحب سلیم
مولوی عبدالحق بی اے

علاوہ ان متعقل ارکان کے ، مترجین سررشتہ تالیف وترجمہ نیز ووسرے اسحاب سے بلحاظ اُ بھے فن کے مشورہ کیا گیا۔مثلاً فان فضل محد ایک اسکول حیدرا ہا د) مولوی عبدالواسع صاحب (پرفیسر دارالعلوم حیدرا ہا د) پروفیسر عبدالرحمٰن صاحب بی - ایس سی (نظام کالج) مرزا محد ہودی صاحب بی - ایس سی (نظام کالج) مرزا محد ہودی صاحب بی - ای - اے (پرفیسر کرسین کالج کھنؤ)

مولوی سلیمان صاحب نددی

سدراس معود صاحب بی اے (اظم تعلیات حیدرآباد) وغیرہ



صفحات	مضموك	باب
٣٤ آ ا	رفيآر	باب اول
49 T MA	امراع	باب دوم
1 1 4.	سركت مجا ذيه ارض	اب سوم
ادا تا مهرا	قوا نمين تركت	اب جهارم
16A 6 180	قوامن حركت (سلس)	بابتیب بابشش
444 £ 144	صدمہ ۔ کام اور تواناتی	ابسشت
מזץ ב אדי	مرمیات	ا بالبغشم
4.4 L 140	لجيدار حبوب كانقام	ا باب مشتم
444 L 4.c	رسم الطرنق اورعادى امراع	ابب نېم
ساع. أ سام.	طاذنهٔ ارض کے زیر عمل کی چکے منی پرکت	ا باب دہم
144 L 141	بسيط موسيقى حركت - رقاص	اب مازوم
Pra 6 446	ا کائمیال اور البعاد	باب دواز دېم
ראן דיםן דיםן		متفرق سوالات
عداد صفحه هم آاخر المنطق		جوابات



(۱) ایک نقطہ کو حرکت کرتا ہوا اس حالت میں کہتے ہیں جب کہ
اس کا مقام وقت کی ہر آن میں بدل رہا ہو۔ اگر ایک متحرک
نقط کا مقام وقت کی ایک آن میں طہواور بعدہ ایک اور آن
یں ق ہوتو درمیانی وقت یں اس کے مقام کی تبدیلی طق ہوگی۔
کی بعد دیگیرے متحرک نقط کے تمام مقامات میں سے جو خط
کمینیا جائے دہ اس نقطہ کا طریق یا داستہ کہلاتا ہے۔
کمینیا جائے دہ اس نقطہ کا طریق یا داستہ کہلاتا ہے۔
کو اس کی چال ۔ نعریف ۔ متحرک نقط کے داستہ چلنے کی شرح
کو اس کی چال کہتے ہیں۔
متحرک نقطے کی جال اس حالت میں کماں کہلاتی ہے۔
مشحرک نقطے کی جال اس حالت میں کماں کہلاتی ہے۔
جب کہ وہ مساوی اوقات میں اپنے داستہ کے مساوی حصے

طے کرے۔ نواہ اوقات کی مرت کتنی ہی کم ہو۔

وض کرو کہ ایک ریل گاڑی ایک گھنٹہ یں ۳۰ میل چلتی

ہے اور دوسرے گھنٹے میں ۳۰ میل اور پھر تیسرے میں بھی

میں ۔ اور چند گھنٹوں میں بھی اسی طرح چلتی ہے ۔ تو ہسم
یقیناً یہ نہیں کہہ سکتے کہ اس کی چال یکساں ہے جب یک کہ
ہم کو یہ معلوم نہ ہوکہ وہ ایک منٹ میں نصف میل جلتی ہے
اور ایک سیکنڈ میں مہم فط اور ایک گھنٹے کے بزارویں صعے
میں ۳۰ میل کا بزارواں حصہ اور ایک گھنٹے کے کروڑویں صعے
میں ۳۰ میل کا کروڑواں حصہ ۔ اور اسی طرح وقت کی ہرایک
مقدار کے لئے خواہ وہ کتنی قلیل ہو۔

جب کسی نقطے کی جال کیساں ہو تو اس کا اندازہ وہ فاصلہ ہے جو نقطہ وقت کی ایک اکائی میں طے کرے ۔ اور اگر نقطے کی چال ہر آن میں بدل رہی ہو۔ تو کسی خاص آن میں اس کا اندازہ وہ فاصلہ ہے جو نقطہ وقت کی ایک اکائی میں سطے اندازہ وہ فاصلہ ہے جو نقطہ وقت کی ایک اکائی میں سطے کرے اگر وہ وقت کی اس اکائی میں اسی چال سے چلتا رہے۔ جو اس خاص آن میں اس کی چال ہے۔

اگرہم یہ کہیں کہ ایک ریل گاڑی وقت کی ایک خاص ان میں بم میل فی گھنٹ کی جال سے جل رہی ہے۔ تو اس بارا یہ مطلب جہیں ہے کہ وہ گزشتہ ایک گھنٹ میں بم میل جل جکی ہے اور نہ یہ مطلب ہے کہ وہ آئندہ ایک گھنٹ میں بم میل میں بم میل جل جکی ہے اور نہ یہ مطلب ہے کہ وہ آئندہ ایک گھنٹ میں بم میل جلے گی ۔ بلکہ یہ مطلب ہے کہ اگر ایک گھنٹے میں بم میل جلے گی ۔ بلکہ یہ مطلب ہے کہ اگر ایک گھنٹے انگ

اس کی چال وہی رہے جو اس خاص آن میں ہے تو اس ایک گھنٹے میں وہ جم میل چلے گی۔

اگر ایک نقطے کی چال مکساں نہ رہو تو کسی آن میں اس کا اندازہ بطریق ذیل لگایا جا سکتا ہے۔ فرض کرو کہ اس خاص آن کے بعد اللہ سیکنڈ کی مدت میں نقطے نے فاصلہ ف

ط کیا۔ تو مقدار ف یعنے فاصلہ جو طے ہوا ۔ تقریباً مطلوبہ جال کے برابر ہے۔ اگر اس سے زیادہ تقریب اندازہ . لگانا مقصود ہو تو فرض کرو کہ اس خاص آن کے بعد الله سیکنڈ میں نقطے نے فاصلہ ف طے کیا۔ تو ف یہ یعنے . اللہ فاصلہ جو طے ہوا ۔ فاصلہ جو طے ہوا ۔ فاصلہ جو جو اللہ تقریبی اندازہ ہے۔ اور اس حقت جس میں یہ فاصلہ طے بہوا

زیادہ تقریبی اندازہ فن ہے ہواں ف وہ فاصلہ ہے جو آن ندکور کے بعد نقط نے بیائٹ میں طے کیا۔ یہی عمل جاری رکھنے سے چال کے اور بھی زیادہ تقریبی اندازے لگ سکتے ہیں۔

گ سکتے ہیں۔
پس اگر کسی نقطے کی جال ہر آن برل رہی ہو تو ہسم
بخوبی سمجے سکتے ہیں کہ کسی خاص آن میں نقطے کی جال کا
مفہوم کیا ہے۔

حابی زبان میں اس مفہوم کو اس طرح ادا کیا جاتا ہے۔ زف کرو کہ ایک خاص آن کے بعد تھوڑے سے وقت

علم حركت و یں مترک نقط اینے رامتہ کا اتنا حصہ طے سرتا ہے کہ اس کا طول ف ہے تو آن مرکور میں متحرک فقط کی

چال کا اندازہ ف کی انتہائی قیمت سے جب کہ وقت و کو کم سے کم کرتے ہے جائیں - اسی طح اگر کوئی برلنے والی مقدار ہو خواہ روپیہ یاسی ملک کی آبادی یا کوئی

اور چیز جس کی تبدیلی حساب و شمار میں آسکتی ہے تو ایسی مقدار کی شیع تبدل ت کی انتہائی قیمت ہے جہاں تھوڑ

سے وقت ف میں اس مقدار کی تبدیلی مت ہے۔

(۱۹ ) طول اور وقت کی اکائیاں جو انگلشان میں عام طور سر التعال روتی بین وه ایک فٹ اور ایک سینٹر یا ٹانیہ ہیں ایک فٹے ایک عز کا تیسار حصہ ہے اور ولیٹ نسٹر میں بیٹل کی ایک مصوس سلاخ محفوظ ہے جس میں سونے کی دو کیابیں جڑی

ہیں اور ان رو کیلوں کے درمیان جو فاصلہ ہے وہ ایک گر کہلاتا ہے۔

جتنے وقت میں زمین اپنے محور کے گرد ایک پوری گروش كرتى ہے وہ ایك دن ہے۔ ایك دن میں ١٨ گھنٹے ہوتے ين اور أيك محضي من بو منظ اور ايك منظ مين الله

سکنڈ ہوتے ہیں سکنڈ یا ثانیہ کی تعریف یہی ہے۔

علمی بیایش میں طول کی اکائی سینٹی میشر ہے جو ایک میشر کا بہ ہے۔ شروع میں میٹر کی تعریف یوں کی مٹنی تھی کہ وہ سطح زمین کے ایک ربع یعنی قطب شمالی اور خط استوا کے درمیانی فاصلے کا کروڑواں حصہ ہے ۔ لیکن عمل اس پر ہے کہ بیرس میں بلائینم کی ایک خاص سلاخ محفوظ ہے ۔ اس کے طول کو میٹر کہتے ہیں ۔ ایک میٹر تقریباً ، سر و میٹر کتے ہیں ۔ ایک میٹر تقریباً ، سر و سیٹی میٹر کے ساوی ہو ایک ایک فٹ تقریباً ، سر و سیٹی میٹر کے برابر ہے۔ میٹر کے دسویں حصہ کو ڈیسی میٹر اور مہزارویں حصے کو میٹر کہتے ہیں ۔

ربور) جال کی اکائی ایک ایسے متحرک نقطے کی جال کو کہتے ہیں جو وقت کی ایک ایک ایسے متحرک نقطے کی جال کو کہتے ہیں جو وقت کی ایک اکائی میں طول کی ایک اکائی .

یکساں طے کرے۔ بس جال کی اکائی ان دو اکائیوں بر منحصر ہوں ہے ایک یا دونوں تبدیل ہوں تو جال کی اکائی میں بھی عمواً تبدیل واقع ہوگی۔ تو جال کی اکائی میں بھی عمواً تبدیل واقع ہوگی۔

کی اگر ایک نقطے کی جال کی ہو تو اس کے یہ معنی ہیں کہ وہ وقت کی ایک اکائی میں طول کی کی اکائسیاں طے کرتا ہے۔ کہ وہ وقت کی ایک اکائی میں طول کی کی اکائسیاں طے

ہندا نقط نرکورہ وقت کی و اکائیوں میں طول کی ل و اکائیوں میں طول کی ل و اکائیوں میں طول کی ل و اکائیاں طے کریگا۔ بیس جال ل سے چلنے والا نقطہ وقت و بیس اگر فاصلہ ف طے کرے تو ف = ل و اگر جال کا اندازہ ایک قسم کی اکائیوں میں لگایا گیا ہوتو دوسری قسم کی اکائیوں میں سگایا گیا ہوتو دوسری قسم کی اکائیوں میں اس کی تبدیلی آسانی سے ہوسکتی ہے۔ هست کی اکائیوں میں اس کی تبدیلی آسانی سے ہوسکتی ہے۔ هست کی ایک میل فی گفتائے کی جال وہی ہے جو ایک میل فی منط ہے۔

ب میسان فی سکنگر فط في سيكند ٨٨ فك في سيكثر مثال (۱) یہ فض کر کے کہ زمین کا مرکز ۱۹۵ ونوں میں میں ..... ومیل نصف قطر کا دائرہ طے کرتا ہے۔ ٹا بت كروكه اس كى چال هدر ميل في خانيه ہے-مثال (۲) یہ تسلیم کر کے کہ روضی افتاب سے زمین یک مسکنگر میں بہنچتی کے نابت کرو کہ روشنی کی حیال ۱۹۲۰۰۰ میل فی ثانیہ ہے۔ (۴) نقل مکان ۔ ایک سخرک نقطے کے مقار کی تبدیلی کو اس کی نقل مکان کہتے ہیں۔ اگر متحرک نقطے کے مقام اول و اخر کے خط وصل کا طول اور سمت دونوں معلیم ہوں تو اس کی نقل مکان معلوم ہوسکتی ہے بیس نقل مکان کی مقدار بھی ہوتی ہے اور سمت بھی۔

مث ل (1) ایک آدمی سو میل عین مشرق کی طرف جاتا ہے اور پھر ہم میل ٹھیک شال کی طرف ٹابت کرو کہ اس کی نقل مکان ہ میل ہے اور مضرق سے شال کی

جانب زاویہ مس کہ بناتی ہے۔ مدٹ کی (۲) ایک جہاز ایک میل جنوب کی طرف جاتا ہے اور پھر مہم میل جنوب مغرب کی جانب نابت کرو کہ اس کی نقل مکان کہ میل ہے اور جنوب سے مغرب کی طرف زاویہ من 🕂 بناتی ہے۔

من ال (س) ایک جہاز حب زیل جلتا ہے۔ تام زاوئے شال سے مشرق کی طرف شمار کئے گئے ہیں۔

م میل برزاویه ۱۲۵ ۱ میل برزاویه ۹۰ ۲ میل برزاویه ۹۰ ۳ میل برزاویه ۹۰

هم ميل به زاويه ٠٠٠ ش

کل فاصلہ جلنے میں ہ گھنٹے صرف ہوے اور پانی شرق سے بجانب غرب سومیل فی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہائی شرق سے مرت کو کہ جہاز کے مقام اول و آخرکا دربیائی فاصلہ تقریباً ۱۹،۹۹ کی شرب کی جانب تقریباً ۱۹۸۸ ممیل کا فاصلہ طے کیا جمہ اور یہ کہ اس نے مغرب کی جانب تقریباً ۱۹۸۸ ممیل کا فاصلہ طے کیا جمہ (۷) رفتار کہلاتی ہے۔ ایک متحرک نقطے کی نقل مکان کی شرح اس کی رفتار کہلاتی ہے۔

ایک نقطی کی رفتار بھی ہوتی ہے اور سمت بھی۔
ایک نقطی کی رفتار کیساں اسوقت کہلاتی ہے۔ جب کہ وہ ایک متقل سمت ہیں حرکت کررہ ہو اور مساوی اوقات میں اپنے راشنے کے مساوی طول طے کرے ۔ اوقات کی مقدار خواہ کتنی ہی قلیل ہو۔ کیساں رفتار کا اندازہ اس نقل مکان سے کیا جاتا ہے جو وقت کی ایک اکائی میں ظہور پذیر ہو۔ اور بدلنے والی رفتار کا اندازہ ایک خاص آن میں بطریق ذیل کیا جاتا ہے ہے۔ فرض کرو کہ آن خدکور کے بعد

۔ قت کی ایک الکائی علی رفتار وہی ربتی ہے۔ جو آت ملکور س ہے۔ کو وقت کی اس آیک الکائی میں جو نقش سکان ہووہ اس مرکور میں رفتار کا عوازہ ہے۔

جیدا کو وفد ۱۶ میں بیان ہوا۔ اگر ایک متحل فقط کی رفتار کیسال ند ہو تو کسی فانس آبن میں اس کا اندازہ اسطرح بو سکتا ہے۔ کہ آن ندگور کے بعد باہ ایا میا اس کے درید رفتار کا اس کی نقل مکان دریافت کی جائیں اس کے ذرید رفتار کا زیادہ تنہیں دریافت کی جائیں اس کے ذرید رفتار کا زیادہ تنہیں اندازہ حاصل ہوگا۔

ریادہ سے ریادہ سربی میری ایک کے ایک آئر آن ندکو ۔ سے ریادہ ایک ریادہ سے ریادہ سربی جاتا ہے کہ آئر آن ندکو ۔ سے بعد محمورے سے وقت و س نقبل کان ن مرکور میں نقطے کی قیمت جب کہ و کو کم ممر مرتے جانیں آن نمکور میں نقطے کی رفتار ہوگی۔

(٨) طالب علم كوي معلوم جوگيا جوگا كرجب متحب نقطه خط متعقيم ميں حركت كر را جو تو جال اور رفتار ميں كوئى فرق فيل ميں جوتا -

اگر حرکت خط متقیم میں نہ ہو تو جال اور رفتار ت فرق اوتا ہے۔ خط متقیم میں نہ ہو تو جال اور رفتار ت فرق اوتا ہے۔ خط بر کیسال جل او او ایسی میاوی اوقات کی مقدار کتنی ہی اولی ہو یعنی میاوی اوقات میں (خواہ اوقات کی مقدار کتنی ہی کم ہو) قوس کے میاوی حصے طے کر را ہو۔ تو محیط کے مناوی حصے طے کر را ہو۔ تو محیط کے منافی مقامت پر حرکت کی سمت مختلف ہوگی ۔ کیونکہ کسی خاص مقام پر یہ سمت ماس واڑھ کی سمت ہوگی ۔ کیونکہ کسی خاص مقام پر یہ سمت ماس واڑھ کی سمت ہوگی ۔ بیسس

اس صورت میں رفتار اینے اصطلاحی معنوں میں ہر مقام پر برل رہی ہے اور چال ہر مقام پر کیساں ہے -(۹) رفتار کی اکائی کی مقدار ایک ایسے نقطے کی رفتار ہے جس کی نقل مکان وقت کی ایک اکائی میں طول ک ایک

جب ہم کہتے ہیں کہ ایک متحک نقطے کی رفت رس ہے تو اس سے ہمارا یہ مطلب ہوتا ہے کہ اس کی رفتار میں رفتار میں رفتار میں رفتار میں اکائیاں ہیں یعنی یہ کہ وقت کی ایک اکائی میں اس کی من اکائیاں ہیں یعنی یہ کہ وقت کی ایک اکائی میں اس کی فقلے کی فقل مکان طول کی س اکائیاں ہیں اگر ایک متحک نقطے کی رفتار ایک سمت میں س ہوتو اس کے مساوی رفتار متحال متحال سمت میں لاز ما (-س) سے تبیر ہوگی۔

بعض مولفین الفاظ الم فٹ شکنڈ کو آو ایک فٹ فی سکنڈ کی رفتار" کے معنوں میں استعال کرتے ہیں ۔ شلاً "تین فٹ سکنڈ کی سکنڈ کی رفتار" سے ان کا مطلب وہ تین فٹ فی سسکنڈ کی رفتار" سے اسی طرح "او سینٹی میٹر سکنڈ کی رفتار" سے "اسی طرح "او سینٹی میٹر سکنڈ کی رفتار" سے "اسینٹی میٹر سکنڈ کی رفتار" مفہوم ہوتا ہے۔

(۱۰) چونکہ ایک نقطے کی رفتار اس وقت معلوم ہوتی ہے جب کہ اس کی مقدار اور سمت دونوں معلوم ہوں اس کئے رفتار کو اگر ہم ایک خط متنقیم اب سے تبییر کریں تو مناسب ہے مثلاً جب ہم کہیں کہ دو امتحرک نقطوں کی رفت اریں مقدار اور سمت میں دو خطوط متنقیم اب اور ج د سے مقدار اور سمت میں دو خطوط متنقیم اب اور ج د سے

تعبیر ہوتی ہیں تو ہمارا اس سے یہ مطلب ہے کہ نقطوں کی حرکت کی ستیں خطوط اب اور ج د کے متوازی ہیں اور ان سمتوں میں رفتاروں کی مقداریں اب اورج د کے طولوں کے متناسب ہیں ۔

(11) یہ مکن ہے کہ ایک جم کی رفتاریں ایک ہی وقت میں دو یا زیادہ مختلف سمتوں میں ہموں۔ اس کی ایک عام فہم متال اس شخص کی ہے جو ایک متحرک جہاز کے عرشہ پر ایک مقام سے دوسرے مقام تک چلے اس کی ایک حرکت تو جہاز کی خرکت ہے اور دوسری اس کی اپنی حرکت جہاز کے عرشہ یر - یہ ظاہر سے کہ فضا میں اس شخص کی حرکت ان دو صورتوں سے مختلف ہوگی جب جہاز ساکن ہو یا جب وہ شخص جہاز کے عرضہ پر بہ مقام اول ساکن رہے۔ اب ایک اور مثال بوء فرض کرو که ایک جهاز اس طرح چلتا ہے کہ اس کا رخ ایک سمت مشقل میں رہتا ہے۔ ان لو کہ یہ سمت شال ہے۔ اور پانی کے بہاؤ کا زور اس کو ایک مختلف سمت یعنی جنوب مشرق کی طرف لے جاتا ہے۔ اور فرض کرو کہ ایک طاح جہاز سے متول پر چرجه رہا ہے الماح کی نقل مکان اور رفتار کا انحصار صریحاً تین مقادیر پر ہے۔ یعنی جہاز کی رفتار۔ یانی کی رفتار اور طاح کی اینی رفتار اس کی رفتار واقعی ان تینو رفتاروں سے مرکب ہے۔ دفعہ ذیل میں ہم دو مفروضہ رفتاروں کی ترکیب کا طریقہ بان کریں گے۔

(۱۷) مسئل - رفتارول کا متوازی الاضلاع - آرایک متحرک نقط کی ایک وقت میں دو ایسی رفتاریں ہوں جن ایک متوازی الاضلاع کے دو متصل ضلع (جو ایک نقط سے ایک متوازی الاضلاع کے دو متصل ضلع (جو ایک نقط سے کھینچ جائیں) مقدار اور سمت میں تعبیر کریں ۔ تو دونو رفتان مل کر ایسی رفتار کے مساوی ہوں گی جو مقدار اور سمت میں متوازی الاضلاع کے اس قطر سے تعبیر ہوگی جو نقط۔ میں متوازی الاضلاع کے اس قطر سے تعبیر ہوگی جو نقط۔ فیکورہ میں سے گزرتا ہے۔

فرض کرد که دونو رفتاری خطوط اب اور اج سے تعبیر ہوئی ای متواری الاصلاع ہوئی ایں متواری الاصلاع بین متواری الاصلاع بین متواری کرو۔

ہم یہ وض کر سکتے ہیں کہ متحرک نقط اسے شروع ہو کر مسکتے ہیں کہ خط اب کی سمت میں رفتار مسلم اللہ اللہ اللہ اللہ اللہ اللہ اللہ اور ساتھ ہی ساتھ خط اب صفحہ ندا پر ساتھ خط اب صفحہ ندا پر

اس طرح حرکت کرتا ہے۔ کہ نقطہ الم خط اج کی سمت میں رفتار و سے جلتا ہے وقت کی ایک اکائی میں متحرک نقط خط اب برا سے جل کر ب تک حرکت کریگا اور اسی عصمہ میں خط اب حرکت کر کے مقام ج د پر پہنچ جائیگا۔ ہندا وقت کی ایک اکائی کے اضتام پر متحرک نقط د پر پہنچ جائیگا۔ چونکہ دونوں رفتاریں مقدار اور سمت میں غیر متبدل رہتی بیں اس لئے متحرک نقطے کی رفتار اسے لے کر دیکس غیر متبدل رہگی۔

ینے وقت کی ایک اکائی میں نقطے کا راستہ خط متنقم ۱۲ ہوگا ہیں ۱۲ مقدار اور سمت میں ان دو رفتاروں سے مساوی ہے جو اب اور اج سے تعبیر ہوتی ہیں -

طالب علم کو فہوت بالا کے سجھنے میں سہولت ہوگی اگر وہ یہ فرض کرے کہ اجم ایک چلتے جہاز کی حرکت کی سمت، ہو اور اس ہوا ہوا ہوا ہو اور اس خط کھینچا ہوا ہے اور اس خط کھینچا ہوا ہے اور اس خط پر ایک آدمی کیساں چل رہا ہے۔

(سال) تعریف۔ اگر دو یا زیادہ رفتاریں مل سر کیک رفتار کے مساوی ہموں تو یہ ان کا حاصل کہلاتی ہے اور وہ اس اجزاء ترکیبی کہلاتے ہیں۔

نیز اگریم زاویه ب اد کوطه سے تبیر کریں تو اب جب ادب = جب و اج جب س اد

: ر جب مرسط بيب مدجم طرح مدجب طر بيب معم طرح عمر المربي ا

 $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}$ 

يعن مس ط = وجب مد

پس اگر دو رفتاریں ایک دورے سے زاویہ عد بنائیں۔توان کا حاصل ایک رفتار ساز ۱ + ۱ + ۱ روج عد کے مساوی ہے جو رفتارس کی سمت سے زاویہ مسل رجوج عد بناتی ہے۔ حاصل رفتار کی سمت اس طرح بھی حاصل ہو سکتی ہے۔ حاصل رفتار کی سمت اس طرح بھی حاصل ہو سکتی ہے۔ اس طرح بھی دنالو جو اب سے نقط ع پرہے۔

تب مس داب = عو برجبع به وجبع مه الباد مجمع به الباد مخروضه رفتار كو تحليل كرنے ك لا أنتها طريق بين - كيونكه اگر متوازى الاضلاع كا قطر إ ديا بهوا بهوتو اس قطر پر لا انتها متوازى الاضلاع بن سكتے بين - او اگر إ ب د ج ان ميں سے ایک بهوتو رفتار إ د دو رفتاروں إ ب اور اج كے مساوى ہوگى -

رفتار کو تحلیل کرنے کی اہم صورت وہ ہے جس میں اسے دو ہرے دو سرے دو ہیں سمت دی ہوی ایک معنوں میں تحلیل کرنا مقصود ہو جو ایک سمت دی ہوی سے زاویہ قائمہ بنائیں اور ان میں سے ایک سمت دی ہوی ہو۔ جب ہم ایک فاص سمت میں ایک رفتار کے جزء تحلیلی کا ذکر کرتے ہیں تو اس سے ہمارا یہ مطلب ہوتا ہے کہ دورری سمت جس میں رفتار کی تحلیل ہوگی اس فاصست دورری سمت جس میں رفتار کی تحلیل ہوگی اس فاصست بے زاویہ قائمہ بناتی ہے۔

منالاً - زض کرو کہ ہم ایک رفتارس کو ج ادسے تعبیر ہوتی ہے دو اجزاء میں تعلیل کرنا چاہتے ہیں جو ایک دوسرے سے داویہ قائمہ بنائیں -ان میں سے ایک جزء کی سمت اب دی ہوئی ہے جو ادسے زاویہ طبہ بناتی ہے-

ا ب پر د ب عمود مکالو اور متعطیل

اب دج کی تکمیل کرو-رفتارس مریجاً دورفتاروں اب اوراج کے ساوی ہے۔ نیز اب=ادجموطہ = س جھوطہ اور اج=ادجب طه = س جب طه

یں ہم کو ذیل کا کار آمدمسلہ حاصل ہوا۔

پس ہم و ریں مار کے اجزاء سملیلی ایک فاص سمت میں اور اس کے ساتھ داویہ قائمہ بناتی ہوئی سمت میں اور اس کے ساتھ داویہ قائمہ بناتی ہوئی سمت میں مطلوب ہوں۔ تو ان میں سے پہلا جزء س جھوطہ ہوگا اور دوسرا سی جب طہ ایک قائمہ سے سی زاویہ طہ ایک قائمہ سے

بڑا ہو وہ سکونیات کی دفعہ ۳۰ کے طریقے سے حل ہوسکتی ہے مثال (۱) ایک تخص غلل مشرق کی جانب ہم میل فی گھنٹ کی رفتار سے جا رہا ہے۔ اس کی رفتار کے اجزاء تحلیلی شال اور مشرق کی سمتوں میں جدا گانہ دریافت کرو۔ جواب - ہرایک ۲۷۲ میل فی گھنٹ ہے۔ مثال (٢) أيك نقط أيك خط متقيم من افط في گهنشه کی رفتار سے حرکت کر رہا ہے اس کی رفتار کا جزء حملیلی ایک ایسی سمت میں دریافت کرو جو اس کی حرکت کی سمت سے ،س<sup>م</sup> کا زاویہ بناتی ہے۔ جواب ١٧٥ فط في سكند-مثال (س) ایک جسم ایک سطح مایل پر شیمے کی طرف میسل رہا ہے سطح کا میلان افق سے ۹۰°ہے اس کی رفتار کے اجزاء افتی اور عمودی سمتول میں معلوم کرو-جواب ہے۔ اور رسے، جان س جسم کی رفتار ہے۔ (۵) اگر ایک رفتار کے اجزاء ترکیبی دو ایسی سمتوں میں مطلوب ہوں جو رفتار مذکور سے زاوے عد اور ب بنائیں۔

فرض کرو کہ اح رفتار من کو مقدار اور سمست میں تجبیر کرتا ہے اب اور اج ایسے خطوط کھینی ہو اح سے داور ح میں سے دلا ایسے خطوط کھینی جو ایسے خطوط کھینی جو ایسے خطوط کھینی جو متوازی الاصلاع اب ح ج کی تکمیل کریں ۔جیسا کہ

توطرر عمل يه بوگا-

دفعه (۱۲) میں کیا گیا تھا۔

چونکہ ایک شلث کے اصلاع روایاے مقابل کی جیبوں کے تتناسب ہوتے ہیں اس کئے

اب = بو = او جبادب جب باد جباب د

لینی <del>اب = ب و = او</del> لینی جب به جب عه جب(عدبه)

نه اب = اد جب به اورب د = اد جب عد به پس ان دوسمتوں میں رفتار کے اجزاء ترکیبی یہ بوے۔

رجب ہے اور رجب مے جب (عدبہ) جب (عدبہ) جب رغبہ) رفتاروں کا مثلث ۔ اگر ایک متحک نقطے ک رفتاریں ایک وقت میں ایسی ہوں جو ایک متلاف کے اضابع اب اور ب ج سے بالترثیب تیبیر ہوں۔ تو دونوں رفتار ایک ایسی رفتار کے مساوی ہوں گی جو اج سے تعبیر ہوئی ہے۔

متوازی الاضلاع اب ج < کی تکمیل کرنے سے یہ ظاہر ہے کہ جن رفتاروں کو خطوط † ب اور ب ج تعبیر کرتے ہیں انبی رفتاروں کو خطوط اب اور اد تعبیر کریں گے بندا ان کی حاصل رفتار ا ج سے تعبیر ہوگی -

نتیجہ صیح (۱) اگر ایک ہی وقت ایک نقط کو تین ایسی رفتاریں دی جائیں جو ایک خلف کے اطلاع سے تعبیر ہوں جبکہ اضلاع کو ایک ہی رخ یا جائے تو نقط ساکن رہیگا۔

بیجہ صرح (۱) اگر ایک متحرک نقط کی رفتاریں ل ×وا اور م × ق ب سے تعبیر ہوں۔ تو دونوں مل کر ایک رفتار ایک ایس نقط ہے کہ ل بدا ب م مک ب کیونکہ رفتاروں کے ایسا نقط ہے کہ ل بدا ب م مک ب کیونکہ رفتاروں کے مثلث کے مثل کے ذریئہ رفتار ل بدو ا ، دو رفتاروں کے مثل یہ وک اور ل مک ایک ماوی ہو اور رفتاروں م می ک ب اور م بدوک سے برابر ہے۔ لیکن رفتاریں ل بدک ا اور م بدوک سے دوسرے کو معدوم کرتی ہیں۔ پس حاصل (ل + م) بدوک کے دوسرے کو معدوم کرتی ہیں۔ پس حاصل (ل + م) بدوک

کے برابر ہے۔

(ع) رفتاروں کا ذواری اسطوح۔ جس طیح رفتاروں کے متوازی الاضلاع کا سلہ ثابت ہوا۔ اسی طرح یہ فابت ہو سکتا ہے متوازی الاضلاء کا سلہ ثابت ہوا۔ اسی طرح یہ فابت ہو سکتا ہے کہ اگر تین رفتاریں ایک ذواربعۃ السطوح کے ایک کونے پر طنے والے تین کناروں سے تعبیر ہوں تو ان کی حاصل رفتار ذواربعۃ السطوح کے اس کونے میں سے گزرنیوائے قطر سے تعبیر ہوگی۔ برمکس اس کے ایک رفتار تین اجزا میں تعلیل ہوسکتی ہے۔

(۱۸) رفتاروں کا کثیرالاضلاع۔ اگر ایک متحرب

نقطے کی رفتاریں ایک وقت میں ایسی ہوں جو ایک کثیرالاضائع کے اضابوری نب ج ، ج د ، . . ک ل سے تعبیر ہوں (خواہ من سام

کٹیرالاشلاع کے صلعے ایک سطح میں ہوں یا نہ ہوں تو عاصل

ر نتار ال سے تعبیر ہوگی -کیونکہ بہ موجب دفعہ (۱۲) رفتار<sup>یں</sup> اب اور ب ج رفتار اج کے

اب مرور ب مساوی رس -

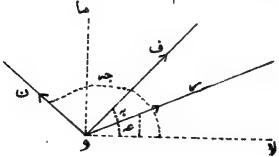
ا اور رفتارین اج اورج در رفتار ا < کے برابر ہیں علی بزائقیاس اور رفتار ال سے تبییر ہوگی-

پس عامل رفتار ال سے سبیر ہوں۔ ملیجہ صریح ۔ اگر نقط ل ابر منطبق ہو بینے کثیرالاضلاع اس من شکار مداد عل رفتار صفیہ ہوگی بینی نقطہ ساکن رہیگا۔

ایک بند شکل بو تو حال رفتار صفیر ہوگی بینی نقط ساکن رہیگا۔ (14) اگرایک نقطہ کئی ایک مختلف سمتوں میں رفتاریں رکھتا ہو۔تو ان کا

را ۱۹ مریف سند کی میں میں میں عالی القوایم سمتوں میں تمام ماصل معلوم کرنے کا طریقہ یہ ہے۔ دو متقاطع علی القوایم سمتوں میں تمام رفتاروں کو تحلیل کرو اور ان دوسمتوں میں جو رفتاریں ہبوں ان کی

ری رون کو خلیل نرو اور آن روستون که ترکیب سے کل کی حال رفتار معلوم ہوگی ۔



فض کرو کہ ایک نقط کی رفتاریں من می ن ن ن ن ن ایسی سمتوں ہیں ہیں جو ایک نابت نظ و لا سے زاوسے عد نبر، جمر بناتی ہیں اور فض کرو کہ و ھا وکا برعور ہے۔
س کے اجزاء وکا اور و ھا کی سمتوں ہیں س جھ عہ اور س جب عہ ہموں گے۔ اور ف کے اجزاء ف جھبہ اور ف خیل اور ف خیل رفتاروں کی تحلیل اور ف جب بہ ہموں گے اسی طبح باقی رفتاروں کی تحلیل کرو۔ بیں تام رفتاروں کے اجزا یہ ہموں گے۔
س جھرعہ + ف جھربہ + ن جھرجہ ، د متوازی۔
وکا کے متوازی۔

اگر طاصل رفتارح ہو اور د کا سے زاویہ طم بنائے تو سے جھ طمہ= س جھرعہ + ف حمویہ + ن جھرجہ، ۔... سے جب طحہ یہ مجب عمہ + ف جب بیں + ن جب جی، ۔... مربع لے کر جمع کرنے سے ۔

ے اور تقسیم کرانے سے اس جموجہ ، ... علی درجب عدون جب بر من جب جرد ... علی اور تقسیم کرانے سے

مس طہ = رجب عد + ف جب بد + ن جب جد ب ب ب من م ان دو مساواتوں سے ح اور طہ معلوم ہوں گے۔

### امت لمنبري (۱)

(ز) کی جہاز ہا میں فی گھنٹہ کی رفتار سے عین شمال کی جانب جان ہا ور بان کا بہاؤ اس کو سر ۲۷ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے جنوب مشرق کی طرف لے جاتا ہے۔ دریافت کروکہ

ایک گفت کے بعد جہاز کہاں ہوئی ؟ جہاز کی دو رقباریں ہیں ایک ۱۵ میں فی گفتہ جانب شال اور دومرگا عواج میں فی گفتہ جانب جنوب مشرق ۔ دوسری رقبار دو رفبارون کے مسادی ہے۔ ایک سراج جم ۱۵م میں فی گفتہ مشرق کی جانب اور دوسری ۱۹۲۳ جب ۱۵م میں فی گفتہ جنوب کی جانب پس جباز کی کی رقبار یہ ہے۔ پس جباز کی کی رقبار یہ ہے۔

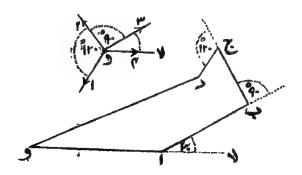
، میں فی محنٹ جانب شوں اور ما میں فی گھنٹہ جانب مشرق

(م) ایک نقط کی رفتاری کیک وقت یک چار مختلف سمتول کی مرا می اور دوسری کے درمیان ۳۰ کا کی مرا می اور دوسری کے درمیان ۴۰ کا اور تیسری کے درمیان ۴۰ کا اور تیسری اور چتمی کے درمیان ۴۰ کا اور تیسری اور چتمی کے درمیان ۲۰ کا کا کا کا حاصل وریافت کرو۔ درجیتمی کے درمیان کا حاصل وریافت کرو۔ درجیتمی کے درمیان کا حاصل وریافت کرو۔ درجیتمی کے درمیان کی عودی سمت میں ہو اور و ها اس کی عودی سمت میں ہو اور و ها اس کی عودی سمت میں ہو اور و ها اس کی عودی سمت میں

و لا کے ساتھ رفتاریں مفصلہ ذیل زاوئے بناتی ہیں۔ '' ، سم' ' ، ۱۱' اور ، ۲۲'

ح = ۱۱+ ۱۲۹ = ۵۸۸۵ و ۱۱۳ م = ۹۲ و ۵ ا مناح = ۹۲ و ۵ ا انتاح = ۹۲ و ۵ ا انتاح = ۹۲ و ۵ ا انتاح = ۹۲ و ۵

ترسیماً ۔ولا پر و ابرابر م انج کے قطع کرو۔ اور زاوی لا اب برابر ، م کے بناؤ اور اب برابر م انج کے لو۔ ب ج اب پرعود نکا لو اور



ا انج کے ساوی قطع کرو۔ اور پھرب ج مدودہ سے ۱۲۰ کے

العث برج د با تدر الني يحيني - و د كو طاؤ المين سے معلوم روي أ و د ١٠ وه انج اور راويه ا و د ٥٠ تقريباً ام ایک جہازی رفتارید میل فی گھنٹ ہے جہاز بر ایک ایند س کی امودی سمت میں ام معلکا وی گئی ہے۔ گیند کی رنتار م گز فی سکنند نے نضا میں گیند کے راشتے کی ترمیم کرو اور ٹابت کرو کہ دم یکنڈ میں دہم فٹ کے کرتی ہے۔ ١ مى ايك تنتى ايك درياس اس طبع چلائي جاتى ہے كه کر گفتی کا رخ ہمیشہ دیا کی سمت پر عمود وار رہتا ہے۔ اگر دریا کا عرض ۵۰ س فٹ ہو تو دریافت کرو کہ جہاں سے کشتی یلی ہے وہاں سے کس قدر دریا کے نیچے کی طرف روسرے كنارے بر لك كى كنتى كى رفتار و ميل فى محنشہ ہے اور دریا کا پانی مرمیل فی گھنٹہ چلتا ہے۔ (۵) ایک شخص به زرید کشی دریا کو عبور کرنا چامتا ہے سیکن اس طرح کہ جہاں سے چلے اس کے عین مقابل دوسرے كنارے پر پنجے ـ كتى كى رفتار دريا كى رفتار سے وو چند ہے۔معلوم کرو کہ کشتی کا رخ کس طرف ہونا چاہئے ، (١) أيك كشتى كى جال آب ساكن مين ١ ميل في گفت ہے-اگر دریا یں جس کی رفتار سم میل فی گھنٹہ ہے۔ اس کشتی کو چلایا جائے تو تربیماً دریافت کرو کہ کشتی کا رخ کیا ہو کہ کشتی کی حرکت دریا سے زاویہ قائمہ بنائے۔ (ع) ایک ندی کی رفتار الها میل فی گفت ہے ایک تیراک

جس کی رفتار ہے میل فی گھنٹ ہے اس ندی کو عبوراً عبور کرنا چاہتا ہے۔ دریافت کرو کہ وہ کس سمت میں چلے ہا اگر کم سے کم وقت میں عبور کرنا مقصود ہو تو معلوم کرو کہ تیراک کس سمت میں تیرے۔

(A) ایک جہاز کا رخ عین شمال کی جانب ہے اور وہ ایک دریا کو عبور کر رہا ہے جس کا پانی مغرب کی جانب ہہ رہا ہے۔ ایک گھنٹے کے بعد معلوم ہوا کہ جہاز نے شمال غرب کی جانب ، سو کا زاویہ بنانے والی سمت میں ہر ہس میل کا فاصلہ طے کیا ۔ پانی اور جہاز کی رفتاریں معلوم کرو۔ میل کا فاصلہ طے کیا ۔ پانی اور جہاز کی رفتاریں معلوم کرو۔ (۹) دو جہاز لا اور ھا دو مقابات † اور ب پر ہیں فاصلہ اب و میل ہے۔ لا ' اب سے ، 4 کا زاویہ بناتی ہوئی سمت میں ، امیل فی گھنٹ کی رفتار سے چلنے لگتا ہے معلوم کرو کہ ھا اسی وقت ، الاس میل کی رفتار سے جلنے لگتا ہے معلوم کرو کہ ھا اسی وقت ، الاس میل کی رفتار سے جلنے گھنٹ کی رفتار سے کس سمت میں چلے کہ وہ لا سے شمیاک میکرا جائے۔ یہ بھی دریا فعت کے بعد

(۱) ایک طریم کار ایک سطر بر ۸ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے جا رہی ہے۔ اس میں ایک جسم ۱۹ فٹ فی سیکٹر کی رفتار سے کو سیکٹر کی رفتار سے کس سمت میں بھینکا جائے کہ اس کی حاصل حرکت طریم کار کی عمودی سمت میں ہو۔

١١١) ایک جاز شال کی جانب سم فٹ فی سینڈ کی رفتار

جا رہا ہے بانی کا بہاؤ اسے مضق کی جانب سوف فی سیکنٹر کی رفتار سے لے جا رہا ہے اور اس میں ایک طلع عمودی متول پر م فٹ فی سکنٹر کی رفتار سے چراص رہا ہے۔ طلع کی رفتار اور سمت حرکت فضا میں وریافت کرد۔

(۱۲) ایک رفتار کے اجزاء ترکیبی دو سمتوں میں معسلوم کرو جو اس سے ، میں اور ھمی کے زاوئے بناتی ہیں۔

(۱۲) ایک لقط جس کی رفتاریں مختلف سمتوں میں ، ۲۸٬ ۱۱۲ ہیں ساکن ہے دو چھوٹی رفتاروں کا درمیانی زاویہ دریافت

رسمار) ایک نقطے کی رفتاریں س' ۱۹، ۹ بیں اور وہ ایک دوسرے سے ۱۲۰ کے زاوئے بناتی ہیں۔ ترسیاً اور حساباً ان کا حاصل دریافت کرو۔

ان ہ ما میں رویس ایک نقطے کی رفتاریں سن مسئ من ایک ایک وقت میں ایک نقطے کی رفتاریں سن مسئ من میں ہوں ہوں ہوں اور موسری اور ہم سری اور ہم میں ہیں ہیں اور دوسری دوسری اور ہم میں اور چوشی کے ورمیانی زاوئے بالترتیب او '، ہ '، ہ ' اور حساباً خابت کرو کہ حاصل رفتار اور میں ہیں۔ ترسیعاً اور حساباً خابت کرو کہ حاصل رفتار سے اور اس کی سمت بہلی رفتار سے ۱۵، کا زاویہ س ہے اور اس کی سمت بہلی رفتار سے ۱۵، کا زاویہ

بناتی ہے۔ (۱۲) ایک نقط دو مفروضہ سمتوں میں مساوی رفستاریں رکھتا ہے۔ اگر ایک رفتار کو نصف کر دیا جائے تو وہ زاویہ بھی جو حاصل رفتار دوسری رفتار سے بناتی ہے نصف ہو جاتا ہے۔ نابت کرو کہ رفتاروں کا درمیانی زاویہ ۲۰ ہے۔

(عمر) أیک نقط کی رفتاریں مقدار اور سمت میں ان خطوط سے کسی سے تعبیر ہوتی ہیں جو ایک دائرے کے معیط کے کسی نقطے سے کسی قطر کے سروں میک کھینچی جائیں۔ ثابت کرو کہ ان کا حاصل اس نقطے میں سے گزر نے والے قطر سے تعبیر ہوگا۔

(۱۸) ایک نقط کی ایک وقت میں چار رفتاریں ہیں۔
یہلی ۱۹۷ فٹ فی سکٹٹ ہے دوسری ۳۹ فٹ فی سکٹٹ
یہلی سے ۲۶ کا زاویہ بناتی ہے۔ تیسری ۵۶ فٹ فی سکٹٹ تیسلری سے ۵۳ کا زاویہ بناتی ہے۔چوھی ۹۰ فٹ فی سکٹٹ تیسری سے ۵۳ کا زاویہ بناتی ہے۔ جوھی ۱۴ فٹ فی سکٹٹ تیسری سے ۵۳ کا زاویہ بناتی ہے۔ ترسیماً نابت کرو کہ عاصل رفتار ۵۶ ما فٹ فی سکٹٹ ہے اور پہلی رفتار سے عاصل رفتار ۵۶ ماتی ہے۔

(۲۰) اوسط جال اور رفتار۔ ایک نقط کی اوسط جال وقت کی ایک دی ہوی مت میں ایک ایسے نقط کی کی جال وقت کی جال ہے ہوگ ماستہ کیساں جال سے کے کہا جو نقطہ ذکورہ نے طے کیا ہے۔ بس ایک متحرک نقطے کی اوسط جال ایک دی ہوی مدت میں

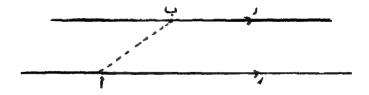
ع کل فاصلہ جو نقطے نے مت مذکورہ میں طے کیا ۔ عمل وقت جس میں وہ فاصلہ سطے کیا ۔ اگر ایک شخص ہے۔ اسمبیکاڈ میں ۱۰۰ گرز فرور سے تو اوس کی اوسط چال ہے۔ یعنی ہے ہے گرز فی سیکنڈ ہے۔ دیگر فرض کرو کہ ایک ریل گاڑی سیٹشن چھوٹ کر ہیلے ہو گرز فرض کرو کہ ایک ریل گاڑی سیٹشن چھوٹ کر ہیلے ہ منظ میں ایک میل چلتی ہے۔ اخیر میں ایک میل ہ منظ میں چل کے اس کی گھنٹہ کی چال سے چلتی ہے۔ اخیر میں ایک میل ہ منظ میں چل کر دو سرے شیشن پر شھیر جاتی ہے۔ کم کل فاصلہ جو سے ہوا = ا + نہ ا + ا = ، میل کی وقت جس میں فاصلہ سے ہوا = ا + نہ ا + ا = ، میل اس کی اوسط چال = ہے۔ میل فی منظ = ہے ہیں ایک میسل فی گھنٹہ = ۱۱ور ۱۱ میل فی منظ تقریباً اس کی اوسط جان کی کوسط رفتار کسی سمت میں ایک دی

ع کل نفل مکان اس مدت میں اور اس سمت میں عرص میں نقل مکان ظہور بذیر ہوی

(۱۲) حرکت اضافی ۔سکون اور حرکت اضافی اصطلاحیں ہیں ۔ہم حرکت مطلق سے بالکل ال واقف ہیں جو حرکت ہمیں معلوم ہے وہ سب اضافی ہے۔

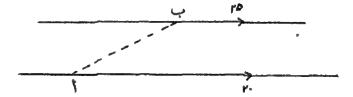
المیں معلوم ہے وہ حلب المالی ہے۔ مثالاً ۔ جب ہم کہتے ہیں کہ ایک ریل گاڑی بہ جانب شمال ،ہم میل نی گھنٹ کی رفتار سے جارہی ہے تو اس سے ہمارا یہ مطلب ہوتا ہے کہ اس کی یہ رفتار بہ لحاظ زمین کے ہے۔یعنی اگر ایک شخص زمین پر ساکن ہو تو اسسے ریل گاڑی اس رفتار سے چلتی ہوئی معلوم ہوگی۔ ریل گاڑی

کی یہ حرکت سطح زمین پر ہے اس حرکت کے علاوہ اسکی
اور حرکتیں بھی ہیں۔ اول زمین کی روزانہ گروش اپنے محور
کے گرو۔ ریل گاڑی چونکہ زمین پر ہے اس لئے وہ زمین کی
اس حرکت میں شامل ہے۔ دوم زمین کی سالانہ گروش آفتاب
کے گرو۔ ریل گاڑی اس حرکت میں بھی زمین کے ساتھ شامل
ہے سوم اگر کل نظام شمسی کی فضا میں کوئی حرکت ہو
ریل گاڑی کی اس میں بھی شمولیت ہوگی۔
ریل گاڑی کی اس میں بھی شمولیت ہوگی۔
ایک دوسرے کے متوازی ایک ہی سمت میں مساوی
رفتاروں سے جل رہی ہیں۔

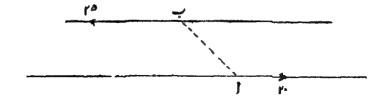


فرض کرو کہ ایک گاڑی پر ایک نقطہ اور دوسری پر ایک نقطہ ب ہے گر ایک شخص نقط ا پر کھڑا ہو کر نقط ب کی طرف مکنکی لگا کر دیکھتا رہے۔ تو اس کو نقط ب بالکل ساکن معلوم ہوگا۔ کیونکہ خط ا ب کے طول اور سست یں کوئی تبدیلی واقع نہیں ہوگی اور ب کی رفتار

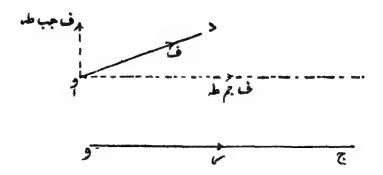
بہ لحاظ ب کے صفر ہوگی۔ ٹا نیا فرض کرو کہ پہلی گاڑی کی رفت اور کہ میسل فی تکھنٹ ہے اور دوسری کی اسی سمت میں دی میسل فی گھنٹہ ہے اس صورت میں اگرہم



گاڑیوں سے درمیانی فاصلے کو نظر انداز کریں تو خط اب کا طول ہ میل فی گھنٹ کے صاب سے بڑھتا رہیگا اور یہی ب کی رفتار بہ لحاظ 1 کے ہوگی۔ فالنا فرض کرو کہ بہلی گاڑی کی رفتار ۲۰ میل ہے اور دوری کی ہوا فرض کرو کہ بہلی گاڑی کی رفتار ۲۰ میل ہے اور دوری کی ہ یہ بیل متقابل سمت میں۔ اس صورت میں خط اب کا طول بہ صاب ہم میل فی گھنٹ اکی حرکت کے متقابل سمت میں بڑھتا رہیگا۔



اور ب کی رفتار بہ لحاظ اسے مہم میل نی گھنٹہ ہوگی۔
طالب علم کو یہ معلوم ہوگیا ہوگا کہ ہرصورت
میں اگر بہلی گاڑی کی رفتار کے شاوی اور متقابل رفتار
کو دوسری گاڑی کی رفتار نے ساتھ ترکیب کریں تو دوسری
گاڑی کی اضافی رفتار بہ لحاظ بہلی کی رفتار کے ماسل ہوگی۔
آخراً فرض کرو کہ بہلی گاڑی خط و ج کی سمت میں
رفتار س سے جلتی ہے اور دوسری گاڑی رفتار ف سے
نظ و < کی سمت میں حرکت کرتی ہے۔جہاں و < کو ج
سے زاویہ طلہ بناتا ہے رفتار ف کی تحلیل دو اجزا میں
مرو ۔ ایک ف جمعہ طلہ کی و ج سے متوازی
دوسرا ف سجب طلہ کی و ج بیر عمود۔



بہلے کی طرح ب کی رفتار بہ لحاظ ا کے وج کے متوازی ف جدط ۔س ہے نیز چونکہ وج کی عمودی سمت میں اک کوئی رفتار نہیں ہے اس گئے ب کی رفتار بہ لحاظ الے اس سمت میں ف جب طلم ہے۔ ابندا ب کی رفتار بہ لحاظ ال کے دو اجزا رکھتی ہے ایک فن جب طلم سے میں اور دوسر فن جم طلم سے متوازی اور دوسر فن جم طلم سے متوازی اور دوسر فن جم طلم سے میں مور ۔ اگر دوسری گاڑی کی رفتار کی شماوی اور متعابل رفتار کی شماوی اور متعابل رفتار سے کریں تو بھی یہی دو اجزا حاصل ہوں گے ۔ یہ سے کریں تو بھی یہی دو اجزا حاصل ہوں گے ۔ یہ سے کریں تو بھی یہی دو اجزا حاصل ہوں گے ۔ یہ س

اضافی رفتار۔ اگر دو نقاط کا درمیانی فاصلہ سمت یا مقدار میں یا سمت اور مقدار دونوں میں بدل را ہو تو ایک نقط بہ لحاظ دوسرے کے اضافی رفتار رکھتا ہے۔ اور اگر ایک نقط کب کی اضافی رفتار بلحاظ دوسرے نقطے کب کی اضافی رفتار بلحاظ دوسرے نقطے کر ایم دریافت کرنا مطلوب ہو نو دوسرے کی رفتار اور کو کی رفتار سے متساوی اور متقابل رفتار کا عاصل معلوم کرو۔ یہ ا تنسانی رفتار مطلوب ہوگی۔

(۱۲۳) ایک اور بہلو سے بھی حرکت اضافی پر غور ہو سکتا ہے۔ فرض کرو کہ خطوط اط اور ب ق نقاط ا اور ب ق نقاط ا اور جب کی رفتاروں کو تعبیر کرتے ہیں۔ یعنی ایک سکنڈ یں دونوں نقطوں کے مقام ا اور ب سے تبدیل ہو کر بالتربیب ط اور ق ہو جاتے ہیں۔ تبدیل ہو کر بالتربیب ط اور ق ہو جاتے ہیں۔

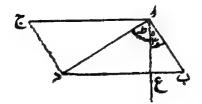
متوازی الاضلاع اطل ب کی تکیل کرو۔ اور ل ق کو طاؤ ہر موجب دفعہ ۱۹ رفتار ب ق ، دو رفتاروں ب ل اور ل ق کے مساوی ہے۔ اور ب ل اط کے مساوی اور عواز ک کے مساوی اور عواز ک کی رفتار دو رفتاروں کے برابر ہے۔ ایک ب ل اک رفتار

کے متساوی اور متوازی اور دوسری ل ق - ہندا ب کی رفتار بہ لحاظ ا متوازی اور دوسری ل ق - ہندا ب کی رفتار بہ لحاظ ا کے کل ق سے تعبیر ہوتی ہے - لیکن ل ق رفتار اور ل ب اور ب ق کا حاصل ہے یعنی ب کی رفتار اور اگی رفتار کا حاصل ۔ اگی رفتار کے متساوی اور متقابل رفتار کا حاصل ۔ بس ب کی رفتار ہ لحاظ ا کے معلوم کرنے کا طریقہ یہ ہوا کہ ب کی رفتار اور اکی رفتار کے متساوی اور متقابل رفتار کا حاصل معلوم کرو یہ رفتار مطاوبہ اور متقابل رفتار کا حاصل معلوم کرو یہ رفتار مطاوبہ ہوگی ۔

(۱۲۴) بیجهلی دفعہ سے ظاہر ہے کہ اگر دو نقاط اورب ایک ہی سمت میں بالترتیب رفتاروں س اور ف سے چلیں تو ب کی رفتار بہ لحاظ ا کے اسی سمت میں ف سن ہوگی اور اکی رفتار بہ لحاظ ب کے س-ف
ہوگی اگر وہ مختلف سمتوں میں حرکت کریں تو اضافی
رفتار معلوم کرنے کے لئے رفتاروں کے متوازی الاضلاع
مشلہ استعال کرنا ہوگا۔

مثال - ایک ریل گاڑی ایک افقی سٹرک پر ہم میل فی گفت کی رفتار سے چل رہی ہے اس وقت بارش بھی ہو رہی ہے اور ہو! گاڑی کی حرکت کی سمت میں زور سے چل رہی ہے ۔ ہوا کے زور سے بارش سمت میں عمودی سے جس کا زاویہ بناتی ہوی بڑتی ہے اور بارش کی رفتار ۲۲ فٹ فی سینٹر ہے دریافت کرو کہ ریل کے مسافروں کو بارش کس سمت میں بڑتی ہوئی معلوم دیگی ؟ ریل گاڑی کی رفتار سم ہم فٹ فی سیکٹر ہے۔

فرض کرو کہ اب بارش کی رفتار کو تعبیر کرتا ہے ہیں اگر اع عمودی خط ہو تو زاویہ باع ۳۰ کا ہوگا۔ اج افقی سمت میں گاڑی کی سمت کے متقابل کھینچو اور فرض کرو کہ یہ گاڑی کی رفتار یعنی ہم ہم فٹ فی سیکٹڈ کو تعبیر کرتا



علم حرکت

متوازی الاضلاع إب د ج کی تحییل کرو۔ اح کو طاؤ اور فرض کرو کہ زاویہ ع ا < = طہ مافروں کی نظروں میں ا < بارش کی سمت ہوگی۔ مثلث ب ا < سے

 $\frac{\psi}{\psi} = \frac{\varphi}{\varphi} + \frac{1 + \varphi}{\varphi} = \frac{\varphi}{\varphi} + \frac{1 + \varphi}{\varphi} = \frac{\varphi}{\varphi} + \frac{1}{\varphi} \frac{1}{\varphi} + \frac{1}{\varphi} + \frac{1}{\varphi} \frac{1}{\varphi} + \frac{1}{\varphi$ 

د مِسط = ۳۷ = مس ۹۰°

نه طه = ۹۰

یں زاویہ ب ا < = . و یعنی بارش اپنی اصلی سمت سے زاویہ قائمہ بناتی ہوی پڑتی دکھائی دیگی ۔

### امسٹ لینبری (۴)

(1) ایک ریل گاڑی ۳۰ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہی ہے اور ایک پھر افقی سمت میں گاڑی سے زاویہ قائمہ بناتا ہو اور ۱۳ فط فی سیکٹر کی رفتار سے

حرکت کرتا ہوا گاڑی سے محکواتا ہے۔ بیٹھر کی مرقی رفتار کے مقدار اور سمت معلوم کرو۔

(۲) ایک جہاز ۱۱ میل فی گھنٹے کی رفتار سے عین مشرق کی جانب جا رہا ہے اور ایک جہاز ۱۱ میسل فی گھنٹے کی رفتار سے عین شمال کی طرف جا رہا ہے دوسر فی گھنٹے کی رفتار سے عین شمال کی طرف جا رہا ہے دوسر جہاز کی اضافی رفتار بہ لحاظ پہلے کے معلوم کرو۔ رفتار سے جاز جنوب کی طرف ۱۷۲ میل فی گھنٹے کی رفتار سے جا رہا ہے اور ایک دوسرا جہاز جنوب مشرق کی سمت میں ۱۵ میل فی گھنٹے کی رفتار سے جل رہا ہو گئے رہا ہو تو اسے دوسرا جہاز کی رفتار سے جل رہا ہو تو اسے دوسرا جہاز کو دیکھ رہا ہو قبل ہوا ہوا کی میت میں موسرے جہاز کو دیکھ رہا ہو جہاتا ہوا دکھائی دیگا ج

ربه ایک جهاز شال مشرق کی طرف ۱۰ میل فی گفته کی رفتار سے جل رہا ہے اس پر ایک مسافر ہوا کی حرکت رفتار سے جل رہا ہے اور اسے ہوا شمال کی جانب سے اس ہوا شمال کی جانب سے اس ہوا شمال کی جانب سے اس ہوا کی مقدار سے جلتی ہوی نظر اس ہی گفته کی رفتار سے جلتی ہوی نظر کرو۔ اس جہوا کی اصلی رفتار کی مقدار اور سمت معلوم کرو۔ سی جہوا کی ایک دریا ۹ میل فی گفته کی رفتار سے جنوب کی طرف بہر رہا ہے اور ایک جہاز بہ لحاظ دریا کے بانی کے بہر رہا ہے اور ایک جہاز بہ لحاظ دریا کے بانی کے اس مقال کی طرف میں مقرب کی جانب جل رہا ہے۔ ایک رفتار سے مغرب کی جانب جل رہا ہے۔ ایک رفتار سے مغرب کی جانب جل رہا ہے۔ ایک رفتار سے مغرب کی جانب جل رہا ہے۔ ایک ربیل گاڑی عین شمال کی طرف ۳۰ میل فی گھنٹہ کی ایک ربیل گاڑی عین شمال کی طرف ۳۰ میل فی گھنٹہ کی

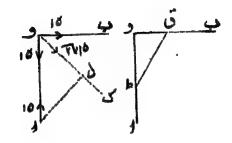
رفتار سے جا رہی ہے۔اس کی اضافی رفتار بہ لحاظ جہاز کے معلوم کرو۔

(۱) ایک ریل گاڑی ایک سرنگ یں چل رہی ہے اور سرنگ کی چھت سے بانی کے قطرے گر رہے ہیں اور وہ ایک ریل کے مسافر کو افتی سے ایک زاویہ برابر مس اللہ بناتے ہوں کرتے نظر آتے ہیں ۔ یہ معسلوم ہے کہ ان کی رفتار سمع فٹ فی سیکنڈ ہے۔ ہوا کی مزاحمت کو نظر انداز کر کے ریل گاڑی کی رفتار معلوم کرو۔ (ک) ایک شخص کو جب وہ ۲ میل فی گھنٹ کی رفتار سے چلتا ہے بارش کی سمت عمودی نظر آتی ہے اور جب وہ بارش کی سمت عمودی نظر آتی ہے اور جب وہ سمیل فی گھنٹ کی رفتار سے جلتا ہے تو بارش کے قطر اس سے ہم می کے زاویہ پر عمراتے ہیں بارش کی اصلی اس سے ہم می کے زاویہ پر عمراتے ہیں بارش کی اصلی جال اور سمت معلوم کرو۔

بی ایک جہاز مغرب کی طرف ۱۱ میل فی گفت کی رفتار (۸) ایک جہاز مغرب کی طرف ۱۱ میل فی گفت کی رفتار سے جا رہا ہوا ہے اور بادلوں کی حرکت سے معلوم ہوتا ہے کہ ہوا ، میل فی گفت کی رفتار سے شمال مغرب سے جل رہی ہے اس کی اصلی رفتار دریافت کرو اور اسکی میں سرت تربیعاً معلوم کرو۔

روہ ایک ریا گاڑی ۲۸ میل فی گھنٹ کی رفتار ہے۔ چل رہی ہے۔ ببتول کی ایک گولی جلائی گئی ہے جو گاڑی میں آکر گلتی ہے۔ گولی کی سمت گاڑی سے ایک زاویہ جب اس بناتی ہے گولی گاڑی کے ایک ڈیے کے کونے یں داخل ہو کر مقابل کے کونے میں سے نکل جاتی ہے۔ پہلا کونہ بہ مقابلہ دوسرے کونے کے انجن سے بید تر ہے۔ ڈبر م فط لبا اور یو فط چوڑا ہے خابت کرو که گونی کی رفتار ۸۰ میل فی گفتشه سے اور وہ الله على سے ملے سکنڈ میں گزر جاتی ہے۔ (١٠) دو ريل گاڙياں جن يس سے ہر ايك كاطول٠٠٠ فط سے ۔ بالترتیب ۲۰ اور ۳۰ میل فی گھنٹہ کی رفتاروں سے ایک دوسرے کے متوازی ایک دوسرے کی. طرف بیل رہی ہیں۔ دریافت کرو کہ وہ ایک دوسرے سے کتنے وقت یں گزر جائیں گی ہ (۱۱) ہوا ایک ریل کی سٹرک کی سمت میں چل رہی ہے۔ دو ریل گاڑیاں اس سٹرک پر متقابل سمتوں میں جا رہی میں۔ ایک گاڑی کے انجن کا دھواں دوسرے کے وصوئیں سے دوچید رفتار رکھتا ہے۔ ثابت کرو کہ ہر ایک گافری کی رفتار ہوا کی رفتار سے سہ چند ہے۔ (۱۲) ایک جهازج مشرق کی جانب ۱۵ میل فی گفتطه كى جال سے چل رہا ہے۔ ايك مقام سے دويبركو گزرتا ہے۔ ایک دوسرا جہاز اسی جال سے شال کی طرف جاتا ہے اور اسی مقام سے دن کے دیڑھ بے گزرتا ہے۔معلوم کرو کہ ایک دوسرے سےان کا فاصلہ

کم سے کم کس وقت ہوگا اور وہ فاصلہ کس قدر ہوگا۔ فرض کرو کہ وہ مقام و ہے۔اور فرض کرو کہ عین دو پہر کو دوسرا جہاز 1 بر ہے یعنی 1 9 = + ۲۲ میسل



 بعد دو پہر وقت مطلوب = وہ وقت ہو اضافی رفتار ۱۷۱۵ ج سے فاصلہ ول مے کرنے ہیں۔ لگہا ہے۔

 $\frac{1}{P} = \frac{\frac{1}{PV} \times PP + \frac{1}{PVO}}{\frac{1}{PVO}} = \frac{\frac{1}{PVO}}{\frac{1}{PVO}} = \frac{\frac{1}{PVO}}{\frac{1$ 

یا بطرز وگر۔ فض کرو کہ وقت ت کے بعد جہازوں کے مقام ط اور ق ہیں اور فض کرو کہط ق = لا تب وط = وا - 10 ت = 1(ہے - س) اور وق = 10 س

تلیل تربی ہوگا اور یہ فاصلہ بھی معلوم کرو۔ (مهل) † اور ب دو مقامات کا درمیانی فاصلہ ھ فٹ ہے ایک نقط اسے ب کی طرف ایسی رفتار سے حرکت

دیا گیا ہے جو اسے ب کک ۳ سینٹریں بہنچا دے اور

اسی وقت ایک دُوررا نقط ب سے اب کی عمودی

سمت میں حرکت دیا گیا ہے ۔ دوسرے نقط کی رفتار

بہلے کی رفتار کا ہے ہے ۔ ان کی اضافی رفتار مقدار

اور سمت میں معلوم کرو اور ان کا قلیل ترین فاصلہ

بھی دریافت کرو اور یہ فاصلہ کس وقت ہوگا بہ

(۵) ایک جہاز مضرق کی طف چل رہا ہے اور ہوا شال

مغرب سے چل رہی ہے جہاز پر سے ہوا شمال مشرق سے

جلتی ہوی معلوم ہوتی ہے ۔ نابت کرو کہ جہاز اور ہوا کی

جائیں میاوی ہیں ۔

باک شخص ہم میل فی گھنٹہ کے حساب سے مشرق کی جانب جارہ ہے۔اسے معلوم ہوتا ہے کہ ہوا شمال سے چل رہی ہے۔جب وہ اپنی چال کو دو گنا کرتا ہے تو ہوا شمال مشرق سے چلتی ہوی معلوم دیتی ہے۔ ہوا کی رفتار اور اس کی سمت معلوم کرو۔

(2) ایک آدمی کو جو شال مشرق کی طرف سفر کر رہا ہے
یہ محسوس ہوتا ہے کہ ہوا شال سے چل رہی ہے جب
وہ اپنی چال کو دو چند کرتا ہے تو اسے معلوم دیتا ہے
کہ ہوا ایک ایسی سمت سے چل رہی ہے جو شال سے
مشرق کی جانب زاویہ من ام بناتی ہے ہوا کی اصلی

•

سمت دریافت کرو۔

(۱۸) دو نظے ایک دائرے کے محیط پر مقابل سمتوں میں ایک کی رفتار سی اور دوسرے کی ۲ س ہے ان کی اضافی رفتار کی سب سے بڑی اور سب سے چھوٹی قیمتیں دریافت کرو اور یہ کن مقابات پر ہوں گی ہو (۲۵) زاویٹی رفتار ۔ تعریف ۔ اگر ایک سطح میں ایک نقط کو طور کرکت کر رہا ہو اور اسی سطح میں ایک فاجت نقط کو اور ایک شابت متقیم خط 1 کو ہو جو 1 میں سے گزرتا ہے اور ایک شابت متقیم خط 1 کو ہو جو 1 میں سے گزرتا ہے تو ذاویہ 1 کو ط کے گرد متحرک نقط ط کی زاویٹی رفتار کہلاتی ہے۔

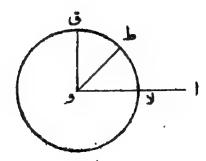
کیا جاتا ہے وقت کی ایک اکائی میں خط وط نے کیا جاتا ہے وقت کی ایک اکائی میں خط وط نے جس زاوئے میں گروش کی ہے اس میں جتنے نیم قطری ہوں گے وہ نقطہ طکی زاوئی رفتار کی مقدار ہوگی۔ کیساں نہ ہونے کی طالت میں زاوئی رفتار کے اندازے کا طریقہ یہ ہے۔ اگر ایک ظامن آن میں زاوئی رفتار دیافت کرنا مطلوب ہے تو یہ فرض کرو کہ آن مذکور کے بیعہ وقت کی ایک اکائی تک رفتار وہی رہتی ہے جو آن مذکور کی بیعہ بیدا ہو وہ مطلوب زاوئی رفتار ہے۔ کی ایک اکائی میں جو زاویہ وط کی گروش سے بیدا ہو وہ مطلوب زاوئی رفتار ہے۔

یعنی ۲ آ نیم قطرئیوں میں گھوم جاے تو زاوٹی رفتار ۲ آ ہوگی ۔ ہوگی ۔ اگر ایک سیکنڈ میں خط و طکی گروش سے ایک قائے ۔

اگر ایک سیکنڈ میں خط و ط کی کروش سے ایک قامے کی تین چوتھائی بیدا ہو تو زاویکی رفتار سے بر ہے یعنی ہے۔ ہوگی۔

اگر خط وط ایک سکنڈ میں سات گردشیں کرے تو زاو یکی رفتار علی ہما ہ ہوگی۔

(۲۹) اگر متحرک نقط کا راستہ معلوم ہو تو زاوئی رفت ار بھیشہ خطی رفت ار کی شکل میں شحویل ہو سکتی ہے۔ ہم صرف اس صورت پر بحث کریں گے جب ایک نقطہ ایک وائرے کے محیط پر حرکت کر رہا ہو اور اس کی زاویٹی رفتار کیساں ہو۔ اگر ایک نقطہ ایک دائرے کے محیط پر کیساں چال سے باگر ایک نقطہ ایک دائرے کے محیط پر کیساں چال سے بال رہا ہو تو اس کی زاویٹی رفتار دائرے کے مرکز کے بال کو نصف قطر دائرہ پر تقییم کرنے سے حاصل ہوتی ہے۔



اور رقت کی ایک اکائی میں اس نے توس ط ق طے کی۔ تو خط وط کی گروش سے زاویہ ط و ق بیدا ہوا۔ اس لئے ط و ق میں جو تعداد نیم قطرئیوں

بید روان کے لیے روان کی اور ماریک کی اور ماریک کی ہے۔ کی ہے وہ زاویٹی رفتار ہے۔

ایکن زاویہ طوق یں نیم قطرئیوں کی تعلاد = توسطق نیز چونکہ قوس طق وقت کی ایک اکائی میں طے ہوی

اس لئے یہ جال کے برابر ہے۔

یس اگر چال کو ج سے تعبیر کریں اور نصف قطر کو ن سے اور زاویٹی رفتار کو س سے۔

توس = ج

يعني چر = س ك

منالیں - (1) اگر متحرک نقطہ ایک س فٹ نصف قطر والے وائرے کے محیط پر زاویٹی رفتار کی اکائی سے حرکت کرے تو چال = n×n = س فٹ فی ٹانیہ۔

(١) ایک متحرک نقطہ ایک ۵ فٹ نصف قطر والے دائرے

کے محیط پر مرفع فی سیکنڈ کی جال سے جلے تو اس کی

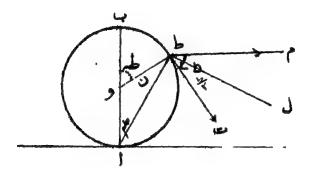
زادیٹی رفتار س = شے نیم قطری فی ثانیہ ۔ (س) زمین اینے محور کے گرد سم معنے میں ایک بوری گردش کرتی ہے تو اس کی سلح کے کسی نقط کی زاوئی رفتار

یں کری ہے ہو ان فاح سے سی ہے <del>اس کری ہے ہیں ہے اس</del>نیم قطری فی ثانیہ = بإب اول

## امت له نمېري (س)

(1) ایک بہید اینے مرکز کے گرد گھوم کر فی منط ۲۰۰ گردتیں كرتا ہے اس كے محيط كے كسى نقطے كى زاوئيي رفتار مركز کے گرو دریافت کرو۔ (۲) ایک بہیہ اپنے مرکز کے گرو گھومتا ہے اور فی سکیٹد جار کیر کرتا ہے معیط کے کسی نقطے کی زاوی رفتار مرکز نے گرد دریافت کرو اور اگر مینے کا نصف قطر، فٹ ہو تو کسی نقط کی خطی رفتار کیا ہوگی ہ رمین اگر آیک کلاک کی منٹ کی سوئی 4 فٹ کمبی ربو تو سوئی کے سرے کی جال فی سینٹر کتنے فط ہوگی ہ اس کی رفتار بھی معلوم کرو۔ (مم) ایک محطری میں گھنٹ، منٹ، اور سیکنڈ کی تعینوں سوئیاں ہیں ان کے طول بالترتیب مہری مری اور ۱۷۲۷ انچ ہیں۔ان کے سروں کی جانوں کا مقابلہ کرو۔ (۵) ایک یاؤں نیکی کا محور افقی ہے اور قطر بہ فٹ ہے

اور وہ مہم سکنڈ میں ایک گردش کرتی ہے۔ اگر اس کو چلانے والا ایک آدی زمین سے ایک ہی بلندی پر رہے تو دریافت کرو کہ وہ اس کی سطح پرکس جال سے جل رہا ہے؟ (4) ایک ریل گاڑی رفتار س سے چل رہی ہے۔ ریل کی سرطک کے متوازی فاصلہ ف پر ایک اور سرطک ہے جس پر ایک گھوڑا گاڑی جاری ہے ریل کی سوک سے فاصلہ ق پر ایک درخت ہے۔ ریل کے ایک ساؤکو ایسا معلم ہوتا ہے کہ محصورا گاڑی اور درخت ایک ہی خط متعیم میں مست ہیں۔ کھوڑا گاڑی کی رفتار دریافت کرو۔ (2) ایک نقط یکساں جال سے ایک دائرے کے محیط پر چل رہا ہے۔ ثابت کرو کہ محط کے کسی نقط کے گرواس کی زاویٹی رفتار ایک مقدار متنقل ہے۔ (۸) ایک رسی کا ایک سرایک مربع کے ایک کونے سے بندھا ہے مربع ایک افقی میز پر نصب کیا گیا ہے رسی کے وسرے سرے پر ایک ذرہ بندھا ہے اور رسی کو مربع مے گرد پیٹ ویاگیا ہے۔ مربع کا ایک ضلع هم ہے اور رسی کا طول ہم ح بے۔ ذرے کو رفتار س سے مربع کے ضلع کی عمودی سمت میں حرکت دی گئی ہے یہ فرض کر کے کہ ذرے کی چال مکساں رہتی ہے دریافت کرو کہ تسام رسی کتنے وقت میں مربع پرسے اتر اسٹا گی ؟ (٩) ایک پہیہ کیسان رقمارسے زمین پر بغیر کھیلے گردش کرا ہوا جلما اس کا مرکز ایک خط متنقیم میں حرکت کرتا ہے۔ پہنے کے محیط کے مختلف نقاط کی رفتاریں دریافت کرو۔
فرض کرو کہ بہنے کا مرکز و ہے اور نصف قطر ن ہے اور فرض کرو کہ کسی آن میں فرض کرو کہ کسی آن میں فرض کرو کہ کسی آن میں بہنے کا نقط ا زین سے مس کرتا ہے۔



چونکہ بہیہ اپنے مرکز کے گرد کماں گھوم رہا ہے اور ساتھ ہی ساتھ مرکز ایک خط متعقیم میں آگے بڑھ رہا ہے نیزچونکہ بہیے کے محیط کے تمام نقط کیے بعد دیگرے زمین سے مس کرتے ہیں اس لئے یہ ظاہر ہے کہ جتنے وقت میں مرکز بہیے کے محیط کے برابر فاصلہ طے کرتا ہے اتنے وقت میں می محیط کا ہر ایک نقط مرکز کے گرد پوری گردش کرتا ہے ابنا مرکز کی رفتار می مقدار میں وہی ہے جو محیط کے ابندا مرکز کی رفتار می مقدار میں وہی ہے جو محیط کے کہی نقط کی رفتار می مقدار میں وہی ہے جو محیط کے کہی نقط کی رفتار می لیاظ مرکز کے ہے۔ اس لئے بہیے کے کہی نقط ط کی دو رفتاریں ہیں جن میں سے ہرایک کی

مقدارس ہے اور ایک کی سمت طرح مرکز کے حرکت کے متوازی ہے اور دوسری کی سمت وہ ہے جو ط پر کے ماس ط ت ک ہے۔

یں ای رفتار ۔ ر۔ ر۔

یعنی ایک آن میں نقطہ ا ساکن رہتا ہے۔

اسی طرح ب کی رفتار = ر+ ر=۲ر

اب سی اور نقطه طکی رفتار بر غور کرو اس کی دو مساوی رفتارین ر اور ر بالترتیب طرم اورط مناکی سمتوں میں ہیں۔ چونکه طرح اور طرحت بالترتیب و ب اور و طریر عود ہیں زاويه م طاحت = زاويه ط و ب = طم (فض كرو) ان دو رفتاروں س اور س کا حاصل ایک رفتار ہس جم طب مے ماوی طل کی ست میں ہے جاں

راويه لطت = لم زاويه مطت = طيه زاويه وط ا بس زاويه اطل = زاويه وطت = ايك قائمه یعنی ط کی حرکت کی سمت اط پر عمور ہے اور اس کی زاویٹی رفتار ا کے گرد

ع ۲رجسم طح = ۲رجسم طح = <u>ا</u> ا = محیط کے کسی نقط کی زاوشی رفتار مرو مرکز کے بی پہیے کا زمن کے ساتھ جو نقط تماس ہے اس کے محرو پہیے کا ہر ایک نقط ایک متقل زاویٹی رفتار سے حرکیت كر رہا ہے جو مركز كى دفتار كو يہے كے نصف قطر يقيم

کرنے سے حاصل ہوتی ہے۔ (۱) ایک انجن ۹۰ میل فی گھنطہ کی رفتار سے جِل رہا ہے اس کے پہیے کا قطر سم فٹ ہے۔ ہوفٹ کی بدندی پر پہیے کے جو دو نقطے ہیں ان کی رفتار اور سمت حرکت ریافت

(۱۱) اگر ایک ریل گاڑی ۴۰ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے یل رہی ہو اور اس کے پہیے کا قطر ۳ فظ ہو تو نہ مسلنے کی حالت میں بہتے کی زاویٹی رفتار دریافت کرو۔ (۱۲) ایک ریل گاڑی کی رفتار ۳۰ میل فی گھنٹہ ہے اور اس کے پہیے کا نصف قطر ۲ فٹ ہے۔ اگر حرکت بغیہ <u> بیسلنے کے ہو تو یہیے</u> کی زاوی رفتار دریافت کرو۔ اور یہیے . کے سب سے اونیے نقطے کی اضافی رفتار بہ لحاظ مركز معلوم

(۱۱س) ایک گاڑی کے پہنے کا نصف قطر ۲ فط ہے اور گاڑی ۱۰ میل فی گھنٹہ کے حساب سے عل مہی ہے۔ اگر حرکت بغیر پھیلنے کے ہو تو پہنے کے بند ترین نقطے کی رفت ار معلوم کرو اور ان نقطوں کی رفتاریں بھی دریافت کرو جو زمین سے بالترتیب ایک اور تین فط کی بندیوں پر ہیں۔

# باب دوم اسراع

(۲۷) تبدل رفتار۔ فض کرو کہ ایک آن میں ایک نقطے کی رفتار و اسے تبیر ہوتی ہے اور کچھ وقت گزرنے کے بعد اس کی رفتار و ب سے تعبیر ہوتی ہے۔ اب كو ملاؤ أور متوازي الأضلاع و إب ج كى تكيل كروتب دونوں رفتاریں و ۱ اور وج مل کر رفتار و ب کے سائ یں اس کئے اگر رفتار وا کے ساتھ رفتار وج کو ترکیب کیا جائے تو رفتار وب عال ہوگی ۔ پس دیئے ہوئے وقت یں جو تبدل رفتاریں واقع ہوا وہ وج سے تعبیر ہوتا ہے۔ بالعموم رفتار کا تبدل بہلی اور دوسری رفتاروں کی مقداروں کا زق نہیں ہوتا۔ بلک یہ تبدل وہ رفتار ہوتی ہے جے پہلی رفتار کے ساتھ ترکیب کرنے سے دوسری رفتار طاصل ہو۔ رفتار کی تبدیلی مشقل نہیں ہو سکتی جب یک کہ مقدار اور سمت دونو مشقل نہ ہوں۔

#### امت اینبری (۴۷)

(1) ایک نقطه ۱۰ فظ فی ثانیه کی رفتار سے چل را ہے۔ اس کے بعد کسی ایک آن میں اس کی رفتار کی مقدار تو وہی ہے لیکن سمت بہلی سمت سے ،س کا زاویہ بناتی ہے تبدل رفتار دریافت کرو۔ حسب دفعه مرزشته شکل بناؤ یصورت نهایس وا یه وب = ۱۱ اور زاویه چکہ وا۔ وب اس لئے زاویہ واب ۔ وی يس زاويه إ و ج = ١٠٥ اب = ۱ واجب ه أ = ۲۰ مرات - ۱ 0 5164 = (PV - TV)0 = اس کئے تبدل رفتار یعنی و ج اور وفث فی نانیہ ہے اور اس کا میلان رفتار کی بہلی ست سے ہو، ا ہے۔ (۲) ایک جهاز کی رفتار پیلے ۳ میل فی گھنٹ مشرق کی جانب ہے پھر کچھ عصد کے بعد سم میل فی محفظہ شمال کی طرف ہے یتبدیل رفتار دریافت کرو۔

(س) ایک نقط کی رفتار ہ فٹ فی سیکنڈ ہے۔ کچھ عرصہ کے بعد اس کی رفتار کی مقدار تو وہی ہے لیکن سمت بہلی سمت سے ۱۰ کا زاویہ بناتی ہے۔ تبدل رفتار دریافت کرو۔ سے ۱۰ کا زاویہ بناتی ہے۔ تبدل رفتار دریافت کرو۔ (سم) ایک نقطہ بہ جانب شرق ۲۰ فٹ فی سیکنڈ کی رفتار سے حکت کر رہا ہے ایک گھنٹ کے بعد شمال مشرق کی طرف اپنی بہلی چال سے حرکت کرتا ہے۔ تبدل رفتار معلوم کرو۔

معلوم کرو۔
(۵) ایک نقط کیساں چال سے ایک یے گز نصف قطر والے دائرے کے محیط پر اا سکنڈیں گردش کرتا ہے۔ اگروہ ایک قطر کے ایک سرے سے چلے تو محیط کا چھٹا حصہ سطے کرنے کے بعد اس کی رفتار کا تبدل دریافت کرو۔ کرنے کے بعد اس کی رفتار کا تبدل دریافت کرو۔ ایک متحرک نقط کی تبدل رفتار کی مقدار شمع اسراع کہلاتی ہے۔ یہ یاد رہے کہ اسراع کی مقدار بھی ہوتی ہے اور سمت بھی۔ اسراع اس وقت کیساں ہوتا بھی ہوتی ہے اور سمت بھی۔ اسراع اس وقت کیساں ہوتا ہوں بھی جہ جب مساوی اوقات میں رفتار کے تبدل مساوی ہوں بھوں خواہ اوقات کی مقدار کتنی ہی کم ہو۔

کیساں ہونے کی طالت میں اسراع کا اندازہ وہ تبدل رفتار سب جو وقت کی ایک اکائی میں ظہور پذیر ہو۔ متبدل ہونے کی طالت میں اگر ایک خاص آن میں اسراع کا اندازہ لگانا مقصود ہو تو یہ فرض کرو کہ وقت کی ایک اکائی میں اسراع وہی رہتا ہے جو آن مذکور میں مقا۔اس مفروض میں اسراع وہی رہتا ہے جو آن مذکور میں مقا۔اس مفروض

ا وقت کی ایک اکائی میں جو رفتار کی تبدیلی ہوگی وہ اسسراع

مطلوب ہے۔

(44) مقدار یں اسراع کی اکائی ایک ایسے متحرک نقط کا اسراع ہے جس کی رفتار کی تبدیلی وقت کی ایک اکائی میں رفتار کی ایک اکائی میں رفتار کی ایک اکائی میو۔

پس جس نقط کی رفتار کی تبدیلی وقت کی ایک اکائی میں رفتار کی ن اکائیول پر مشتمل ہو تو وہ اسراع کی ن اکائیوں سے حرکت کر رہا ہوگا۔

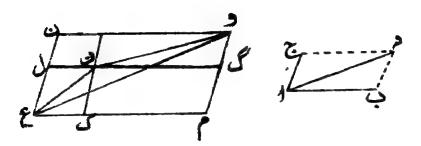
مثلاً - اگر ایک نقط کے اسراع میں انٹیٹی میشر سیکنڈ "
والی اکائیاں ہوں تو اس کی رفتار کی تبدیلی ایک سیکنڈ
میں اسینٹی میشر فی سیکنڈ ہوگی بعض اوقات ایسے اسراع کو

استی بیش کا امراع کہتے ہیں۔

(۱۰۷۹) مسئلہ۔ امراعوں کا متوازی الاضلاع۔ آگر ایک وقت میں ایک متوازی الاضلاع کے دو اسراع ہوں جو مقلار اور سمت میں ایک متوازی الاضلاع کے دو ضلعوں سے اور سمت میں ایک متوازی الاضلاع کے دو ضلعوں سے تعبیر ہوں جو ایک نقطے سے کھینیج جائیں تو دونو اسراع مل کر ایک ایسے اسماع کے مساوی ہوں گے جو اسس نقطے میں سے گزرنے والے قطرِ متوازی الاضلاع سے تعبیر ہوگا۔ فرض کرو کہ متوازی الاضلاع اب حج کے اضلاع اب اور اج فرض کرو کہ متوازی الاضلاع اب دج کے اضلاع اب اور اج رونوں اسراعوں کو تعبیر کرتے ہیں یعنی اب اور اج اس رفتاروں کو تعبیر کرتے ہیں جو وقت کی ایک اکائی میں ان رفتاروں کو تعبیر کرتے ہیں جو وقت کی ایک اکائی میں ان رفتاروں کو تعبیر کرتے ہیں جو وقت کی ایک اکائی میں

باب دوم

نقطے کی رفتار پر اضافے ہوتے ہیں۔فرض کرو کہ اسی بیانے پر ع ف نقطے کی رفتار کو اس آن میں تبہر کرتا ہے جب دونو مرکورہ اسراع شروع ہوئے۔



ع ف بر ایک متوازی الاضلاع عک ف ل بناؤ جس کے ضلع اب اور اج کے متوازی ہوں۔ ع ک کو هم تک اور ع ل کو اور ل ن بالترب اور ع ل کو اور ل ن بالترب اور ع ل کو ن تک خارج کرو تاکہ ک م اور ل ن بالترب اب اور اج کے مساوی ہوں حسب خمکل بالا متوازی الاضلاعول کی تکمیل کرو۔

تب رفتار ع ف دو رفتاروں عک اور ع ل کے برابر اس نیکن وقت کی ایک اکائی ہیں رفتار کی تبدیلیاں ک م اور لیکن وقت کی ایک اکائی کے الحیر اور لی ن ہیں۔ اس لئے وقت کی ایک اکائی کے الحیر میں انہی سمتوں میں رفتاری ع م اور ع ن بروں گی۔ جو ع و کے برابر ہیں اور رفتار ع و دو رفتاروں ع ف اور ف و کے برابر میں (دفعالیہ) ہیں وقت کی ایک اکائی میں متول نقط کی رفتار کا تبدل ف و ہے۔ یعنی ف و میں۔ یعنی ف و

طاصل اراع ہے لیکن ف و ادکے مساوی اور متوازی ہے۔
اس لئے اسراع اح دو اسراعوں اب اور اج کے برابر ہے

یعنی اسراعوں اب اور اج کا حاصل ا دہے۔
(اس) بچیلی دفعہ سے یہ نتیجہ تکلتا ہے کہ اسراعوں کی ترکیب و
تخلیل اسی طرح ہوتی ہے جس طرح رفتاروں کی اور یہ بھی ظاہر
ہے کہ اگر دفعات ساتا 14 میں لفظ رفتار کی جگہ لفظ اسراع
درج کیا جائے تو سب مسائل اس صورت میں بھی صحیح
ہوں گے۔

رفتاری اور اسراع اور نیز قوین مقا درطبیعی کی ایک اہم میں مقادیں ہوں کو سمتی کہتے ہیں ۔جیسا کہ ان کے مام سے ظاہر ہے ان مقادیر کی سمت بھی ہوتی ہے اور مقدار بھی ۔اس کئے ہر مقدار سمتی کی موزوں تعدیرک خطمتی سے ہوئی ۔اس کئے ہر مقدار سمتی کی موزوں تعدیرک خطمتی سے ہوئی ۔ تمام صورتوں میں مقادیر سمتی کی ترکیب بر موجب گانون متوازی الاضلاع ہوتی ہے ۔

دفعات ۱۱ اور ۳۰ مقادیر سمتی کی جمع کی مثالیں ہیں اصطلاعاً یہ کہا جاتا ہے کہ سمتی اب اور ب دیا اج کے جمع کرنے سے سمتی مقدار ا د عاصل ہوتی ہے۔
جن مقادیر کی سمت نہیں ہوتی بلکہ محض مقدار ہی ہوتی ہی سے ان کو میزانی کہتے ہیں۔ توانائی بانفعل جس کا بیان اگے ایک میزانی کی مثال ہے میزانی مقادیر کی اور مثالیں یہ ہیں۔ آگے ایک میزانی کی مثال ہے میزانی مقادیر کی اور مثالیں یہ ہیں۔ ایک ٹن کوئلہ دس رویتے وغیرہ۔میزانی مقادیر کی

かまり = シャルの(で)(で) = シャールの(で)

(۱۱) یوگل عج اسال کم تعرابی ہے الطاق وقت کی اکلائی الطائی الطائی

النگین چونکمہ الجلاء تقط رقار کی ب اکائیال رکھتا تھا۔ میں وقت و کے الفتام یہ اس کی رقار میں (ب + ع و) انکائیاں ہوں گی۔ انکائیاں ہوں گی۔

ینی س = ب + ب و رسی المرک مدت و کے نیس درمیان میں قارس (۳) فرض کرفک مدت و کے نیس درمیان میں قارس اب مدت و میں دیا آئی الله بات و میں دیا آئی الله بات کوروں کے ایک آئی الله بات کروں کے درمیان سے آئی کو برت تمکورہ کے درمیان سے آئی کو برت تمکورہ کے درمیان سے آئی کی بید اور دومی آئن مدت تمکوہ کے درمیان سے جند تی بیلے بو اور دومی آئن مدت تمکوہ کے درمیان سے جند تی بیلے بو اور دومی آئن میں جنگ

ہوگی وہ رقار میں سے ہی قدر کم بوگ میں قدر کہ دوری اس کی رقالہ میں سے زیادہ ہوئی کیونکہ ست و کے دورانہ میں بھار کی تبدیلی کیسائل ہے۔

یونک ست و آنوں کے ایمے بولیوں میں تقیم ہونگی ہے اس نے مے کردہ قاملہ دی ہونگا ہو دقت و میں کیسلا زنار سی سے مے جو۔

عن = س ر = (ب + ع في ار = ب و+ + ع رز (۱۱) گريم (۱) احد (۱۱) س ركو ساقط كرين تو (۱۱) عال يولًا كيوكه (۱۱) س

س = (ب+ع و)" = ب++ع وب+غ و" = ب++ع (ب و++ع و") = ب++ع ف بريد (+

ینی من ہے ب در دن در استوں میں اسلوں میں اسلوں میں اسلوں اور اسلام کی در اسلوں اور اسلام کی ساوی اور اسلام کی ساوی اور اسلام کی ساوی اور اس سے مراکب کی مرت می ہو اس نے وہ دن می ان مرت می مواس کے آغازی میں نقط کی دفاریں بالترتیب یہ ہونگی۔

ب بب با بای به بای به بای به بای بست کی است ای ای بازن و ای با بای به بای به بای به بای به بای به بای به بای ب اگر مر ایک مت ی کے دوران میں نقطر اس رفتار سے حرکت کرے جو اس مرت کے شروع میں اس کی رفتار

= ن بى جى كان الله عابيه جم كرفي

= ب و+ الم ع وا (ا - الله ) كيونكه ى = ق نيز ان مرتوں كے اختت موں بر نقط كى رفقاريں بالترب يہ جوں گى -

ب ع ع ک ب + ۲ ع ی ، . . . . ، ب + ن ع اب رفار اب اگر ہر ایک مت می سے دوران میں نقطہ ایسی رفار سے حرکت کرے ہو اس مت کے آخر میں اسکی رفارہ و کی فاصلہ فٹ جو اس طح طے ہو گا وہ

= (ب+۶) ک+ (ب+۲۶) ک)+۰۰۰۰۰۰+(ب+۵) ک یغی ن= ن ب۶+ب گ(۲+۲+۲+ +۰۰۰۰۰+ن)

= بو + + عوارا + فی بہتے کی طح اصلی فاصلہ ف اور جنام اور جنام فاصلہ ف اور جنام من اور دن کے در میان ہے اور جنام فن کو بڑھ اکرتے مائیں یعنی جننا ہم مدت می کو بھوٹا کرتے جائیں اتناہی فاصلوں ف اور دن کا فرق کم ہوتا جائگا اگر ہم ن کو لا انتہا بڑائیں تو ف اور دن میں سے ہرکی قیمت یہ ہو جائے گی

ہو جائے گی۔

بالهيه ووحم

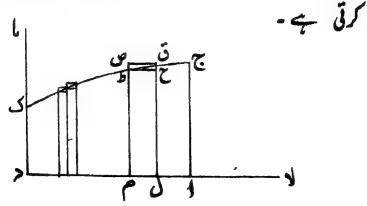
ツーナー マーナマ ピ

پس ن= ب و+ ہعوا (۳۲) مب متحک نقط حالت سکون سے جلتا ہے تو بء، ، یس دفعہ ۲۲ کے ضابطوں کی یہ سادہ صورت

ت = ل ع وا

رما ہے ہوع ف (۳۵۹) ترسمی طریقیہ۔ رفیار اور وقت کا منحنی۔ اگر متحرک نقطے بی رفتار بیل رہی ہو تو ایک مفروض وقت کیں طے کردہ فاصلہ ترسیاً معلوم کرد۔ دو خطوط ﴿ لاِ اور ﴿ مَا مَنْقَاطِع عَلَى القُوالِيم لو اور فرض مروكه هر لا كى سمت ميں جو طول اليے جائيں وه

وقت کو تبیر کرتے ہیں -ینی اس سمت میں طول کی اکائی وقت کی ایک اکائی کو تبیر



م بیسے ہر ایک نقط بر عمود م ط ایبا نکالو جو دقت الم م بر رفار کو تبیر کرے تو م ط جیسے تام معینون سرے ایک خط مثلاً ک طق ج بر داقع ہوں گے جو منی ہوگا یا مستقیم۔

ہم یہ ثابت کریں گے کہ وقت د ا میں طے شدہ قاصلہ اس د تھے کے برابر ہے جو خطوط (ک کدا، اج، کسج سے محدود ہے۔

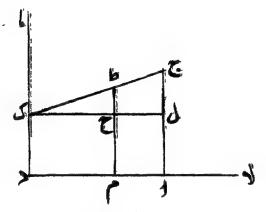
م ط سے قریب ایک میں ٹی تی او، تو وقت م ل کے دوران ہیں نقطہ ایسی رقبار سے حرکت کرتا ہے ہو میں وقت م ط سے زیادہ ہے اور ٹی تے کم ہے ہیں وقت م ٹی میں نقط کالے کردہ فاصلہ م ط × م ٹی سے کم ہے یون وقت نیا دہ ہے اور ٹی تی ہم ل سے کم ہے یونی وقت نیا دہ ہے اور منظل م ٹی دی اکائیوں کی تقداد مستیل م ٹی میں سے کردہ فاصلہ کی اکائیوں کی تقداد مستیل ط ٹی می سے اورمنتظل می اکائیوں سے زیادہ ہے اورمنتظل تی م کے رقبے کی اکائیوں سے کم ہے اسی طرح در اورمنتظل تی م کے رقبے کی اکائیوں سے کم ہے اسی طرح در اورمنتظل کی حصوں میں تقدیم کر سے ہی کی میں کو چھوٹے مساوی حصوں میں تقدیم کر سے ہی

 10 m

متطیلوں کا مجوعہ اور بیرونی مستظیلوں کا مجوعہ آب یہ برایا ہو جائے گا اور ان میں سے ہر آئیک منی کے دقیے کے مساوی ہو جائے گا اور ان میں سے ہر آئیک منی سے شدہ فدھنے کی مساوی ہو گا میں دقت فراج ک کی ہوئیوں کی تعلا کا نیوں کی تعداد بالاخر رقبہ فراج ک کی ہوئیوں کی تعداد کے مساوی ہوگی۔

کے مساوی ہوگی۔

(۳۹۱) کیساں اسراع کی صورت ۔ یہ فرض کوک ب ابتدائی رفار ہے۔ اور ع کیساں اسراع ہے۔



يني ع = حرم = حط = مس طك ح یس زاویہ ط ک ح غیر متبدل ہے۔ ینی ط ایک ایسے خط مستقیم پر واقع ہے جو ک میں سے گزرتا ہے اسلنے صورت ہذا میں رفقار اور دقت کا منحی خط متعقیم ک جہے اور لج = ك ل × سج ك ل = ع × و لہنا وقت ویں طے شدہ فاصلہ کی اکائیوں کی تعداد خراج ک کے رہے کی اکایٹوں کی تعداد سے مساوی - 6 39

اوریه رقبه یه رقبه درک ل ا + رقبه ک ل ج = < 1x < 2 + + 2 U x U x

=</[20++6=]= [[-+4=0]

= ب ر+ + ع د ا (عسم) دفعہ ۳۵ کی شکل میں چونکہ وقت م ل میں رفتاری زیا دتی ح ق ہے تو اس آن میں متحرک نقطے کا اساع حرف کی انہانی قیت ہوگی جب م ل کو بے انہا چوٹا

أور حق يه مس ق طح

باب ووهم

لین جب م ل کو بے انہا چھوٹا کیا جائے تب نقطہ ق نقطہ ط سے بالکل متصل ہو جائے گا اور اس وقت ط ق ، نقطہ ط پر منحی کا ماس ہو جاتا ہے۔ اور جو زائی نقطہ ط پر کا ماس خط ﴿ لا سے بناتا ہے اس زاویہ کا ماس مس تی طرح ہوگا

یس رفتار اور وقت سے منعنی میں خط وقت سے بو منعنی کما سے اور منعنی کا ماس اسراع کی عددی

تیمت ہوگی۔ (مرم) کسی خاص نانیہ کے دوران میں شدہ فاصلہ (مرم) کسی خاص نانیہ کہ دفعہ (۱۳۸) کے ضابطہ (۱) کے ضابطہ (۱) کے ضابطہ (۱) کے وہ فاصلہ عاصل نہیں ہوتا جو دو دین ثانیہ میں طے ہوا کلکہ وہ فاصلہ جو دیا نیوں میں طے ہوا کو دیں ثانیہ میں طے شدہ فاصلہ جو دیں ثانیہ میں طے شدہ فاصلہ عدہ فاصلہ درد۔ (در۔ د) ثانیوں میں طے شدہ فاصلہ میں طے شدہ فاصلہ

= (بو+ +عوا]-[ب(و-1)+ +ع(و-1)]

= ب+ + ع [وا-(و-1)]

= ب+ ع عوا
بس عرات کے پہلے ، ووسرے ، تیسرے ، .... ن وہن میں طے شدہ فاصلے بالترتیب یہ ہوں گے

بب + +ع،ب + ع،ب + هع، .... ،ب + الان- ع

یہ فاصلے ایک سلسلہ مساہیہ یں ہیں جس کا فرق مشترک م مب ہے۔ ابذ اگر کوئی جم یکساں اسراع سے حرکت کرے تو مخلف غانیوں میں کے بعد دگرے جو فاصلے طے ہوں سے وہ سلسلہ حسابیہ میں ہوں گے جس کا فرق مشترک اسراع

کی اکانیوں کی تعداد کے مسادی ہوگا۔

کسی خ**اص** نانیہ کے دوران میں طے شدہ فاصلہ بطرز دیگر یمی معلوم ہو سکتا ہے جیساکہ دفعہ (۳۲) میں ہم نے

يهما در وي نانيه يس طے شده فاصله وہي ہو گا جو متحرک نقطه ایک ایسی رفتار سے طے کرے جو اس ثانیہ

مے عین در میان میں اس کی دفتار ہے۔

اب و وین انیه سے عین در میان میں رفتار وہی ہے

جو (و- +) خانیوں کے اختام پر ہے بینی رقار

= ·+ (e- +)

لهذا و ویں ٹانیہ میں طے شدہ فاصلہ = بع <del>اود</del>ا

(۱۹ مثال (۱) ایک ریل گاڑی جو ۲۰ میل فی گھنٹہ

کی رفتار سے چل رہی تھی تین سنٹ سے عرصہ میں بنید کیساں ابطاء سے ساکن کردی گئی۔ یہ ابطاء معلوم کرد اور یہ سی دریافت کروکہ ساکن ہونے مک گارٹی نے کتنا فاصله مطے کیا ہ

۱۰ میل فی گفتہ = 
۱۰ میل فی گفتہ = 
۱۰ میل فی گفتہ = 
۱۰ میل کاری کا اسراع ع ہو تو چونکہ ۱۸۰ شانیوں میں مقط فی ٹانیہ فی ٹانیہ کی رفتار زائل ہوکہ معدوم ہو جاتی ہے اس کئے

بوجب دفعہ (۳۲) ضابطہ (۱) : عرب دفعہ (۳۲) ضابطہ (۱) : عرب سیکنڈ اکائی

امتنكه تنبيب ري (۵)

(۱) اگرب= ۲۰۴ = ۳۰ و ۵ و من اور دن سطیم کدد (۲) اگرب = ۲۰۶ = ۲۰ و ۵ و من اور دن دریافت کود

رم) اگرف در افت مهانود به اور در در افت کرد

طول اور وقت کی اکائیاں قٹ اور شانیہ میں -الابو) ایک جسم حالت سکون سے حرکت شروع کرا ہے العد اس کا اساع م قٹ خانیہ اکائیاں ہیں تو ہ سینیو تھے

المتنام پر اس کی رفتار اور طے شدہ کاصنہ دریافت کرو۔

(۱۳) اگر ایک جسم کی ابتدائی رفقار ہم قٹ نی نیاب سو اور

الس كا اسل الك فت غانيه أكائي ميو توكتني مت يس الس كا اسل كي رقبار به ميل في محفظ مبو عائد كي -

لابع) ایک بسم حالت سکون سے حرکت شروخ کر کے

العلم ينول من الله مزار فظ طے كرما ہے تو س كا

العبراع وريافت ممرو-

 يئيب زوم

اور اس مدت میں وہ کتن فاصلہ سے کرے گا ہا (۲) لیک عقط کی ابتدائی رفیار میں سیٹی میٹر ٹی ٹائید ہے اور اس کا اسراج ۲۰ سیٹی میٹر ٹینیہ اکائیاں ہے تو دیافت کروکہ اس کی رفیار صفر کب ہوگی اور اس وقت مک وہ کرینا فاصلہ سے کر کھے گا ہ

(4) ایک جم طانت سکون سے مشروع جوکر کیساں امراع سے طرکت کرکا ہے اور دسویں خانیہ میں اما فٹ سے کرتا ہے تو اس کا اسراع معلوم کرو۔

(۸) ایک قرہ کیساں اساع سے حرکت کرد ہا ہے اور ابتداء حرکت کرد ہا ہے اور ابتداء حرکت کرد ہا ہے اور ابتداء حرکت سے آتھوں میں مع البتداء حرکت ہے اس کی الترتیب ہے ہ نت اور ہے اس کی ابتدائی رفکار اور اس کی اسراع دریافت کرو۔

۱۰۱) ایک مٹوک نقطے کا اسراع کیساں ہے اور وہ اپنی حرکت کے آخری ٹانیہ میں اپنے کل سطے کردہ فاصلہ کا ہے

طے کتا ہے اگر ابتداء حرکت سکون سے ہو تو کل مت حرکت اور طے شدہ فاصلہ دریافت کرد۔ یہ معلم ہے کہ پہلے ثانیہ میں ہوا۔

اس کی حرکت کے پہلے نائیہ کے بعد جو نصعت نائیہ اس کی حرکت کے پہلے نائیہ کے بعد جو نصعت نائیہ لالے آتا ہے اس میں وہ آئیہ سے کرتا ہے اور اپنی حرکت کے گیار صویں نائیہ سے کرتا ہے افد اپنی نقطہ کا اسراع اور اس کی ابتدائی رفقار معلوم نرو۔

درا) ایک جسم پہلے تین شینوں میں کیساں اسراع سے بیتا ہے اور اس عرصہ میں کل ایہ فطہ سئے کرتا ہے اور اس عرصہ میں کل ایہ فطہ سئے کرتا ہے اور اس عرصہ میں اسراع معدوم ہو باتا ہے اور اس عرصہ کے افیر میں اسراع معدوم ہو باتا ہے اور اس عرصہ کے افیر میں اسراع معدوم ہو باتا ہے اور اس عرصہ میں اسراع معدوم ہو باتا ہے اور اس عرصہ کے افیر میں اسراع معدوم ہو باتا ہے اور اس عرصہ کے افیر میں اسراع معدوم ہو باتا ہے اور اس عرصہ کے افیر میں اسراع معدوم ہو باتا ہے اور اس عرصہ کے افیر میں اسراع معدوم ہو باتا ہے اور اس عرصہ کے افیر میں اسراع معدوم ہو باتا ہے اور اس عرصہ کے افیر میں اسراع معدوم ہو باتا ہے اور اس عرصہ کے افیر میں اسراع معدوم ہو باتا ہے اور اس عرصہ کے افیر میں اسراع معدوم ہو باتا ہے اور اس عرصہ کے افیر میں اسراع معدوم ہو باتا ہے اور اس کی اسراع معدوم ہونے کے بعد تین نائیوں میں حبم ہان فلاد

عے سرتا اللہ UNIV. LIBRY. CYSTEM اسکی ابتدائی رفار اور اسراع معلوم کرد-

سو (۱۱۱) ایب ریل گاڑی کی جال به میل فی گھنٹہ سے ۱۰ میل فی گھنٹہ سے ۱۰ میل فی گھنٹہ سے ۱۰ میل فی گھنٹہ کے کہا کا سے کہا ہے کہ کتنا اور میں کی ایک کا میں کی ایک کا میں کی کا کا میں کی کا کا میں کی کا کا کا کہا ہے کہ کا کا کا کہا ہے کہا ہے کہ کا کا کہا ہے کہ کا کہا ہے کہ کا کہا ہے کہا ہ

فاصله طے کر کے وہ ساکن ہو گی ؟

ایک انقطہ طالت سکون سے حرکت کرتا ہے اور اس کا کیساں اسراع مرا فرش نانیہ اکائیاں ہیں تو دریا ۔ کرو کہ پہلا اور دو سرا الار تمیسرا فٹ طے کرنے میں اس

پاسپه و پوهم علم حركت

كتنا وقت لكا ؟

(١٥) ایک ذره ایک نقطه و سے سم فط فی ٹانیم کی کساں رفار سے جاتا ہے اور اس کے دو ثانیہ بعدایک اور ذرہ تقطہ و سے اسی سمت میں حرکت کرتا ہے دو سرے ذرہ کی ابتدائی رفتار ۵ فٹ فی ٹانیہ اور اسراع به فط ثانيه اكائيان بين دريافت كروكه دومكر ذرہ پہلے کوکس وقت اور کہاں جا کے گا؟ -

١١١) ایک نقطہ اپنی حرکت کے پہلے ثانیہ میں عافظ طے کرتا ہے اور نیسرے اور چھٹے خانیوں میں بالتیب اا اور ١٤ فَتْ جِلْنَا ہِے۔ کیا اس کا اسراع کیکان

ہو سکتا ہے ؟

(۱۷) ایک نقطے کی رفتار شال مشرق کی جانب ۲ ہے اور اس کا اسراع سجانب شال ۸ اور سجانب شرق ۱۹ ایک ثانیہ سے بعد نقطے کا مقام دریافت کرور اکائیا

فٹ اور ٹانیہ ہیں )

م (۱۸) ایک ذره ۲۰۰ سینی میشر فی نانید کی رفقار سے سرکت شروع سريا سب اس كار ابطاء اسنين ميشر في نانيه في ثانيه ب در یافت کروکه وه کتنے وقت میں ۵۰۰ استی میٹر طے کرے گا ( دوہرے جواب کی وجہ بیان کرو) (١٩) وو نقطے ایک ہی وقت ایک ہی مقام سے شروع ہوکر ایک خط ستقیم میں حکت کرتے ہیں ایک کی

رفتار ب کیساں ہے اور دوسرے کا اصراع ع کیساں ہے تو خابت کروکہ ان کا در میانی فاصلہ زیادہ سے زیادہ میں ہے۔ ہوگا اور یہ ابتداء حرکت سے ب وقت کے اختما اللہ بر ہوگا۔

(۲۰) ایک ربل گاڑی حالت سکون سے شروع ہو کر ایک ۱۲ منٹ کے بعد بھر ساکن ہو جاتی ہے اور ہر ایک منٹ کے اختام بر اس کی چالیں میلوں میں فی گھنٹہ یہ ہوتی ہیں ۲۵، ۲۵، ۲۵، ۵، ۵، ۵، ۲۵، ۲۵، ۲۵ یہ ۲۵، ۲۵، ۲۵، ۲۵ یہ ۲۵، ۲۵، ۲۵ کم ۲۰، ۲۵ کم ۲۰، ۲۵ کم ۲۰، ۲۵ کم کم کم کم کم کو تا ہمی تعلق کا خط ترسیم کم کم اور وقت کے باہمی تعلق کا خط ترسیم کم کینچو اور اوسط چال بھی دریافت سرو۔

 علم حرکت اختام پر اسراع بھی دریافت کرد۔
اور ۱۷ نا نیوں کے اختام پر اسراع بھی دریافت کرد۔

## باب سوم حرکت بجاذبراض

(، ہم) گرتے ہوے اجمام کا اسراع - ہم روزمرہ دیکھتے ہیں کہ جب کوئی جسم اوپر سے زمین کی طرف گراً سے جوں جوں وہ نیچے آتا ہے اس کی حرکت کی تیزی بڑھتی جاتی ہے یعنی اسکی حرکت میں اسراع ہے اور اس اسراع کو کیساں ہونا ذیل سے تھریہ سے تابت او سکتا ہے جو پہلے مورین نے کیا تھا۔ ایک مدور اسطوانے کے گرد کا غذ چڑا کر ایک محری کی کے ذریعہ سے محمایا جاتا ہے اور اس مروش میں اسطوانہ کا محور عمودی رکھا جاتا ہے۔ اسطوانے کے سامنے لوے کا ایک وزن ہوتا ہے۔ جس کو ایک پیشل حیب لگی ہوتی ہے اور اس وزن کو وو قائدوں سے ذریعہ مقید سرمے عودی سمت یں اس طح گرایا جاتا ہے کہ پنسل کا سرا اسطوائے پر سے کاغذ کو عین مس کرے۔ یب اسطوانے کی کردش مکساں ہوتی ہے اس وقت

41

وزن کو چھوٹر دیا جاتا ہے۔ چونکہ پینل دی کاغذ کو سس کتی ہے اس سنے پنس کے ذریعہ کاغذ پرایک منی مرسم ہو جاتا ہے۔ جب وزن نين پر گريدا سب تو كا غذ كو اسطوا پرے آثار کر آئیس سطح مستوی پر

بیما دیا جاتا ہے۔ اب بہنل کے تعنی اسی بیما دیا جاتا ہے۔ اب بہنل کے تعنی بیما ہوں ، بہوا میں معلوم بیما میں معلوم بیما ہوتا ہے کہ دہ عمودی بہوتا ہے کہ دہ عمودی بینل کے طے کردہ عمودی فاصلے اس کے مط کردہ افقی فاصلوں کے مربیوں کے متناسب ہیں یعنی اگری اورح خط مشخی پر دو نقطے ہوں تو

100 = 01 100 = 01

اب یونکه اسطوائے کی حردش کیساں تھی اس نے افقی فاصلے وقت کی ان متوں سے تناسب ہیں جو ابتداءِ حرکت سے شروع مونیں۔ لندا ثابت مواکہ ابتداءِ حرکت سے جوعمو فاصلہ طے ہوا وہ سرف شدہ وقت کے مربعے کے تناب

ہے۔ لیکن دفعہ (۳۴۷) سے ہمیں معلوم ہے کہ اگر کوئی جسم حالت سکون سے شروع ہوکر کیساں اسراع سے حرکت

كرے تو اس كا مط كردہ فاصلہ وقت كے مربع كے

پس ہم اس نیتجہ پر پہنچتے ہیں کہ ایک گرا مواجہ کیا اسراع سے حرکت کرتا ہے۔
اسراع سے حرکت کرتا ہے۔
(۱۲) گلیلیو کا تجربہ - گرتے ہوے اجمام کے اس کا کیساں ہونا پہلے ہیں گلیلیو نے تقریباً مرافقاء یں کا کیساں ہونا پہلے ہیں گلیلیو نے تقریباً مرافقاء یں بتقام پانسا جند تجربوں کے ذریعہ خابت کیا تھا۔ پونکہ جب ایک جسم بنیرکسی روک کے نیچے گرتا ہے اس کی رفتار جلدسی اس قدر زیاده ہو جاتی ہے کہ اس کا اندازہ

شکل ہوا ہے محلیلیو نے اِس دقت سے پینے کے اِنے یک سطح انل پر اجباً م کی حرکت کا ملاحظہ کیا اور اس فرض کرلیا کہ اگر ایک جھوٹا سا گولا ایک سطح انل پر

ایک نالی میں نیجے کی طرف راحک کر جائے توائل حرکت ایک ایسے قانون کے تابع ہوگی جو آزادانہ کرنے

واکے اجمام کا قانون حرکت ہے۔

سطح مائل کی نالی کی چوٹی سے شروع کرکے اس نے چند كاصلے تاب سنے جو ا، بم، ۹، ۱۲،۰۰۰ يغي أ، بوء، م ، م الم الم .... ك متناسب شق اور وبال نشان لكادئ- تب اس نے اپنے چھوٹے گونے کو چونی پر سے چھواکھ اس امری تصدیق کی کہ ان فاصلول سے نے کرنے یں جو وقت صرف ہوتے وہ ایم ای سائل ایک کے تناسب ہیں ابذا ابتداء حرکت سے لے کر طے شدہ فاصلے مرف شدہ وقتوں کے مربعول کے تناسب ہوئے لیکن بھوب شدہ وقتوں کے مربعول کے تناسب ہوئے لیکن بھوب وفعہ (۱۳۸۷) یہ اس حالت میں ہوتا ہے جب اسراع بکیا

یس اس سے نابت ہواکہ ایک سطح مائل کے پنچے کی طرف حرکت کا اسراع کیساں ہوتا ہے اور اس نیجہ کے سے گلیلیونے یہ مان لیا کہ آزادانہ گرنے والے جسم کی حرکت کا اسراع بھی کیساں ہوگا۔

گلیلیو کو وقت ناپنے ہیں زیادہ بقت بیش آئی کیو کلہ اس زمانے کے کلاک صبح وقت نہیں دیتے تھے۔ اس ابینے بخربہ سے لئے پانی کا ایک برتن استعال کیا جس کی عودی تراش اجھی بڑی تھی اور جس سے بیندے میں ایک چھوٹا سا سوراخ تھا جو گلیلیو اپنی انگلی سے بند کرسکتا تھا جس وقت گولے کی حرکت شروع ہوتی تھی اسی وقت دہ اپنی انگلی ہٹا لیٹا نھا اور یانی سوراخ ہیں سے نکلکر دہ اپنی انگلی ہٹا لیٹا نھا اور یانی سوراخ ہیں سے نکلکر ایک دوسرا کی مرتن میں گرنا شروع ہوتا تھا۔ یہ دوسرا برتن اسی مطلب سے واسطے تھا۔ جب گولا کسی ایک برتن اسی مطلب سے واسطے تھا۔ جب گولا کسی ایک بنتان بر بہنچنا تو وہ سوراخ کو بند کردیتا تھا جو بانی اس

ء پاپ س

دوران میں نکاتا اس کو قول لیا جاتا تھا اور اس بانی کا درن مدت حرکت کا اچھا خاصا معیار تھا۔

(۱۲ م) مندرجہ بالا و دگیر صبح تر شجربات کے نتائج سے بین معلوم ہوتا ہے کہ اگر ایک جسم فضا میں زمین کی طرف گرہے تو دہ ایک ایسے اسراع سے حرکت کریکا جو زمین کے ایک مقام پر ہمیشہ ایک ہی دہ کا لیکن فضافت میں اسراع ہوگی۔

بو زمین کے ایک مقام پر ہمیشہ ایک ہی دہ کا لیکن فضافت میں اسراع بجاذبہ ارض "کہتے ہیں اور اس اسراع کی قیمت اسراع بجاذبہ ارض "کہتے ہیں اور اس اسراع کی قیمت اسراع بجاذبہ ارض "کہتے ہیں قو ج کی قیمت اسراع کی تبین قو ج کی قیمت خط استوا پر اور اور اس احتمال ہوتی ہیں قو ج کی قیمت خط استوا پر اور اور اور قطبین پر ۱۹۸۲ و ۱۳۲ ہوتی ہمیں خط استوا پر اور اور اور اس احتمال ہوتی ہیں خط استوا پر اور اور ان کی صورت میں ج کی انتہائی قیمتیں سینٹی میٹر شانیہ اکائیوں کی صورت میں ج کی انتہائی قیمتیں عرض بلد میں ج کی قیمت کا کا اور اندن کے عرض بلد میں ج کی قیمت کا کا اور اندن کے عرض بلد میں ج کی قیمت کا کا اور اندن کے عرض بلد میں ج کی قیمت کا دور ۱۹۸۶ ہیں۔

ہے کی تیبت معلوم کرنے کا بہترین طریقی رقاص کے تجربات کے ذریعہ ہے۔ ہم باب یازدہم میں دوبارہ اس مضمون پر سجت سرینگے ۔

[ عددی مثالوں میں اگر کھے اور نہ کہا گیا ہوتو یہ فرض کر لیا جائے کہ حرکت خلا میں ہے اور ج کی تیمت فٹ ٹانیہ اکا پُنوں کی صورت میں ۱۹۴ اور سیٹی میٹر تانیہ اکا پُنوں کی صورت میں ۱۹۹ ہے] رسام) حرکت عمودی بجاذبہ ارض ۔ اگر نیون کے میں مقام سے ایک جسم ادید کی طرف عودی سمت میں بھینکا جائے اور اس کی ابتدائی رفار دیب ہوں و جسم کا اسراع حرکت کی ابتدائی سمت کے مقابل ہوگا۔ اس گئے وہ (-ج) سے تعبیر ہو گا۔ ابتدا جسم کی رفار تبدیج کم ہوتی جائے گئی یہاں شک کہ وہ بالکی معدوم ہو جائے گئی۔ اس وقت صرف ایک آن کیلئے شروع کریگا اور اسی راستے واپس نیج کی طرف رفار حال کن شروع کریگا اور اسی راستے واپس نیج آئے گا۔ اس وقت صرف رفار حال کن معروض بلندی ہی شک پہنچنے کے لئے سان معروض بلندی ہی شک پہنچنے کے لئے معروض بلندی ہی شک پہنچنے کے لئے معاوات دبل میں بجائے ع کے (-ج) رکھنے سے حاصل ہوگا مینی مساوات ذبل سے حاصل ہوگا

ی جب و - لی ج وی می می دونو اصلیں یہ درجہ دوم کی میادات ہے جس کی دونو اصلیں منبت ہیں - جوٹی اصل سے وہ دقت حاصل ہوتا ہے جس دقت حاصل ہوتا ہے جس دقت جسم اوپر جانے ہوئے مفروض بلندی یک بہنچا اور بڑی اصل وہ وقت ہے جب جب شیخ اور بڑی اصل وہ وقت ہے جب جب منبی آتے ہوئے مفروض بلندی یہ بہنچا۔ مثلاً اگر ایک جسم ہم منب فی نانیہ کی رفاد سے اور یہ دریافت کرنا مطلوب ہو اور یہ دریافت کرنا مطلوب ہو

بابسوم

٠ = ٠ - ٢ - ٢ - ١٠

یاده سے زیادہ باندی = سے

ینر زیادہ سے زیادہ بلندی کک پینچے کا وقت ق اس مسادات سے حاصل ہوگا سے ب ہے تی

= 5 · ·

(بونم) وہ رفار ہو ایک جم حالت سکون سے مشروع ہوکر آیک جم حالت سکودی فاصلہ مشروع کر حالت سکون سے گزا شروع کرے تو اگر کوئی جسم حالت سکون سے گزا شروع کرے تو فاصلہ کی گرانے سکون سے گزا شروع کرے تو فاصلہ کی گرانے سکو کال فاصلہ کی گرانے سکو کال

فاصلہ می کرتے ہے بعد اس می رفعار اس سرح عال ہوگی کہ ہم دفعہ (۳۲) کی مساوات (۳) میں بجائے ب ،ع ، دن سے ، ہم می رکھین -

571=0=

امتله نبسری (۲)

(۱) ایک جسم زمین سے سمت عمودی میں بم فٹ فی ثانیه کی رفتار سے اوپر کو بھینکا جاتا ہے۔ وریافت کرکھ (۱) وه کتنی بدندی بر جاکر ساکن موگا (۲) ۹ فٹ کی بندی پر پنینے کے لئے اسے کتنا وقت لگے گا؟ (۲) آیک ذره بم فٹ فی نانیہ کی نقار سے عمودی سمت میں اوپر پھینکا جاتا ہے۔ دریافت کروکہ (۱) امکی

رفمار ۲۵ فظ فی تانیه کب بهوگی ۲۱) ۲۵ فٹ کی بلندی ير وه كب موسحا ٩

(۳) ایک پنفر اوبد کی طرف عمودی سمت مین ۹۰ فط فی ٹانیہ کی رفتار سے بھینکا جاتا ہے۔ کتنا وقت گردنے تے بعد اس کی رفتار ، افط فی تانیہ ہو گی اور وہ

اس وقت کتنی لبندی بر ہوگا ؟ (مم) دریافت کرد کہ اگر ایک جسم طالب سکون سے

ينيح كي طرت كرك تو (١) ١٠ ثانيه ميل وه كتنا فاصله الرام الله على المن الله وقت من الربط (١) الراامة

میں ۱۰۰۰ فط گرے تو ابتدائی رفقار کیا ہوگی ہ

(۵) ایک پتھر ایک کان میں نیجے کی طرف سمت عودی میں پینکا جاتا ہے اس کی ابتدائی رفتار 44 فٹ نی ٹانیہ ہے اور اور وہ سانانیہ میں کان کی تہ پر

ہنچاً ہے ۔ کان کا عمق دریافت کرو ۔ (4) ایک جسم ایک کان کی تہ سے اوپر کی طرت پینکا جانا ہے۔ کان کی گہرائی ۸۸ ج فٹ ہے اور

جمم کی ابتدائی رفتار مهم ج فٹ فی تانیہ ہے۔

بابسوم

وریافت کرو که زیادہ سے زیادہ بلندی مک جہنے کرسطے زمین پر وابس آنے میں جسم کو کتنا وقت گئے گا؟ (م) ایک ذرہ جو اوپر کی طرف پھینکا گیا ہے ۱۲۵ فٹ کی بلندی پر بہنچ کر وابس آتا ہے۔ معلوم کرو کہ ابتدا سے کتنی مدت کے بعد ذرہ ۱۷۱ فٹ کی بلندی یہ مدید و

﴿ ﴿ ﴾ ایک جسم جو سمت عمودی میں اوپر کی طرف حرکت کرتا ہے ۵ و ہم ۵ سینٹی میٹر کی بلندی بر ۱۳۲۸ بینٹی میٹر کی بلندی بر ۱۳۲۸ بینٹی میٹر فی ثانیہ کی رفعاً رکھتا ہے۔ دریافت کروکہ اس کی ابتدائی رفعاً کیا ہے اور وہ کتنی مرت اور

اوير كو جائے كا 9

(ف) ایک ذرہ نیجے کو حرکت کرنے ہوے ایک مقام سے ۵۰ میشر فی ٹانیہ کی رفتار سے گذرتا ہے۔ تو دریا کرو کہ اس سے کتنی مدت پہلے وہ اوپر کی طرن اسی رفتار سے جارہ تھا ہ

(م) ایک جسم ، م م م م م م م م میشر فی ثانیه کی رفقار سے سمت عمودی میں اوپر کو بھیکا گیا ہے تو معلوم کروکہ وہ کتنا اونچا چڑھے گا اور کتنی مت اس کی حرکت اور کتنی مت اس کی حرکت اور کتنی مت اس کی حرکت اور کتنی میں اوپر کو رہے گا ہور کتنی میں اوپر کو رہے گا ہور کتنی میں اوپر کو رہے گا ہو

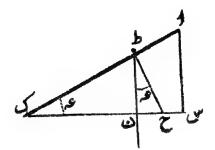
اویر کو رہے گی ؟ (۱۱) یہ معلوم ہے کہ ایک بغیرروک کے گرنے والا جسم چھٹے ٹانبہ میں ۹۹، ۱۸۱ فٹ طے کرتا ہے تو ج کی قیمت دریافت کرو۔
(۱۲) ایک گرنے والا فرہ اپنی حرکت کے آخری نہیں ہیں مہرد کہ دہ کتنی میں ہود کہ دہ کتنی میں ہود کہ دہ کتنی میں ہود کا اور اس کے گرنے میں کتنا وقت فنر مواج

ہوا ہ (۱۴) ایک جسم ایک مینار کی چوٹی سے بیسروک کے سی اور اپنی حرکت سے آخری ثانیہ میں کل فاصلہ کا ۱۹ طرح کرتا ہے۔ مینار کی بلندی وریافت کرو۔ (۱۲۷) ایک جسم ایک مینار کی چوٹی سے گر کر ابنی حرکت سے آخری ثانیہ میں کل فاصلہ کا ۱۹ طے کرتا ہے۔ مینار کی اونچائی دریافت سرو۔

ایک بخر و ۹۲ فٹ فی ٹانیہ کی ابتدائی رفتار او ۹۲ فٹ می ٹانیہ کی ابتدائی رفتار او ۱۹ فٹ میں بھینکا گیا ہے۔ دیافت

کردکہ وہ کتنا ادنجا چڑھے گا ہ اگر آئی ابتداءِ حرکت سے ہم ثانیہ بعد ایک دوسرا پنھر ب اسی مقام سے نیجے گرنے کو چھوڑ دیا جائے تو ثابت کردکہ مزید ہم ثانیہ کے بعد آل کہ کو جاملیگا۔ (۱۲) ایک جسم ادپر کی طرن ایک خاص رفتار سے پیسٹکا گیا ہے۔ اور یہ دیکھا جاتا ہے کہ اوپر جاتے ہوے جب جسم ۱۹۹ فیظ کی لمبندی پر ہوتا ہے تو اسی مقام پر والیس آئے کے لئے اسے ہم سیکنڈ

(۷۷) ایک چکنی سطح مال پر سیحے کو حرات وض کرو کہ ایک چکنی سطح مال کی تراش عودی ہے اور سطح کا میلان افق سے عمر ہے اور فرض سرو کم سطح مال پر ایک جسم ط ہے۔



اگر سطح مانل حائل نہ ہو تو جسم سمت شاقبل ہیں اساع ج سے آئیج کو حرکت کرے مگا۔

بی سے سب و رس رس دا۔
اب اسراعوں کے متوازی الا ضلاع کے سلہ کی روسے
شاقولی اسراع ج ، دو اسراعوں کے مساوی ہے
(۱) اسراع ج جم عہ سطح پر عمود وار ط سح نمی سمت
میں (۲) اسراع کج حبب عہ سطح کے متوازی پنچ
کی طرف ۔

سطح کی عمود وار سمت میں حرکت نا مکن ہے کیونکہ طح خود حال ہے۔

سطح نود طائل ہے۔ اس کئے جسم سطح کے پنچ کی طرف اسراع ج جب عہ کے ساتھ حرکت کر کا۔

اور اس کی حرکت کی تحقیقات اسی طرح ہوگی جیسے ایک بغیرروک گرنے والے جسم کی صورت میں ہوئی۔ فرق صرف اتنا ہے کہ ج کی بجائے ج جب عمر استعال ہوگا۔

اس سے فوراً یہ نیخبرنکلرا ہے کہ حالت سکون سے شروع ہوکر سطح مائل کا طول ک طے سرنے میں رفقار محصلہ

= الاج جب عد X = الاج x ل جب عد الاج x إلى

ہذا یہ رفار وہی ہے جو ایک جم بغیردوک سمت شاقولی میں گرتے ہوئے سطح انل کی بلندی کے برابر فاصلہ طے کرمے واسل کرے ۔ یا دوسرے لفظونیں رفقار محصلہ سطح کے میلان پر منحصر نہیں ہے بلکہ اس فاصلے پر منحصر ہے جو جسم نے سمت شاقولی میں طرک رامہم) آگر جسم سطح مانل پر اوپر کی طرف اندائی رفقار دیس سے بھیکا جائے تو اس کی حرکت کی تحقیقات اسی طریقہ سے بھوگا جائے تو اس کی حرکت کی تحقیقات اسی طریقہ سے بھوگا جائے تو اس کی حرکت کی تحقیقات اسی طریقہ سے بھوگا جائے تو اس کی حرکت کی تحقیقات اسی طریقہ سے بھوگا جائے تو اس کی حرکت کی تحقیقات اسی طریقہ سے بھوگا جائے تو اس کی حرکت کی تحقیقات اسی طریقہ سے بھوگا جائے تو اس کی حرکت کی تحقیقات اسی طریقہ سے نوادہ فاصلہ جو سطح سے اوپر کی طرف طے بھوگا

وه بالمحمل عد

اور اس فاصلے سے ملے کرنے میں جو وقت صوف ہوگا

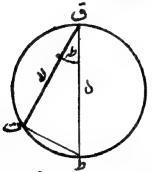
وہ بہت علی ہزا۔

اشله نبيري (۷)

١١) ايك جسم ٨٠ فظ في ثانيه كي دفار سے ايك يكني

پیسلنا ہے۔ اور پانچویں ٹانیہ میں ۲۲،۷۱سیٹی
میٹر طے کرنا ہے۔ افنی سے سطح کا میلان
در یافت کرو۔
(۵) ارجب ایک دائرے کا عمودی قطرہ اور ک ل
ایک اور قطر ہے جو ارب سے نراویہ طہ بناتا ہے۔اگر
کی ل سے طول میں ایک ذرے سے پیسلنے کا وقت
فاصلہ ارب گرنے سے وقت سے دوگنا ہو تو طہ کی
قیمت دریافت کرو۔

یک اور کے باند ترین اللہ عودی دائرہ کے باند ترین مقام سے مخلف وتر کھنے جائیں۔ تو ہر ایک وتر پر ایک ذرہ کی بھلنے کی منت ایک ہی ہوگی۔ ایک ذرہ کی بھلنے کی منت ایک ہی ہوگی۔ فرض کروکہ دائرہ کا عودی قطر ق ط ہے اور ق باندیا مقام ہے اور ق ت کوئی ایک وتر ہے۔ فرض کروہ ناویہ مت ق ط = طہ '



حب طریق دفع گذشتہ ق ت کے پنج کی طرف اسراع ج جم طع ہوگا۔ اگر ق سے ت تنگ دفت و صن ہو تو اس کا مطلب یہ ہے کہ ایک ذرہ طالت سکون سے شروع ہوکر اسراع ج جم طع سے حرکت کرکے وقت ویں فاصلہ ق ت طے کرنا ہے فرقت ویں فاصلہ ق ت طے کرنا ہے فرقت ویں فاصلہ ق ج جم طع × وا

بیں اس دائرے کے جتنے وتر نقطہ ق سے کھنچ جائیں ان بیں سے ہر ایک پر ذرہ کے بیسلنے کی مدت ایک ہی ہوگاریہ

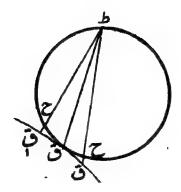
ہوئی۔ اگر وتر دائرے کے سب سے نجلے نقطے سے کھنچ جائیں تو یہ مسئلہ ان وتروں کے لئے بھی درست ہوگا (• ۵) میٹر ترین نزول کے خطوط - اگرایک نقطہ اور ایک مغنی ایک ہی عودی سطے میں واقع ہوں تو اس نقطے سے اس خط مغنی کک تیز ترین نزول کا خط وہ خط مستقم ہے جس کے طول پر ایک جسم انقطے سے خط منعنی مک قلیل ترین مرت میں کھیل سکے ۔ عمواً یہ وہ خط ہنیں ہوتا ہو نقطہ مفروضہ سے کینچا جائے۔ مثلاً

میں چھوٹے سے چھوٹا عمل ہندسی سے کینچا جائے۔ مثلاً

ایک نقطہ مفروضہ سے ایک سطح مستوی کک چھوٹے سے
چھوٹا خط تو اس پر عبود ہوتا ہے لیکن یہ تیز ترین نزول کا
خط ہمیں ہوسکتا جب تک کہ سطح مستوی افقی نہ ہو۔

ایک نقطہ مفروضہ ط سے ایک خط
منوی کا جو ایک ہی عمودی سطح میں ہوں تیز ترین نزول کا خط ط ق ہو خط منوی کو خط ط ق ہو خط منوی کو کہ ایک دائرہ جس کا بلند ترین نقطہ ط ہو خط منوی کو
کہ ایک دائرہ جس کا بلند ترین نقطہ ط ہو خط منوی کو
فرض سروکہ ایک ایسا دائرہ کھینچا گیا ہے کہ ط اس کا بلند

فرض شرو کہ ایک ایسا دائرہ کھینچا گیا ہے کہ ط اس کا بلند ترین نقطہ ہے اور وہ خط منحی کو ق پر خارجاً مس کراہے۔ خط منحی پر کوئی اور نقطہ ق لو۔ اور فرض کروکہ ط ق وائرے کو سے پر قطع کرتا ہے۔

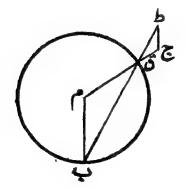


تب چونکہ طق اسلئے طق پر بھلنے کی مت کے طرح پر تھلنے کی ما لكن طح بر تجيل كى رت = ط ق بر تفيلن كى رت (وفعسم ۱۹۹۹) بناط ق پر سیلنے کی مت ے ط ق پر سیلنے کی مت اور ق خط منعنی پر کوئی سا نقطہ ہے۔ بیس اگر کوئی اور خط متقیم ط سے خط منحی کیک کمینیا جائے اس بر بیسلنے کی مدت ط ق پر بیسلنے کی مت سے زیادہ ہوگی۔ اسی طرح ہم ثابت کر سکتے ہیں کہ اگر ایک خط منی سے ایک نقطه مفروضه طائک تیز ترین نزول کا خط مطاوب مو تو ایسا دائرہ محینیا جائے جس کا سب سے سیلا نقطه ط ہو اور جو خط منحنی کو ق بر مسس کرے۔ تب ق ط خط مستقیم مطلوب ہوگا۔ مثال (۱) ایک نقطه ط اور ایک خط متقیم ایک بی عموی سطح میں واقع ہیں۔ نقطے سے خط ستقیم مک تیز ترمین نزدل کا خط دریافت کرو۔ فض کروکہ ب ج خط متنقیم مفروض ہے۔ تو ہمیں صوب ایک دائرہ کمینینا ہے جس کا باند ترین نقطہ ط ہو اور ہو ب ب ج محو مس کرے۔ ط سے ط ب خط افقی کھنچو ہو دب ج محو ب ق میں مرے۔ ط سے ط ب خط افقی کھنچو ہو دب ج سے ب ق مساوی ب کو ب پر لئے۔ ب ج سے ب ق مساوی ب ط کے قطع کرو۔ تو ط ق خط مطلوب ہوگا۔ کیو کہ یہ ظاہر ہے کہ ایک ایسا دائرہ کھنچا جاسکتا ہے ہو ب ط اور ب گ کی ایک ایسا دائرہ کھنچا جاسکتا ہے ہو ب ط اور ب گ کو بالترمیب ط اور تی پر مس

منال (۲) ایک نقطہ مفروضہ سے ایک دائرہ مفرق کی گئی دائرہ مفرق کی تیز تریں نزول کا خط دریافت کرو ۔ نقطہ اور دائرہ ایک ہیں ۔

ایب ہی سمودی سطح میں واح ہیں۔ فرض کروکہ ب دائرہ مضروضہ کا بہت ترین نقطہ ہے۔ ط ب کو طافہ اور فرض کرو کہ ط ب دائرے کو تی پر

و ب و ماو اور حرض رو ما ج ب واو ب او ک اقطع کرتا ہے۔ نو ط ق خط مطلوب ہو گا-



بابسوم علم حركت والرے سے مرازم کوتی سے ملاؤ اور م تی کو استعد برماؤ کہ ط میں سے گندنے والے عمودی خطسے ج نب زاویہ ق طبے یا ناویہ م ب ق سیو ککہ م ب اورج ط متوازی ہیں اور زاویہ م ب ق = زاویہ م ف ب = زاویہ ج تی ط پس اگر ج کو مرکز اور ج ط کو نصف قطر مان کراکی دائرہ کھینیں تو اس کا بند تریں نقطہ ط ہوگا اور وہ دائو مفروضه كو نقطه ق برمس كريكا اگرط ، دائرہ مفروضہ کے اندر واقع ہو تو ط کو اس کے بند تیں نقطے سے ملا کر بڑھاؤ تاکہ دائرے کو ق بر کے ۔ تو ط ق خط مطلوب ہوگا۔ (۵۲) مثال (۱) ایک کان کے گڑھے کا پنجرا اسراع کی ۲ فیط ثانیہ اکائیوں سے پنجے اثراً ہے۔ اس کی ابتدام حرکت سے او ٹانیے بعد ایک ذرہ كرے مى جولى سے ينج كو جھوڑ ديا جاتا ہے۔ دريافت كردكه كننے وقت كے بعد ذرہ ينجرك ير كليكا ؟ فرض کردکه دقت مطلوب و ہے۔ وقت و میں ذره الم ج ور فاصله عرب کا۔ بنجرے کی مت دکت (و + ۱) سیکنڈ ہے۔

اس مدت میں بنجار ہے ××× (و+۱۰) ینی (و+۱۰) فاصلہ طربیا۔

い (e+・1) = 十子で 11 e

و + ۱۰ = ۲ و و = ۲ سکیڈ

مثال (۲) ایک پھر سمت راس میں ایسی رفارسے پینکا گیا ہے جو اسے ۱۰۰ فٹ کی بندی یک پنیا سکے۔ رو سیکنڈ بعد اسی مقام سے ایک اور بھر اسی سمت میں اسی رفار سے بھینکا جاتا ہے ۔ دریافت کروکہ وہ کب اور کہاں ملیں گے ؟

نب رود مهاں میں سے؛ فرض کروکہ ابتدائی رفتار لہ ہے۔ چونکہ پتھر ۱۰۰ فٹ کی بلندی میک پہنچ سکتا ہے اس نئے کی بلندی میک پہنچ سکتا ہے اس نئے عدر سات کے اس سے اس سے اس سے سات کے سات کی میں کے سات کے سات کی بلندی کی میں کے سات کے سات کی سات کی بلندی کی میں کے سات کی بلندی کے سات کی بلندی کے سات کی گرفتا کے سات کے سات کے سات کے سات کی گرفتا کی گرفتا کی گرفتا کی گرفتا کی گرفتا کے سات کی کرد کرد کے سات کے سات کے سات کے سات کے سات کی گرفتا کے سات کے سات

1-17 x -1=1

زض کروکہ پہلے پھر کی ابتدا حرکت سے و سیکنڈ بعد دونو پھر لحتے ہیں۔ تب جو فاصلہ پہلے پھر نے و سیکنڈ میں لے کیا مہی فاصلہ دوسرے پھرنے (و-۱) سیکنڈ میں لے کیا۔ فاصلہ دوسرے پھرنے (و-۱) سیکنڈ میں لے کیا۔ نامہ دوسرے پھر نے (و-۱) سیکنڈ میں لے کیا۔ د در و لے جو ا = ۱۸ (و-۱) الے جو (و-۱) ・トリ = ナラ (カ פーツ)=ア(ハ פーカ)

و = ۲۳سیند

ئيز بلندى جس پر وه فتے ہیں = ٨٠ و لم ج وا = ١٩٦٠ -١٩٦١ م هنگ پہلا بيتمريني آريا ہوگا اور دوسر بيتمر ادبر جاريا ہوگا۔

امثله نبيري (م)

(۱) ایک غبارے سے جو ۱۳ فٹ فی سیکنڈ کی رقار سے اور چڑوڈ جاآ ہے ایک پنفر نیچ چپوڑا جاآ ہے اور وہ ۱۱ سیکنڈ میں زمین پر بہتیا ہے۔ دریا فت کرد کہ جب بیقر چھوڑا گیا اس وقت غبارہ کتنا اونچا تھا اس وقت غبارہ کتنا اونچا تھا اس وقت غبارہ کتنا اونچا تھا اس جھوڑا گیا اس وقت نمین ہر سے ایک اور جسم جھوڑا ہوں وقت زمین پر سے ایک اور جسم اور جسم اور جسم اور جسم ایک وقت کے بعد لمیں گے ہو ان کہ وہ کتنے وقت کے بعد لمیں گے ہو ان میں ہے ہوڑا ایک جھوڑا جائے ہو کہ وہ کیے وقت کے بعد لمیں گے ہو اگر پہلا جسم دوسرے سے ایک سیکنڈ بعد چھوڑا جائے تو وہ کی لمیں گے ہو ایک سیکنڈ بعد چھوڑا جائے تو وہ کی لمیں گے ہو ایک سیکنڈ بعد چھوڑا

ہا۔ و دہ حب عیں سے ہا (۱) ایک برح کی بلندی ۲۸۸ فٹ ہے۔ ایک جم برج کی چوٹی پر سے پنچ چوٹرا جاتا ہے اقد عین اسی وقت ایک دوسل جم زمین پرسے اوپر کو سمت راس میں بھینکا جاتا ہے۔ دونو برج کے نضفت پر منتے ہیں۔ دریافت کردکہ پھینکے ہوے جسم کی انبدائی رفتار کیاتھی

علم مركست

اور پہلے جم کو فئے کے وقت رفار کیا ہے ؟ دہم) ایک جسم ایک بیج کی چوٹی پر سے نیج چھوٹا جاتا ہے اور اسی وقت ایک اور جسم اسی عمودی مسید یں زمین پر سے اویر کو بھنیکا اجاتا ہے۔ دوسرے جسم کی رفقار اس قدر ہے کہ اسے برج کی چوئی کک پہنچا دے۔ معلوم کردکہ دونو جسم کہاں لمیں سے ؟ (۵) ایک ذرہ بلندی ل سے پنیجے جھوڑا جاتا ہے اور اس فاصلے کا بیا مرز چکنے کے بعد وہ ایک اور ذرے مے پاس سے مخدرتا ہے جو اسی وقت اوپر کو پھینکا كيا تقاب معلوم كروكه دوسرا ذره كهال يك ببنجيگا ؟ (۲) ایک جسم ایک سطح مال کی چوٹی برسے بنیج بیسلنا شروع کرتا ہے اور اسی وقتِ ایک اور جسم سطح کے بائے سے سطح کی اوپر کی طرب ایسی رفار سے پھیکا جاتا ہے کہ دوانو سطح کے عین نصفت پر ملتے ہیں۔ تو رفقار رمی دریافت کرو اور ملنے کے وقت دونو کی رفتارین بھی معلوم کرو۔ () ایک جسم رفقار کر سے اوپر طبو بھینکا جاتا ہے۔ اور وسیکنڈ گزرنے کے بعد ایک اور جسم اسی رفار سے اوپر کو بھیکا جاتا ہے۔ معلوم کروکہ وہ کب اور کہاں میں گے ہ (۸) ایک غبارہ ہم فٹ شیکنڈ اکاٹیوں کے اسراع

جس طح سمت عودی سے وتروں کے میلانوں سے ماسوں کے جذر -

(۱۳) متعدد چکنی سلاخیں ایک نقطے اور ملتی ہیں اور ان پر چھلے چڑھے ہو سے ہیں جو ایک ہی وقت ان پر چھلے ہیں۔ ثابت کروکہ وقت و کے بعد سب چھلے ایک کرے بر ہو جگے وقت و کے بعد سب چھلے ایک کرے بر ہو جگے

جس کا نصف قطر جمولا ہے۔

(۱۲) متعدد کینی مائل سلمین ایک نقطے پر ملتی ہیں اور اس نقطے پر ملتی ہیں اور اس نقطے پر ختم ہوتی ہیں۔ اس نقطے سے تغروع ہوکہ ہیں۔ متعدد کیلئے اجمام اس نقطے سے تغروع ہوکہ مائل سلموں پر نیج کی طرف میسلتے ہیں۔ ثابت کردکہ

مصلہ رفتارین مساوی ہوگئی۔ (۱۵) ایک وزنی جسم ایک مائل سلح کے ارتفاع میں نیجے کو گرتا ہے اور دوسرا اس کے طول میں نیجے کو پیسائ ہے۔ ثابت کروکہ صرف شدہ وقت اس طح بداتے ہیں جس طرح طے شدہ فاصلے اور یہ کہ محصلہ بداتے ہیں جس طرح طے شدہ فاصلے اور یہ کہ محصلہ

رفاریں برابر ہیں -(۱۲) ایک وزنی فرہ ایک چکنی مال سطح بر پنچے کو پیسلتا ہے ۔ سطح کا ارتفاع دیا ہوا ہے -اُبت کروکہ نزول کا وقت اس طیع بدلتا ہے جسطیع

سمت عمودی سے سطح سے میلان کا قاطع۔ (14) ایک عودی دائرے کے متعدد کینے وٹر اسکے سب سے نبلے تقلے پر ملتے ہیں۔ اگر ایک جسم ان پر بنیجے کی طرف پیسلے تو ثابت کرو کہ مصلہ رفتار اس طح برائلي جس طح وترك طول -(١٨) أر دو دائرے اپنے لبند تریں یا بیت ترین نقطے پر سس کیں اوراس نقطے یں سے ایک خط کھینیا جانے ، جو روانو دائروں کو ملے تو اس خطاکا جو عصہ دوانو داٹروں کے اندر ہے اس پر شیجے کو کیسلنے کا وقت ایک ہی رہے گا۔ (١٩) أيك سطح مأل كا ارتفاع ف ب اور افق سے

میلان عہ ہے اور اس پر آیک نالی کھدی موٹی ہے جس کا میلان خط میلان اعظمر سے بہ ہے۔ تو معلوم كروك أكر أيك ذره سط كي چوكي سے اس نالي ميں تو شروع كرك لو وه اس نالي كو كتنے عرصه ميں طے

مرت را الله ایک فاصله ف ، ن مساوی حصص میرتقیم كيا جائے ۔ اور ہرايك صے كے اخبرير ايك متحرك ذرے كا اسراع بقدر ن زیاده کیا جائے تو معلوم کردکہ فاصلہ ف کے کرنے کے بعد ذرے کی رفتار کیا ہوگی اگر وہ حالت سکون سے ہامراع ع حرکت شروع کھے۔

(۲۱) ایک ذرہ حالت سکون سے باسراع ع حرکت شروع سرتا ہے۔ وقت و کے بعد اس کا اسراع ۲ع ہوجاتا ہو جاتا ہو اس کے بعد اس کی ہوجاتا ہو تا ہو سے بعد اس کی ہوتا ہو تا ہو سے بعد اس کی رفتار دریافت سرو اور تابت کرد کہ طے شدہ فاصلہ یہ ہوگا

## + 10 E (+ W + ) (1+ W) W

(۲۲) ایک جم طالت سکون سے شروع ہوکر کیساں اسراع سے حرکت کرتا ہے۔ ثابت کروکد (نابن ۱۰) ویں شارع مین کے میٹو شارہ فاصلہ دو فاصلوں کے میٹو کے مساوی ہے۔ ایک ' پہلے ن ٹانیوں میں طے شکرہ فاصلہ اور دومرا ' پہلے ن ٹانیوں میں طے شکرہ فاصلہ اور دومرا ' پہلے (ن + ۱) ٹانیوں میں طے شکرہ فاصلہ ۔

(۱۲۳) کرہ زمین پر دو خمکت مقام ہیں۔ ایک مقام پر جب ایک ذرہ ایک خاص بلندی سے گرا ہے تو جب ایک ذرہ ایک خاص بلندی سے گرا ہے تو بہتابلہ دوسرے مقام کے اس کی رفتار محصلہ م فث فی ثانیہ زیادہ ہوتی ہے لیکن وقت ن ثابہ کم صرف ہوتا ہے۔ ثابت کروکہ ہر دو مقامات پر جب کی عددی قیمتوں کا اوسط مندسی ہے۔ ہے۔ جب ہے کے عددی قیمتوں کا اوسط مندسی ہے۔ ہے۔ بی کردوم

سنیش پر ج شیرتی ہے۔ دونو سٹیشنوں کے درمیان ایک میل کا فاصلہ ہے اور گاڑی اپنے سفر کے پہلے ، وہ شلت میں کیساں اسراع سے حرکت کرتی ہے اورآخری شنت میں اس کا ابطاء یکساں ہے اور کل فاصلہ طے كرف مين تين منت كت بين - كاري كا اسراع البطاء اور اس کی رفتار اعظم دریافت کرو۔ (۲۵) ایک انجن اپنی الوری جال سے چل رہا ہے۔ اس وقت اچانک اس کو بریک لگا دیا جاتا ہے اور بعاب بند کردی جاتی ہے۔ اس کے بعد پہلے سیکنڈ میں انجن ۸۷ فٹ چلتا ہے اور دوسر کے سیکنڈ مِن ٨٥ فَتْ - دريافت كروكه انجن كي اصلي حال كيا تفي اور وه کتنے وقت میں ساکن ہو جائے گا اور اس قوت میں کتنا فاصلہ طے کرے گا ؟ یہ فرض کرایا جائے کہ بریک سے کیساں ابطاء پیدا ہوتا ہے۔ اور اگر انجن کے ساتھ گاڑی لگی ہو اور انجن اور کاڑی کا طول کے ساتھ گاڑی کا طول ٩٤ گز ہو اور اگر برکی لگنے کے وقت ایک شخص انجن سے ۱۸۲ گز آگے کی طرف کھڑا ہو تو گاڑی کتے وقت میں اس شخص کو گذر جائے گی؟ (۲۹) ایک ریل گاڑی ایک سٹیش سے چل کر دوسر سٹیشن پر جا عیرتی ہے اور اس سفر کے پہلے حصہ میں اسراع ع سے چلتی ہے اور جب بریک لگادئے

جاتے ہیں اور بھاپ بند کردی جاتی ہے تو اس کا ابطاء ع ہوتا ہے۔ اگر سٹیشوں کے ممیان فاصلہ ل ہو تو نابت مردکہ ایک سٹیشن سے دوسرے سنیشن

(۲۷) ایک ریل گاڑی سٹیش کر سے سٹیش ب تک

چلتی ہے اور اس سفر کے پہلے چوتنے حصے میں اس کا اسراع کیساں ہے اور آخری جو تھے عص میں

اس کا ابطاء کیساں ہے اور درمیانی تصفت حصے میں

چال کیساں رہتی ہے۔ نابت کروکہ ریل گاڑھی کی اوسط

جال پوری جال کا ہے ہے۔ (۲۸) ایک بنجر ۲۰۰ فٹ گھرے گڑھے کی تہ

یکساں اسراع کے ساتھ اوپر کو چڑھتا ہے۔ گڑھے

کی بوٹی کے قریب اوپر وار توتِ ساود کی جاتی ہے

اور بنجرے کی عرات محصلہ ہی اسکو عین چوٹی کے بہنیا دینی ہے۔ اگر کل وقت عرف شدہ سے سیکنٹ

ہو۔ معلوم کروکہ حرکت کے پہلے ہے میں اسراع کیا تھا اور زیادہ سے نیادہ رفقار کیا تھی ؟

(۲۹) ایک ریل گاڑی حالت سکون سے شروع ہوکہ

یانج منٹ میں اپنی زیادہ سے زیادہ جال یعنی ۵۰

میل فی گھنٹہ حاصل کرلتی ہے اور اسی جال سے

بلتی رہنی ہے۔ یہاں کیک کہ دوسا سیٹن نضف میں رہنی ہے۔ یہاں کیک کہ دوسا سیٹن نضف میں رہ جایا ہے۔ تو اسراع اور ابطاء کی قیمتیں فٹ سینزڈ اکائیوں میں دریافت کرو اور یہ بھی معلوم کروکہ کل سفر میں جو کیصد میل تھا کتنا وقت صون ہوا۔ اور سارے سفر کے لئے رفتار اور وقت کا خط منحنی کھینیو۔

----



رس اس باب میں ہم اس امر یہ غور کریں گے کہ حرکت کس طرح بیدا ہوتی ہے۔لین بہلے ہمیں چند تعریفات کی ضورت ہوگی۔
اقریفات کی ضورت ہوگی۔
اقریف وہ ہے جو نواس کے ذریعہ محسوس ہو سکے۔
اوہ جس پر قوت لگ سکے یا جو قوت لگا سکے۔
اُر کوئی شخص ادہ کی کیفیت سے ناواقٹ ہو تو ہم مادہ کی کوئی ایسی تعریف نہیں کر سکتے جس سے اس شخص کو مادہ کی کیفیت معلوم ہو جائے۔ وقت اور فضا کی طرح مادے کا تصور بھی اقلی ہے۔
فضا کی طرح مادے کا تصور بھی اقلی ہے۔
قررہ ماقہ کا ایک حصہ ہے جس کے تمام ابعاد نہایت ہو کیے ہوں۔ جو بہر طال اس قدر جھوٹا ہو کہے ہوں۔ جو بہر طال اس قدر جھوٹا ہو کیے ہماری شخصات کی غرض سے لئے اس کے فعلف خصاص ہو ہاری خوات کی غرض سے لئے اس کے فعلف خصاص ہو ہاری خوات کی غرض سے لئے اس کے فعلف خصاص ہو ہو ہو کیے ہوں۔ جو بہر طال اس قدر جھوٹا ہو کیے ہوں۔ جو بہر طال اس قدر جھوٹا ہو کیے ہوں۔ جو بہر طال اس قدر جھوٹا ہو کیے ہوں۔

در میانی فاصلے نظر انداز ہم سکین - بعض اوقات ایک محدود ناپ کا جسم بھی ذرہ سمجھا جا سکتا ہے مثلاً کرکھٹ کی گیند جو اوپر کو پھینکی جائے یا ایک پتھر جو اوپر کو پھینکی جائے یا ایک پتھر جو اوپر سے پنچ کو گرے ۔ اور آفتاب کے گرد زمین کی حرکت پر خور کرنے ہیں نرمین کو بھی ذرہ خیال کر سکتے ہیں ۔

مر سے کرت ہوں۔ جنسی مادہ کا ایک حصہ ہے جو سطوں سے گھرا ہوا ہو اور جوا ہر طرف سے محدود ہو۔ یعنی اس میں ذرات

کی بہت بڑی تغداد ہوتی ہے۔ ایک جسم کی مقدار مادہ سمو کمیسٹ کہتے ہیں۔

ریب بیم می محدور ہوں کہ معالت سکون یا حالتِ او ت وہ ہے جو کسی جسم کی حالت سکون یا حالتِ حرکتِ بلسال کو بدنے یا بدلنے کی قابلیت رکھے۔ شاید طالب علم یہ خیال کرے کہ ان تعربفات سے پورا

منہوم ادا بنیں ہوتا۔ ہم ذیل میں ان تعریفات کی تشریح کرینگے۔

اگرکسی قسم کے مادت مثلاً لو ہے کا چھوٹا سائکر ا ایک چکنی مینر پر بڑا ہو تو ہم اسے ذرا ڈھکیل کر آسانی سے حرکت دے سکتے ہیں۔ اگر اسی لوہے کی زیادہ مقدار لیں تو اتنا ہی زور لگانے سے وہ ایسی آسانی سے نہیں حرکت کر سکیگا۔ اسی طبح اگر ہم نقیم آسانی سے نہیں حرکت کر سکیگا۔ اسی طبح اگر ہم نقیم (بلائمنیم) اور لکڑی کے دو گھڑے ہیں جو ایک ہی

علم حركت ناب اور شکل کے ہوں تو ان پر ایک سازور نگانے سے اثر اور نتیج مختلف بوں گے - الیی ہی ایک اور مثال بر غور كرو - ايك توب كا كوله اور اسى ناپ کا ایک کلری کا گوله لو اور آن کو زمین پر رکھم دونو کو ایک سی محوکم مارو تو لکڑی سے گونے بر الر زیادہ ہوگا اور توپ کے کو لے پر کم - اس طح اگر ایک سی شو کریں دو بیبوں کو نگائی جائیں جن یں سے ایک یانی سے بھرا ہوا ہو اور دوسرا اسی ناپ کا لیکن خالی ہو تو ان تھوکروں کے اثرکا ملاحظہ کرنے سے معلوم ہوگا کہ دونو میں کتنا فرق ہے۔ بیس ان تجربوں سے نابت ہوا کہ اگر مخلف اجسام کو جن کی ظاہری شکل اور طالت ایک ہو ایک سا زور لگایا جائے تو ہمیشہ نیتجہ ایک سا ہنیں ہو گا۔ بتائج میں فرق کیوں ہے صرف اسلتے که ہر ایک جسم کی کمیت کادہ مختلف ہے۔ د ۵۲۷) اگر ایک ہی مقدار مادہ پر دو قوتین کیے بعد دیگرے نگانی جائیں اور ایک مدت معینہ کک انکے عل کرنے سے اس مقدار مادہ میں ایک ہی رقار پیدا ہو تو وہ دو قوتیں مساوی کہلاتی ہیں-اگر دو نخلف مقاویر ماده کو ایک بی توت نگائی جائے اور وہ توت ایک مدت معینہ کک عل کرکے

ہر ایک مقدار میں ایک ہی رفقار پیدا کرے تو دونو

مقادیر مادہ مساوی کملائیں گی۔ طالب علم کو معلوم ہوگیا ہوگا کہ ہم یہاں یہ تسلیم کریلتے ہیں کہ مخلف مواقع پر ایک سی توتیں پیدا كرنا مكن ب - مثلًا ہم يہ مان يتے ين كه اگر ايك عِير دار كاني كو كينيج كر الخلف او قات مي ايك سا لمباكيا جائه اور باتى طلات متعلقة نه بدليس تو مر

صورت میں کمانی کو اتنا کھنے رکھنے میں ایک سی

توت در کار ہوگی۔ اس نے ایک ہی قوت بار بار لگاکر ہم کمیت مادہ مال

کی معیاری اکائی کے مساوی متعدد مقادیر مادہ مال كرسكت بين - اور ساوى مقادير ماده معلوم كرف كا

نظری طریقہ ہو ہر صورت میں ہو سکے یہی ہے ۔ علاً ہم کو معلوم ہوگا کہ مساوی مقادیر مادہ کے اوران

یمی مسادی ہوتے ہیں اور تول کر مقادیر مادہ کا ماہی مقابلہ نہایت آسانی سے ہو سکتا ہے۔

(۵۵) کیت ماده کی برطانوی اکائی مشهنشایی پونڈ

كهلاتي ب اوريه نقريه (بلا ئينم) كا ايك مكوا ب جو ولیسٹ منظریں رکھا گیا ہے۔ اور بعین

اليس اور مكرات ديكر محفوظ مقامات يرسى رفي

باب جهارم

کیت اوہ کی فرانسیسی یا علمی اکائی گرام کہاتی ہے اور نقرید ریلا ٹینم ) کی ایک خاص مقدار جو ہیرس میں رکھی گئی ہے اس کا مزارواں حصہ گرام ہے۔ اس کا مزارواں حصہ گرام ہے۔ ابتداء منشا یہ تھا کہ سنیٹی گریڈ سے ہم درجہ طرز بر خالص بانی سے ایک کمیب سنیٹی میشرکی کمیت مادہ کو گرام کہا جائے۔

یہ اکائی پونڈ سے بہت چھوٹی ہے ایک گرام = ۲۳۲ م ۱۵ گرین تقریباً ایک گرام تقریباً ایک بین پونڈ = ۲ مرم کرام تقریباً ایک پونڈ = ۲ مرم کرام تقریباً

الأنبوركا وه نظام جس مين سنيثي ميشر كالم اور ثانيه بالترتيب طول كيت اده اور وقت كي اكانيال اين الاثنيوركا سي ك ث نظام كهلاتا ہے۔ ايك يكسان جسم سے جم كي اكاني در مقدار اده ہو وه اس جسم كي كافت كهلاتي ہے۔ يب الركسي جسم كي كيت اده م ہو اور اس كا حجم كي كيت اده م ہو اور اس كا حجم سے جم و اور كيافت كي هو تو حم ہو اور اس كا حجم سے جم و اور كيافت كي ہو تو

(۵۷) ایک جسم کا وزن وہ قوت ہے جس سے زمین اس کو اپنی طرف کیبنجتی ہے -بہر ثابت ہو سکنا ہے کر دنیا میں مادہ کا ہر ایک مرایک دوسرے ذرے کو ایک الیبی قوت سے کھینجاہے جو أَدَات كي كميات ماده سے حاصل ضرب كي راست نسبت اور ان کے درمیانی فاصلے کے مربعے کی معکوبس نسبت ہے برلتی ہے۔ بس اس سے یہ نیتجہ نکل سکت بے کہ اگر ایک درہ ایک کرے کی سطح پر یا اس محے اہر واقع ہو تو کرہ اس ذرے کو ایک ایسی قوت سے عینجا ہے جو ذرے اور مرز کرہ کے درمیانی فاصلے کے مربعے کی معکوس نسبت سے بدلتی ہے۔ لیکن زمین کی شکل کامل طور بر کردی نہیں ہے اس کئے اسکی سطے کے نقاط مرکز سے مساوی فاصلوں پر نہیں ہیں۔ بس ایک معینهٔ مقدار ماده بر زمین کی کشش اسکی سطح سے تمام تقاط بر بالکل ایک نہیں ہو سکتی یعنی ایک معینہ مقدار مادہ کا وزن زمین کے محلف مقابا بر قدرے مخلف ہوگا۔ (۵۸) ایک جبم کا معیار حرکت اس کی کیت

ادہ آور رفقار کے حاصل ضرب کے تناسب ہوتاہے۔ اگر معیارِ حرکت کی اکائی کمیت مادہ کی اکائی کے معیارِ حرکت کو لیا جائے جب اس کی رفقار ' رفقار کی اکائی مناسب ہوتی ہے اور اس کی سمت اس خطِ مستقیم کی سمت ہوتی ہے۔ سمت ہوتی ہے جس میں کہ قوت عمل کرتی ہے۔ فالون سوم - ہر ایک عملِ قرت کے متساوی اور متقابل

ایک جواب عمل ہوتا ہے۔

ان تینوں قوانین کا کوئی بربانی یا تجرباتی یا دیگر تبوت بنيس ديا جا سكتاً- ليكن ان قوانين پرتمام علم حركت کی بنیاد ہے اور علم حرکت پر علم ہیٹت بنی ہے۔ اور علم ہینت سے جو متائج حاصل ہوتے ہیں اور جو پیشین اگوئیاں کی جاتی ہیں ان کا تطابق عینی مشاہرات عالم سے اس قدر کمل ہے کہ اس علم کے بنیادی قانین کا غلط ہونا حیطیہ قیاس سے باہر ہے۔ شلا بحری جنتری چار سال پہلے شائع ہوتی ہے اور اس میں چاند اور سیّاروں کی حرکات سے متعلق بیٹین گوئیاں ہوتی ہیں اور سورج گرمن اور چاند گرمن کے متعلق وقت اور مفام کی شرح ہوتی ہے۔ اور یہ تہام بیشین گوئیاں ہمینہ صبح نکلتی ہیں۔ بس مندرج، بالا مین قوانین حرکت کی صحت بر ہارے اعتقاد کی اصلی وجہ یہ ہے کہ جو نتائج ان سے معود ہوتے ہیں وہ ہمارے مشاہدات سے شفق اور مطابق ہیں۔ (۲۰) قانون اول - اس قانون کی مٹال ہمیں آد زمین بر نہیں مل محتی کیونکہ علا یہ نا مکن ہے کہ

کسی جسم کی حرکت سے دوران میں اس بید کوئی قوت عل س

نہ کرے ۔ لین اس قانون کا تقریبی عمل ہم اس صورت میں دیکھ سکتے ہیں جب خشک اور سخت برت کاایک المكوا خشك صاف برف كى افقى سطح پرحركت دياجا كے -برف سے کڑے پر صرف دو قوتیں عل کرتی ہیں۔ایک

برف کے مکڑے اور برت کی سطح کے درمیان فرک یا رکرے دوسری ہواکی مراحمت ۔ برت کی سطح جتنی زیادہ

صاف اور چکنی ہوگی آتی زیادہ دور برف کا محکم ا جانگا۔ اور ہوا کی مزاحمت جس قدر کم ہوگی اسی قدر زیادہ

دور وہ مُكرًا جائے گا۔ اس قانون كا بيان دعوے يه

ہے کہ آگر برون کمل طور پر بھنی ہو اور فرک بالکل معدوم ہو آور اگر ہواکی خراحت بھی نہ ہو اور جسم

پر کوئی اور قوت عمل نہ کرے تو وہ ہمیشہ ایک خط

منتقیم یں کیساں رفتار سے طِتا رہے گا۔ یہ قالوں اصول جمود کو بیان کرتا ہے۔ وہ

اصول یہ ہے کہ کمی جسم کا یہ طبعی میلان ہنیں ہے کہ اپنی سکون کی طالت کو یا خطِ متنقیم ہیں کیساں حرکت کی طالت کو خود بخود بدل سکے سر آگر

لوے کا ایک مکڑا زمین پر بڑا ہو تو وہ خود حرکت نہیں کرسکتا۔ اس کی حرکت اسی وقت مکن ہے جب ایک پیرونی توت اس یر عل کرے - اگر دهات کا ایک ٹکڑا رسسی میں یاند حکر

ایک چکنی افتی مینر پر گھایا جائے اور دوران حرکت میں رسی لوٹ جائے تو چونکہ دھات کے مکٹے پر اب کوئی قوت علی نہیں کرتی اس لئے وہ خطِ مستقیم میں حرکت شروع کرے گا۔ جس نقطے پر دھات سے ٹکڑے کی مدور حرکت بند ہوئی اس نقط پر کے خط ماس کی سمت

حرکت کی سمت ہوگی۔

اگر کوئی شخص ایک نیز چلتی ہوئی ریل گاڑی میں سے کلل کھڑا ہو تو وہ بالعموم کر پڑا ہے۔ اس کے پاؤں زمین کے ساتھ لگتے ہی ساکن ہو جاتے ہیں۔ اور پونکہ جسم کے اوپر کے عصے پر کوئی قوت عل نہیں کرتی اسلنے

اس عصے کی بہلی حرکت جاری رہتی ہے اور وہ زمین

پر گریڑنا ہے۔ اگر ایک شفس گھوڑے پر سوار ہو اور گھوڑا خوب تیز جا رہا ہو اور چلتے چلتے ایانک عمیر جائے تو اگرسوار اچھا نہ ہو تو گھوڑے کے سرکے اوپر سے نیجے -8268

اگر کوئی آدمی ایک گاٹی کی بچملی عگبہ پر منتیا ہو اور کاٹری اجانک چل پڑے او اس آدمی سے پیچے گرنے کا خطرہ ہے۔

(١١) قالون دوم - اس قانون سے ہم قوت

ناپنے کا طریقہ افذ کرتے ہیں۔ فرض کرو کہ ایک جسم کی مقلار مادہ م ہے اور ایک قوت تی اس پر عل کرکے اساع ع بیدا کرتی ہے۔ تنب حسب قانون دوم تنب حسب قانون دوم تنب شرح تبدلِ معیارِ حرکت

م منی تبدلِ م له جهان لر رفتاریه می منی تبدلِ در داگرم غیر تبدل می منی می منی می منی می منی می منی می منی می م

ن ق ح له × م ع جال له ایک مقدار متقل اب فرض کرو که قوت کی اکائی ایک ایس اسراع کی ایک اکائی میں اسراع کی ایک اکائی پیدا کرتی ہے۔

اس سے جب م= اورع = ا اور ع = ا اور ع = ا

لہذا لہ= ا قوت کی اُکائی کا اُتخاب جب یہ ہوگیا تو ساوات بالا کی یہ صورت ہوگی ق = صع اس کئے جب اکائیوں کا مناسب انتخاب کیا جائے تو توت کا ناپ معیار حرکت کی شرح تبدل کے ناپ کے ساوی ہوتا ہے۔

ے منافی ہوا ہے۔

کی اکائی کی مقدار کا انصار کیت مادہ اور اسراع کی اکائی کی مقدار کا انصار کیت مادہ اور اسراع کی اکائی طول ہو ہو۔ اور بہوجب دفعات ۹ و ۲۹ اسراع کی اکائی طول اور وقت کی اکائیوں پر مخصر ہے۔

اس لئے قت کی اکائی کا انحصار کیت مادہ و طول اور وقت کی اکائی کا انحصار کیت مادہ وقت کی اکائی معلوم ہو سکتی ہے۔

بوں تو قوت کی اکائی معلوم ہو سکتی ہے۔

بوں تو قوت کی اکائی معلوم ہو سکتی ہے۔

بوں تو قوت کی اکائی معلوم ہو سکتی ہے۔

بوں تو قوت کی اکائی معلوم ہو سکتی ہے۔

جب تمیت مادہ ، طول اور وقت کی اکائیاں پونڈ فٹ اور ثانیہ ہوں تو ان کی متعلقہ قوت کی اکائی بونگرار کہلاتی ہے۔

پونگرل کہلائی ہے۔
اس نے ساوات تی = مع بالکل درست ہے
بہاں م جس میں پونڈوں کی تعداد ہے اور ق
قوت عالمہ کے پونڈلوں کی تعداد ہے اور ع اسراع
کی اکانیوں کی تعداد ہے جو کمیت مادہ م میں توت
تی کے عل سے بیدا ہوئیں ۔

ں سے ہیں سے بیریں اور ہوری سے بیان کیا جاتا ہے ایک بیان کیا جاتا ہے

اسراع = توتِ مُورِّكُهُ اسراع = مقدارِ مادةُ مُورِّكُهُ

یا دداشت - اس کناب میں قوت کی اکائی پونڈل ہو گی جب تک کہ فاص طور پر کہا نہ جائے ۔ مثلاً جب ہم کہیں گئے کہ ایک رسی کا نتناؤ منت ہے تو اس سنے ہارا مطلب دت پونڈل ہو گا۔ ر ۲۳) جب كميت ماده ، طول اور وفت كي اكائيان

ارم السينظي ميشر اور ثانبه ہوں تو ان كي متعلقہ قوت كي الحائي كو دائين كہتے ہيں - يہ نام ايك يوناني لفظ سے مشتق ہيں - يہ نام ايك يوناني لفظ سے مشتق ہيں -پس جب اس نظام میں مساوات ق = م ع کا استعمال کیا جائے تو قوت کا اندازہ ڈائینوں میں ہوگا اور کمیت ماده کا گرامول میں اور اسراع کا نسینٹی میشر

ٹانیکہ اکاٹیوں میں –

(سه) قوت کی اکائی اور کمیت ماده کی اکائی سے وزن کا ابھی تعلق۔

جیسا کہ دفعہ سام میں بیان ہوا ہمیں معلوم ہے کہجب ایک جسم خلا میں آزادانہ گرتا ہے تو وہ ایک ایسے اساع سے حرکت کرتا ہے جسے ہم" ج "سے تعبیر کرتے ہیں اور جو توت کہ اس اسراع کو بیدا کرتی ہے وہ ہے جسے ہم جسم کا وزن کہتے ہیں۔ اب اگر کمیت مادہ کی اکائی پر قوت کی اکائی عل کرے تو

علم حركت

اس میں اسراع کی اکائی پیدا کرتی ہے اس نے اگر کمیت او کی اکائی پر قوت کی ج اکائیاں عل کریں تو وہ اسراع کی ج اکائیاں پیدا کرنگی (برجیب تانون دوم) لیکن کمیت ماده کی اکائی کا وزن ہی ہے جو اس میں اسراع کی ج اکائیاں بیدا کرتا ہے۔ يس كيت اده كي اكائي كا وزن = قوت كي ج اكائيان (٧٥) اكائيول كافث يوند نانيه نظام-اس نظام میں ج تقریباً ۱۹۲۶۲ کے مساوی ہے ا اس کئے ایک پونڈ کا وزن قوت کی ج اکا نیوں کے برابر ہے یعنی ج پونٹرلوں کے مساوی ہے ، جہان ج = ۲۶۲ تقریباً بیس ایک پونٹل ایک پونٹر کا تقریباً سائنس ہے یعنی

پس ایک پوندل ایک پود 8 نفریوا ہے۔ ہے یہ تفریعاً نضف اونس کے درن کے مساوی ہے۔ بودکہ روئے زمین کے فران کے مساوی ہے۔ بودکہ روئے زمین کے فران کے مساوی ہے جو مہر عگر فران نفلف ہیں اور پونڈل ایک ایسی قوت ہے جو مہر عگر ایک ہی رہتی ہے اس سے یہ نینجہ نظا کہ پونڈکا وزن ایک مقدار مستقل نہیں ہے بیکہ روئے زمین کے فران مقدار مستقل نہیں ہے بلکہ روئے زمین کے فران مقاات پر فخالف ہیں ہے۔

این ساز مقاات بر مختلف ہے۔ مختلف مقاات بر مختلف ہے۔ (۲۲) اکا بیون کا سینٹی میٹر گرام ثانیہ نظام۔ اس نظام میں ج تقریباً ۱۸۹ سے برابر ہے اس سے ایک گرام کا وزن قوت کی ج اکا بیوں کے ساوی ہے یعنی ج ڈائینوں کے برابر ہے جہاں

ج = ۱۹۸ تقریباً پس ڈائین ایک گرام کا تقریباً ۱۹۸ ہے ڈائین پوٹڈل سے بہت چھوٹی اکائی ہے ان کا باہی تعلق بطریق ذبل آسانی سے معلوم ہو سکتا ہے۔

ایک بونڈل = ایک بونڈ کے وزن کا <del>۱ ۱ ایک</del> ایک گرام سے وزن کا ام

 $A = \frac{1}{12} \times \frac{1}{$ (ميوجب دفعه٥٥)

يس ايب يوندل = ٠٠٠ دائين تقريباً

امثله نبری (۹)

(۱) ایک جسم پر جس کی کیت مادہ ۲ پونڈ ہے ایک غیر متبل قوت عل کرتی ہے اور ۵ ٹانیہ میں ۱۵ فٹ فی خانیہ کی رفقار بیدا کرتی ہے۔ اگر جسم اتبدا میں ساکن تھا تو قوت کی مقدار معلوم کرو۔

يزريع ساوات ب ا = ب+ع و

 $r = \frac{10}{0} = 2$  . اگر قوت میں تی پونڈل ہوں تو

ق = ٣ × ٢٠ يوندل (٢) ايك ١٠ يوند كيت ماده والاجسم ايك كيني انقى سطح بريزا ب اور اس بر ايك ٣ يوند وزن كم مساوى قوت علی کرتی ہے۔ دریافت کردکہ ۱ شانیہ میں وہ کتنا

فاصلہ طے کرے گا ؟ سوال بزاین قوت مریکه = سیوند کا دزن = سبج پوندل

اور مقدار مادهٔ محرَّکه = ١٠ يوندُ

يس أكرفط نانيه اكائياً استعال أبول تو اساع = سابح

ن فاصله مطلوبه = الم على الله به ما = ۸۰ م فط (۳) اس قوت كى مقدار معلوم كرو جو ايك كيلو گرام بر ۵ نانيه كى بر ۵ نانيه على كرك اس بين ايك ميشر فى نانيه كى

رفتار بيدا كرے

یهاں رفقار مصلہ = ۱۰۰ سینٹی میشر فی ٹانیہ

اس لنے امراع = ١٠ س گ ف أكانيان

يس قوت = ٢٠×١٠٠٠ دائين= ١٠٠٠ گام كا فرن تقييا = ١٠١٨ أوم كا وزن تقير

(١١) ذيل كي ثين صورتوں بين إسراع معلوم كرو

(۱) ه بوندل کی قوت ۱۰ پونڈ کمیت ماده والے جسم

یر عل کرتی ہے۔

(۷) دلینڈ کے وزن کے سادی قوت ایونڈ کیت مادہ والے جسم پر عل کرتی ہے۔ (۳) ۵۰ پونله وزن کی توت ۱۰ ش مقدار ماده برعمل

(۵) ایک توت ۲۰ یوند کی مقدار ماده میں وافث تانیہ اکائیاں اسراع کی پیدا کرتی ہے۔ قوت کی مقدار پوٹمان میں اور یونڈوں کے وزن میں دریافت کرو-(٢) ایک ایسی قوت معلوم کرو جو ۱۲۰ پونڈ مقدار ماده پر ہ سیکنڈ عل سرکے اس میں ۱۵ فٹ فی سیکنڈ کی رفتار پیدا کرے - مقدار الدہ ایک تھینی مینر پر پٹری ہے اور قوت سمت انقی میں عل سرتی ہے۔ (2) او منڈرڈ ویٹ مقدار مادہ پر ایک قوت اثانیہ علی سرکے اس میں تین میل فی گھنٹہ کی رفتار پیدا كرتى ہے۔ توت كى مقدار معلوم كرو۔ (٨) ٢ يوند وزن كي ايك قوت لم يوند كي مقدار ماده

پر آدھ منٹ عل سرتی ہے۔ اور اتنے وقت میں مصلم رفيار اور طے شدہ فاصلہ معلوم كرو-

﴿ (٩) ایک جسم ایک کیساں قوت سے زیر عل اسیکنڈ

میں ، میشر طے سکرتا ہے قوت کا مقابلہ جسم سے وزن سے کرد اور رفتار محصلہ دریافت سرد -

(۱۰) ایک پوند وزن کی قوت ۱۸ پوند مقدار ماده برایک یکنی افقی سطح پر عمل کرتی ہے -

دریافت کرد کہ ۵۰ فٹ فاصلہ طے کرنے سے بعد اسکی

کیا رفتار ہو گی ہ

علم حركث ،

\*(۱۱) ایک جسم کی کمیت مادہ ۲۰ من ہے اور اس پر
۱۱۲۰۰۰ پونڈل کی قوت عمل کرتی ہے۔ بناؤکہ کتنی بر
میں اس کی رفتار تیس میل فی گھنٹہ ہوگی ؟

(۱۲) ایک من کی مقدار مادہ ۱۰ پونڈ وزن کی قوت کے نیرعل کتنی مرت میں ۱۱۸ فظ کا فاصلہ طے کرے گی؟

(۱۳) بونڈ کی کمیت مادہ ایک افقی چکنی سطح پر
بری ہے۔ ایک کمیت مادہ ایک افقی چکنی سطح پر
بری ہے۔ ایک کمیاں قوت اس پر ۵ سیکنڈ عمل کرکے اس کو اشنے وقت میں ۵۰ فیٹ کا فاصلہ طے کرے گراتی ہے۔ ایک کمیت کرو کہ قوت تقریباً ۲۸ پونڈ وزن کے کراتی ہے۔ نابت کرو کہ قوت تقریباً ۲۸ پونڈ وزن کے کراتی ہے۔ نابت کرو کہ قوت تقریباً ۲۸ پونڈ وزن کے

(۱۴) ایک گاڑی کی مقدار مادہ ۱۲ سن ہے اور وہ چکنی ریل کی سمت ریل کی سنگرک ہیں کھڑی ہے۔ ایک گھوڑا ریل کی سمت میں ایک ہنڈرڈ ویٹ وزن کی قوت کے ساتھ گارٹی کو کیساں کھینچتا ہے۔ دریافت کرو کہ ایک منط میں گاڑی کئنی دور جائے گی ہ

ی در با کام کے وزن کی ایک قوت ۲۷ گرام کی مقدار مقدار ایک سیکنڈ عل کرتی ہے۔ رفتار محصلہ اور طے شدہ فاصلہ معلوم کرو۔ اور اگر ایک سیکنڈ کے بعد قوت کا علی مسدود ہو جائے تو معلوم کرد کہ اس قوت سے شار کرکے ایک منظ میں جسم کئی دور جائیگا ہ

علم حركت

(۱۲) ایک کیلو گرام کے وزن کی قوت ایک جسم پر اسکنٹر مسلسل عل کرتی ہے اور اشنے وقت میں جسم ا میشر طے کرتا ہے۔ جسم کی مقدار مادہ دریافت کرو۔ طے کرتا ہے گئی افقی سطح پر ایک ۹ پونڈ وزن کی قوت ایک جسم پر عمل کرتی ہے۔ ۲۵ فٹ طے کرنے کے بعد ایک جسم کی رقار محصلہ ۱۰ فٹ فی مسکنٹ ہے۔ جسم کی کمیت مادہ دریافت کرو۔

ادہ کریافت کرو۔ (۱۸) ایک جسم ایک چکنی میز پر بڑا ہے اور ایک ۲ پونڈ وزن کی قوت اس پر مسلسل عمل کرتی ہے۔ ساسیکنڈ کے بعد جسم کی رفتار مہم فٹ فی سیکنڈ ہے۔ جسم کی مقدار مادہ دریافت کرو۔

(۱۹) سم پونڈ مقدار مادہ کا ایک جسم جاذبہ ارض کے زیر علی ۱۰۰ فٹ فی ثانیہ کی رقار سے گررہا ہے۔ اس یکسال قوت کی مقدار دریافت کرو جو اسے (۱) ۲ سیکنڈ میں (۲) م فٹ فاصلہ طے کرنے میں ساکن کردے۔ (۲) ایک قوت ۵ پونڈ کی مقدار مادہ برہ شانیہ علی کرکے اس میں ۵ فٹ فی ثانیہ کی رفتار پیدا کرتی ہے اور ایک دوسری قوت ۱۲۵ پونڈ کی مقدار مادہ برایک منظ علی کرکے اس میں ۱۸ میل فی گھنٹہ کی رفتار مادہ برایک منظ علی کرکے اس میں ۱۸ میل فی گھنٹہ کی رفتار بیدا کرتی ہے دونو قونوں کا مقابلہ کرو۔

الروم ایک جسم جس کی کمیت ماده ۱۰ پونڈ ہے طالب

سکون سے ۱۰ فٹ گڑنا ہے اور پھر ایک فٹ ربیت ہیں گھس کر ساکن ہو باتا ہے۔ جسم پر ربیت کا اوسط دباؤ

معلوم کرو ۔

(۲۲) ایک توپ کی نالی کا طول ۲۰۰ سینٹی میٹر ہے اور

اس کے ذریعہ ایک گولہ جس کی مفدار مادہ ۱۰۰۰ گرام

ہے ۱۰۰ ہ م الاطر فی ثانیہ کی رفتار سے چلایا جاتا ہے۔

ثابت کرو کہ توپ چلنے کے وقت گو لے پر عمل کرنے

والی اوسط قوت ۲۲۵ × ۵۶۰ کین ہے۔

(۲۳) ایک توپ یں یں ۱۰۰ پونڈ کمیت مادہ کا گولہ پڑتا ہے۔

اگر توپ کے منہہ سے ایک فٹ کاٹ دیا جائے تو گونے کی رفتار ۱۳۹۰ فٹ فی ٹانیہ سے بدل کر ۱۳۳۰ فٹ فی ٹانیہ رہ جاتی ہے۔ ٹابت کردکہ بارود کی قوت گولے

پر تقریباً ۱۵ س مل وزن کے برابر ہے۔ (۱۲۲۷) آیک گولی جو ۲۰۰ فٹ فی ننانیہ کی رفتار سے جلتی در ایک آئوں میں مرائے گھر جاتی میں ایک کا

ے ایک لکڑی ٹیں ۹ انچ گھس جاتی ہے۔ اگر ایک اور گولی اسی قسم کی بانچ انچ اور گولی اسی قسم کی بانچ انچ موٹی لکڑی میں گھسے تو دریافت کرو کہ کٹنی رفتار سے وہ دوسری طرف نکلے گی۔ لکڑی کی مزاحمت کیساں

فرض کملی جائے۔ (۲۵) ایک موٹر کار مہم کیلومیٹر فی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہی ہے اور برکی نگاکہ اسکو ہم سیکنڈ میں ساکن کردیا جاتا ہے۔ ٹابت کردکہ اس مقام سے جہاں بریک لگائے گئے ہیں ۲۲ میٹر چل کر موٹر کار ساکن ہو گی اور یہ بھی ٹابت کرد کہ بریکوں کی قوت موٹر کار کے وزن کا ۲۸۳ گنا ہے۔

نیز یه بھی کہ یہ توت موٹر کار کو ایک ایسی سطح مال پر ساکن رکھ سکتی ہے جس کا میلان لے ۳ میں آیک ہو ج کی قیمت رو نے زمین سے مختلف مقامات پر مخلف ہے۔ چونکہ پوٹڈ اور گرام کے وزرن ج کی قبت پر مخصر ہیں اس کئے ان کو شجا ذبی اکا ٹیال کہتے ہیں۔ مخصر ہیں اس کئے مناسب (۹۸) کسی جسم کا وزن اس کی مقدار ادہ کے متناسب ہے۔ اور اس کا انحصار مادہ کی قسم پر نہیں ہے۔ اگر ہمارے پاس ایک ہوابند قابلہ کہو جو ہواسے بالکل خالی ہو اور اس میں ایک ہی بلندی سے ایک ہی وقت فملف اقسام کے مادوں کے اجسام نیچ گرنے کے لئے ا چھوڈے جائیں مثلاً دھات کا گلڑا ایکسی پرندے کا پرا كاغذ كا برزه وغيره - تو ان كى حركت كا طاحظه كرنے سے معلوم ہوگا کہ تام چنریں ایک ساتھ گرتی ہیں۔ اور ایک سے فاصلے طے کرتی ہوئی ایک ساتھ قابلہ کی تہ پہنچی میں خواہ ان کو کسی بلندی سے چھوڑا جائے اور خواہ کسی

باب جيارم علم حركت 177 قسم سے مادے ہوں - چونکہ یہ اجسام ایک وقت بی میاوی فاصلے طے کرتے ہیں اس سے ان کی رفتاریں ر نقل مکان کی شرمیں ) اور ان سے اساع ( تبدل رفتار کی شرحیں) ہمیشہ برابر ہونگی -طالب علم بغیر خلا پیدا کرنے کے تجربہ بالا تقریباً کرسکتا ہے۔ ایک ہیسہ اور ایک ہلکی چنرِ مثلاً کاغذ کا پر زہ لو۔ کاغذ کے پرزے کو بینے پر جاکر رکدو اور ان کو افتی وضع میں کو کر بنیجے چھوڑ دو تو وہ دونو اکٹیے ہی نیجے رنيك \_ حالانكم أكر ان كو علىده علىده ايك ساخم چھوڑا جائے تو ہیں کاغذ سے بہت پہلے زمین بر بہنچگا۔ بیبہ کاغذ کے راستے سے ہوا کو سٹا دیتا ہے اور حرکت ویسے ہی ہوتی ہے جیسے کہ گویا ہوا نہیں ہے۔ اب فرض کرو کہ دو اجسام سے وزن ور اور دونلل بیں اور ان کی کمیت مادہ مم اور مم بین - تو چونکہ ان کے اسراع مساوی ہیں اور ج کے برابر ہیں و = م ج و = م ج : و :: م : م جم کا وزن اس کی مقدار مادہ کے تمناسب

علم حركت

باب جيارم

یس جن اجسام کے وزن برابر ہیں ان میں ایک ہیسی مفدار مادہ ہوگی۔

اس کئے اگر دو اجمام کی کمیت مادہ کی نسبتِ معلوم ہو تو ان کے اوزان کی نسبت بھی معلوم ہو گئی۔

مساوات و = م ج ایک عددی مساوات ہے۔ اس کا مطلب یہ ہے کہ جسم سے وزن میں توت سی اکائیوں کی تعداد دو عددوں سے حاصل ضرب سے مساو

ہے ۔ ایک ،جسم کی کیت مادہ کی اکائیوں کی تعداد

اور دوسر اس اسراع کی اکائیوں کی تعداد جو جسم کا

وزن اس میں بیدا کرے ۔ بذریعه دفعه ۱۲ و دفعه نیا تی 🛥

کی ایک جسم کے وزن سے وہی نسبت ہے جو دو

راعون کی آلیس یں نسبت ہے ایک اسراع وہ جو اس جسم میں اس قوت کے زیرعل بیدا ہو اوردوسل

اساع وہ جو وزن کے زیر عل اسی جسم میں بیدا ہو بض مولفین تی اور ع کے تعلق کو صورت بالا

میں آدا کرتے ہیں۔

(49) مقدار ماده اور وزن کا فرق - طاب علم كو يا من كم كسى جسم ك وزن اور مقدار ماده ك فرق كو بخوبي سمجم - ليونكه اجسام كي مقادير ماده كا المره

عادیاً بدریعہ ان کے اوزان کے کیا جاتا ہے اس کئے

ان کا فرق غالباً طالب علم کو معلی نہیں ہے حالانکہ یہ دو نو بالکل فخلف ہیں۔ فرض کرو کہ نوب کا ایک گولہ عین زمین کے مرکز پر پڑا ہے تو وہاں وہ بالکل ہے وزن ہوگا کیونکہ زمین کی قوت جاذبہ عین اس کے مرکز پر صفرہے۔ لیکن نوپ کے گولے کا مادہ وہاں موجود ہے۔ اگر توب کا گولہ وہاں حرکت میں ہو تو اس کو ساکن کرنے کے لئے آئی ہی قوت مطلوب ہوگی جتنی کہ سطح زمین پر مائل حالات میں مطلوب ہوگ جتنی کہ سطح زمین پر مائل حالات میں مطلوب ہو اس سے ظاہر ہے کہ کسی جسم کے وزن کا بالکل معدوم ہونا ممکن ہے لیکن اس کا مادہ ویسے بالکل معدوم ہونا ممکن ہے لیکن اس کا مادہ ویسے بالکل معدوم ہونا ممکن ہے لیکن اس کا مادہ ویسے کا ویسا ہی رہتا ہے۔

اس انتلاط کی وجہ غالباً یہ ہے کہ " پوند"کا لفظ دو مضوں میں استعال ہوتا ہے جو علمی حیثیت سے فیلف ہیں۔ " پونڈ کی مقدارادہ" کے معنوں میں بھی استعال ہوتا ہے۔ اور " ایک پونڈ کی مقدارادہ کا وزن " بھی اس سے مراد ہوتا ہے۔ لیکن طالب کم کو فاص طور پر یہ بات ذہن نشین کرنسی چا ہئے کہ لفظ در پونڈ " کے اصلی صف " ایک پونڈ کی مقدارادہ" ہی ہے۔ اور جب ہم اس قوت کا ذکر کرنا چا ہیں جس سے نہیں اس مقدار ادہ کو اپنی طرف کھیجتی ہے جس سے نہیں اس مقدار ادہ کو اپنی طرف کھیجتی ہے جس سے نہیں اس مقدار ادہ کو اپنی طرف کھیجتی ہے جس سے نہیں اس مقدار ادہ کو اپنی طرف کھیجتی ہے تو ہیں " ایک پونڈ کا وزن " کہنا چا ہئی۔

نہ کہ اوزان ۔ اس لئے چائے کا وزن روعے زمین

باب بيها رم

للكين جب بهم جاشت كوكماني ١١٠ ترازه سك ذيه فتے ہیں۔ تو ایسے تزارہ کے کانٹے کے ساتھ لکا کم ہے وی کہ جانے کے وزن سے کنانی ٹہاں مک اللی اللی بینی جائے کا وزن اس قوت سے مساوی اسے جو کمانی کو وہاں کا کھینی کے نے درکارہے۔ اللہ الس ترازو اور اس جائے کو دوسری عبد مثله لندن ن يجانين - تو جائے كا ورن مخلف موكا ليكور ترازد کی کمانی کو اتناہی کھننے کے لئے آئی ہی قوت مطاوب بوتی - اس نے جائے کا وزن کمانی کو مختلف مقام عمل کینے کا بینی کانی دار ترازو سے توننے میں جانے

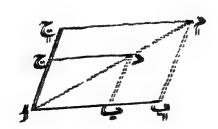
كا ونين تخلّف معلوم ديكا\_ الروه مقاات ل اور جب ایسے بوں کہ ل پر ج کی تیت دوسرے مقام پر ج کی قیت سے نواده مو تو او پر جائے کی ایک دی ہوئی مقدار کا وزن کانی دار ترازو سے تولنے میں دوسرے مقام يرك وزن سے زيادہ ہوگا۔

منال (۱) خط استوا یر ج کی قیمت ۱۹۲۶۹م منال (۱) خط استوا یر ایک سود اگر خط استوا یر ایک سود اگر خط استوا یم ایک خلاتا کی ایک خلات کی ایک خلاتا کی ایک خلاتا کی ایک خلاتا کی ایک خلات کی ایک خلاتا کی خلاتا کی ایک خلاتا کی خلاتا کی ایک خلاتا کی ایک خلاتا کی ایک خلاتا کی ایک خلاتا کی خلاتا کی ایک خلاتا کی ای

اور لندن میں فروخت کرتا ہے۔ اگر وہ دونو مقاموں یر خرید و فروخت کے لئے ایک ہی محانی دار ترازو استعال کرے کو دریافت کردکہ لندن میں کس قست پر وہ جائے فروخت کرے کہ اس کو نفع ہونہ نقصان جائے کی جس مقدار کا وزن خط استوایر ایک یونڈ کاوزن ہے لندن میں اس کا وزن مرد مراس بونڈ کے وزن کے مساوی ہوگا۔ بس اس کوچا ایک شلنگ میں ۲۲۲۳ بوٹد چائے دے <u>٣٢٠٩</u> شلنگ ني بوند مقام ال برج ٢١٥ ١١١ ب اور ے مقام ب پر ج کی قیمت ۱۹۲۶۱۲ ہے۔ موداگر او پر دس پوئد فی ہنڈرڈ ویٹ کے سے کچھ سامان خرید تا ہے اور ب پر خرير آور فروخت دو نومين آيك ہی کانی دار ترازو استعال کرتا ہے۔ اگر اس کو ۲۰ فیصدی نفع ہو تو نابت کرو کہ اس کی قیمت فروخت یا پونڈ ہے۔ بنس فی ہنڈرڈ ویٹ ہے۔ (اے) قو تول کا طبیعی استغنا ۔ قانون دم کا افری حصر یہ بیان کرتا ہے کہ حرکت کی تبدیلی جو آخری حصر یہ بیان کرتا ہے کہ حرکت کی تبدیلی جو کسی قوت کی وجہ سے ہوئی ہے وہ قوت کے خط على كى سمت يى ہوتى ہے۔

گولے ایک مینر کے کنارے پر رکھے جائیں اور اور ان کو اس طح چوٹ لگائی جائے کہ دونو ایک ی وقت مینر سے علی ہوں اور مبنر سے علی ہو۔ تو وقت ان کی رفتاروں میں خواہ کتنا ہی فرق ہو۔ تو دونو کو لین کے خواہ دونو کو لین کے خواہ ان کی مقادیر مادہ اور ان کی ابتدائی رفتاریں کھم ہی ان کی مقادیر مادہ اور ان کی ابتدائی رفتاریں کھم ہی شافولی اسراع اور رفتاریں نہ تو ان کی مقادیر مادہ پر منصر ہیں اور نہ ان کی ابتدائی رفتاروں پر۔ منصر ہیں اور نہ ان کی ابتدائی رفتاروں پر۔ منصر ہیں اور نہ ان کی ابتدائی رفتاروں پر۔ منصر ہیں اور نہ ان کی ابتدائی رفتاروں پر۔ میں اور نہ ان کی مثال بھی ویسی ہی ہے جو گھوڑے ہم

علی الب براہ ایک علقے میں سے کون ایا ہے۔ ہوہ گوئے کی جائے ہے۔ ہوہ گوئے کی جائے ہے۔ ہوہ گوئے کی جائے ہے ہے۔ اس کی آقی الفقار دی ہے جو گھوڑے کی جائے ہے۔ اس کی آقی الفقار دی ہے جو گھوڑے کی ہے اور وہ وہ ستور اسونت بھی جاری رہتی ہے جب دہ کور کے گھوڑے کی ہیٹھرے جو گھوڑے ہے۔ اس نے جب دہ کور کے گھوڑے کی ہیٹھرے جو الموں آتا ہے۔ اس نے جب دہ شیخے اوالیس آتا ہے جبال قو جین گھوڑے کی ہیٹھ نے اس کے جبال موتا ہے۔ اس نے جب سی عگر آ جینجھ اے جبال سے وہ کودا تھا۔



چونکہ ذرے کا اسراع سمت اب میں ع ہے تو س سبت میں قوت ق (= م ع ) ہوئی۔ ابی طح سمت الرج میں قوت تی (= هم ع) ہوگی- فرظر کرو کہ اور ارج ان قولوں کو مقدار اور سمت عبير كرتے بن - متوازى الا ضلاع إب نكييل كرو - تو چونكه لاب اور لا بع كي سمتون میں جو قوتیں عل کرتی ہیں وہ ان سمتول سے اسروں کے متناسب ہیں اس کئے

: > · : · · · · · · · · · · · بدریعه علم بندسه لا د اور د ایک ی خط

ستقیم میں بین -اور خ اور: اور: اوب اوب اس سے ظاہر ہے کہ جو اسل کو سے تعبیر ہوتا ے اس کو بیدا کرنے والی قوت اور سے تعبیر مولی۔ ینی ادر اس قوت کو تعبیر کرا ہے جو قوتوں اوب

اور ا بح کے ساوی ہے۔ پس قوتوں کے متوازی الاصلاع کا سٹلہ ثابت

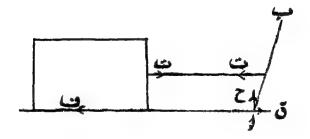
جو بالفاظ ذیل بیان ہو سکتا ہے۔ اگر ایک ذرے پر دو تویس عل ترین جو مقدار اور مت میں ایک متوازی الاضلاع کے دو اضلاع متصلہ سے تعبیر بہوں تو دونو ملکر ایک ایسی قوت سے ساوی ہوگی

اجهام کے درمیان باہی عمل ہوتا ہے اس باہمی عمل ، کو تعامل کہتے ہیں یعنی نیوٹن کا عمل اور جواب عمل دو نو مل کر تعامل کہلا تے ہیں ۔

مثالين

(۱) اگر ایک کتاب میز پر بڑی ہو تو جس قوت سے کتاب کو کتاب میز کو بنیج دباتی ہے اسی قوت سے میز کتاب کو اوپر دباتی ہے ۔

(۲) اگر ایک شخص ایک وزن رسی میں باندھکر اسے اٹھائے تو رسی ایک طرف تو وزن کو ایک خاص قوت سے اور دوسری طرف اس شخص سے اوپر کو کھینجتی ہے ۔ اور دوسری طرف اس شخص کے ہاتھ کو اسی قوت سے بنیجے کو کھینجتی ہے ۔



شکل میں ارمی آدمی کے جسم کا مرکزی خط ہے۔ ق اور سے وہ افقی اور عمودی قوتیں ہیں جن سے زمین اس کے پاؤں کو دباتی ہے مساوی اور شقال ہیں جن سے پاؤں زمین کو دباتے ہیں۔ دن رسی کا تناؤ ہیں جو اس کے سروں پر متقابل سمتوں میں عمل کرا ہے۔ اور دن وہ افقی قوت ہے جو زمین اور جسم کے درسیان حصے۔

علم حرکت کرتا ہے کیونکہ ت ک ت آدمی حرکت کرتا ہے کیونکہ ت ک ت جسم حرکت کرتا ہے کیونکہ ت ک ت ک ت بینی اُبتداؤ حرکت میں تی ک ت ک ت جب آدمی اور جسم کیساں حرکت کر رہے ہوں تو یہ تینوں قوتیں برابر ہوگی۔ (۵) اگر بربڑ کے ایک تسمے کو ایک آدمی دونو ہاتھوں سے
لیمنی کر لمبا کرے تو جس قوت سے تسمہ ایک ہاتھ کو
لیمنی کر لمبا کرے تو جس قوت سے تسمہ ایک ہاتھ کو
دو دیل گاڑیوں کے درمیان جو گذیاں ہوتی ہیں وہ ایک
دو مرمی گاڑی کو اسی قوت سے دھکیلتی ہیں جس قوت سے
دو مرمی گاڑی کو۔



آسان سوالات کے حل میں انکا استعال دو ایسے ذرات کی حرکت جو ایک رسی مرلوط ہیں ۔ ذرے جن کی مقادیر مادہ ہم اور ہم ہیں ایک رسی کے سروں سے بند سے ہیں اور رسی ایسی سے اس کا طول ہیں برصتا۔ رسی وتی ثابت کینی چرخی بر سے گذرتی ہے۔ تو اس نظام کی حرکت معلوم کرو اور فرض کروکہ رسی کا تناؤ مت پونڈل ہے۔ چونکہ چرخی چکنی ہے اس نئے رسی کا تناؤ اس کے طول کے ہراکی مقام پر کیاں ہے۔

باب وجم

کرو کہ دونو جسموں کا طے کردہ فاصلہ نایا جا سے۔ چرخی پر
ایک ہلی رسی چڑھاؤ جس کے سروں سے دو جسم بندہ
ہوں جن کی کمیت ادہ مسادی ہو ( دفعہ ۸۲ میں جوشکل
ط کے جسم ہیں وہ موزوں ہیں) تجربے سے جسم سے
معلوم کرو جس تو ایک طرف کے جسم ط پر رکھنے شہر
وہ جسم بہت آہستہ اور کیساں رفتار سے نیچ کو آپ
یہ جسم سے عوا چوٹا ہوتا ہے ہم اسے نظرانماز کرنگے۔
اب اسی جسم ط پر ایک اور جسم تی ایسا رکھو کہ
اس میں زبین کی طرف اسراع ع سے حرکت پیدا
اس میں زبین کی طرف اسراع ع سے حرکت پیدا
کرے ۔ اسراع ع ضابطہ مندرجہ بالا سے معلوم ہوگا
کیونکہ م = ط + تی اور جم

ن ع = رم - مراع = عرائد : ع = مراء عرائد = عرائد المراء عرائد المراء

فاصلہ ف جو جسم نے لیے کیا ناپو اور جتنی مت و میں یہ فاصلہ طے مہوا وہ بھی معلوم کرو۔ تو

ن= اع وا= الم الم الق ج وا

اس سادات بیں سوائے ج کے سب مقادیر معلوم بیں لہذا ج کی قیمت بھی معلوم ہوسکتی ہے۔

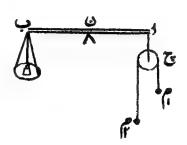
علم حركت ایک تجرب میں ہم نے ایلو مینم کی الکی چرخی استعمال کی تھی اور ط ۲۹۵ گرام تھا دفعہ ۸۲ کے جسم ق کی شکل کا ایک ہم ق کی شکل کا ایک ہم گرام کا جسم ط پر رکھنے سے بہت شکل کا ایک ہم گرام کا جسم ط پر رکھنے سے بہت ہی اہم تنہ حرکت بیدا ہوئی یعنی اس جسم کا وزن رگڑ کی فراحمت بر عین غالب آیا۔ ایک زائد جسم و گرام کا رکھنے سے حرکت باسراع بيداً ہوئی اور ٥٥٥ ثانيوں بين ٨ فظ كا فاصله طے ہوا [یہ وقت بدریعہ ایک روک گھڑی رے صبح طور پر معلوم ہو سکتا ہے۔ اگر ایک معمولی گھڑی ایسی ہو جوالک سیکنڈ میں جار دفعہ آواز دے اس کو کان کے ساتھ لگانے سے بھی وقت کھیک معلوم ہوسکتا ہے۔ کئی دفعہ تجربہ کرکے اوسط لینا چا ہے] اگر ہم ہم گرام کو نظر انداز کریں جو فرک کو مغلوب اگر ہم ہم گرام کو نظر انداز کریں جو فرک کو مغلوب کرنے کے لئے استعال کیا گیا تھا تو م = ۲۲۵ + ۹ اور

440 = 6

ع = وم

(010) <del>29</del> += 1

" - = <u>ראץ אף אאץ = אוא</u> שקבו اس تجرب سے یہ اچھا ظاملہ نینجہ ہے۔ علم حرکت اس بنجم مساوات ۳۱) مندرجه بالا میں تناؤ ت کی جو قیمت معلوم ہوئی اس کی تصدیق بدریعہ تجربہ ذبل ہوسکتی ہے۔



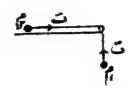
ایک کیمیاں سلاخ الب اپنے نقطہ وسط ن کے گرد گھوم سکتی ہے اس سے سرے ب سے ایک برا لگتا ہے اور دوسرے سرے ال سے جارے برا لگتا ہے اور دوسرے سرے اگر دوران حرکت ہیں تجربہ بالا کی جرخی لگتی ہے۔ اگر دوران حرکت ہیں جرخی سے ساکن ہو تو رسی ال جے کا متاؤ برریجہ مساوات (۳)

 إبرتسه

الله مور الدور ال

( ف ) و ف ع جن کی مقادیر ماده می اور ج ی اور ای می اور ای می ایک ایک یکی سے بندے ہیں ج کھنے سے بڑھ

علم حرکت اس الم البخب بنیں رسکتی ۔ هم ایک چنی مینر پر رکھا ہے اور رسی ایک بیلی مینر پر رکھا ہے اور رسی ایک بیلی چنی بر سے گفتی ہے جو مینر کے کارے پر نصب کی گئی ہے اور مم آزادانہ لٹکا ہے۔ مم اور هم کی حرکت معلوم کرو



فرض کروکہ رسی کا تناؤ ت پوندل ہے۔ میر پر م کی رفیار اور اسراع افتی سمت میں ساوی ہونگے م کی رفیار اور اسراع سے جو سمت شاقولی میں ہیں۔

یں مرب فرض کرو کہ اسراع مشترکہ ع ہے۔ م پر نیچ کی مرب عل کرنے والی قوت م ج۔ت ہے۔

ن م ج - ت = م ع . . . . . . (1)

م بر افعی سمت میں عل کرنے والی قوت صرف
مناؤ ت ہے (کیونکہ م کا وزن مینر کے جوابی
عل کے ساتھ متوازن ہے)

ی دے ہم ع ٠٠٠٠٠ (٢)

بالبيحبهم علم حركت 104 ساوات (۱) و (۲) پرعملِ جمع کرنے سے هم ج = ( هم + هم ) ع ن ع = مم + مم ج جو اسراع مطلوب ہے اس کے بریعہ (۲) ت = مم مم جم ج پونڈل =ایک ایسے جسم کا وزن جس کی مقدار مادہ ہے ہے ہے ہے اور ہے ہیں ایک روم ہیں دو جسم جن کی مقادیر مادہ ہم اور ہم ہیں ایک سطح مائل پر رکھا ایک سطح مائل پر رکھا ہیں ہے جس کا میلان افتی سے عمہ ہے ۔ سطح مائل کی چوٹی پر آیک چوٹی ہے جس پر سے رسی گذر کر دومیری طرت مم كو سبهارتي ب جوسمت شاقولي مين لظكما ہے۔ اگر هم نینجے کی طرف اترے تو هم اور هم کی حرکت دریافت کرو۔ فرض کرو که رسی کا تناؤت يوندل ي - يه ظاهر بكه هم کی رفتار اور اسراع سطحکے أولير كى طرف بالترتيب مسآوى

علم حركت باب يحجم ہیں ہم کی رفتار اور اساع کے شاقولی سمت ہیں۔ فرض کرو کہ یہ مشترکہ اساع ع ہے۔ مم کی حرکت کے لئے رہا ہے م ج کا جزء شحلیلی سطح مائل کی عمود وار سمت میں سطح سے جوابی عل ح کے ساتھ متوازن ہے کیونکہ م كا اسراع سطح كى عمود وارسمت مين تجه نهين ب-وزن کا جزء سطی مالل پر نیجے کی طرف فی ج جب عد اور اس کے اور اس کے کل قوت سطے سے اور کی طرف (ت- می ججب عد) اس کئے سے م ج جب عہ = م ع ٠٠٠٠- ٢٥) (١) و (٢) پر عل جمع كرنے سے باساني  $= q(3-3) = q = [1-\frac{q-q+n}{q+n}]$ = <del>هم هم (۱+جبعم)</del> ج

علم حرکت باب بنجم جو رسی کا تناؤ ہے۔ •

امثله نبري (۱۰)

(۱) ایک رسی جس کے سردن سے ۹ پونڈ اور ۹ پونڈ کیت ادو کے جسم بندھے ہوے ہیں ایک چکنی چڑی پر سے گذرتی ہے۔ اس نظام کی حکت اور رسی کامتاؤ معلم کرو۔

در بن البیہ میں دو ذرون کی کیت مادہ ۱۱ پونڈ اور ۱۳ پونڈ ہے دونوں ایک ہلکی سی رسی کے دونوں سروں میں بند سے ہوے ہیں رسی ایک ہلکی سی رسی کی چرخی پر چرطعا دی گئی ہے۔ دنیا کرو (۱) چار ثانیہ کے بعد رفار (۲) چار ثانیہ میں طبح شندہ فاصلہ ۔ اگر جار ثانیہ میں مرایک ذرہ کتا فاصلہ طبح تو اس کے بعد ۲ ثانیہ میں ہرایک ذرہ کتا فاصلہ طبح

کرے گا ؟ (س) - ہم اور ۵۵ گرم کے دوجسم ایک ڈورے میں بندھے ہوے ایک چکنی چرخی پر لٹکا دئے گئے ہیں۔

على حركمت

باب ينجم

دریافت کردکه پہلے تبن ٹانیہ میں وہ کتنا فاصلہ مطے کرنیگے اور رسی کا تناو کیا ہوگا ؟

(۵) دو جسموں کی مقادیر مادہ ۵ پونڈ اور کا پونڈ ہیں۔ ان کو ایک رسی سے باندھکر ایک بے فرک چرخی پر انکا دیا گیا ہے اور چرخی ایک کا نئے سے نشکتی ہے۔ اگر حرکتِ اجمام کو نہ روکا جائے تو نابت کروکہ کانٹا

ا بونڈ وزن کی قوت سے نیچے کھیگا۔

( لو ) تین نین پونڈ کے دو مسادی جسم رسی سے باندھکم ایک کھونٹی پر نظا دئے گئے ہیں۔ اگر تین پونڈ کا ایک تیسار جسم ان میں سے ایک پر رکھ دیا جائے تو دیافت کرو کہ کھونگئی کے دباؤ میں کس قدر اضافہ ہوگا ہ

() دو مسادی جسم جن میں سے ہرایک کی کمیت ط ہے ایک رسی سے مربوط ہیں جو ایک کھونٹی پرسے

ط ہے ایک رسی سے مربوط ہیں جو ایک کھونٹی پرسے گذرتی ہے۔ ان میں سے ایک پر ایک تیسرا جسم د کمیت ط) رکھ دیا گیا ہے۔ دریافت کروکہ کھونٹی

ر میت ط) رکھ دیا گیا ہے۔ دریاف مرد پر کا دباؤ کس قدر زیادہ ہو جائے گا ہ

(۸) دوجسم جن میں سے ہرایک کی کمیت م ہے ایک رہیت م ہے ایک رہی جرخی پر سے ایک رہی چرخی پر سے گذرتی ہے۔ دریافت کروکہ ایک جسم میں سے کسقدر

گذرتی ہے۔ دریافت کروکہ ایک جسم میں سے کسقدار مادہ نکال کر دوسرے جسم پر رکھدیا جائے کہ یہ نظام بانچ سیکنڈ میں ہدفاک فاصلہ طے کرے۔

باب يحجم

عام حركت (٩) تین پویڈ کا ایک جسم سمت شاقولی میں نیچ کی طرف حرکت کرے ایک رسی کے ذریعے جو ایک چرخی برے گذرتی ہے ایک دو پونڈ کے جسم کو اوپر کی طرف کھنچا ے - پانچ سیکنڈ کے بعد رسی لوٹ جاتی ہے ۔ دریافت كروكه دو يوند كا جسم اوركتنا اونجا جاعے گا ؟ (۱۰) 9 پونڈ ممیت کا ایک جسم ایک چکنی مینر پر اس سے كنارے سے آتھ نط كے فاصلے بر ركھكر رسى سے بازم دیا گیا ہے اور رسی میزے کنارے پر سے گذر کر دوسے سرے پر ایک پونڈ کیت سے جسم سے بندھی ہے۔ وریا

(۱) مشترکه اسراع

(١) كُنْنَى ورت مِين جسم مينر كارب بربه جيكا و (٣) مينر پر سے گرتے وقت اس كى رفقاركيا ہو گى ؟ » (۱۱) ۱۵۰ گرام کمیت کا ایک جسم ایک بیکنی میزیر آسکے کنارے سے ۲۵ و ۲۸ سنٹی میٹر کے فاصلے پر رکھا ہے اور ایک ہلکی رسی کا ایک سرا اس جسم سے بندھا ہے اور پیم رسی میر کے کنارے پر سے گذر کر دوسری طرف بچاس گرام کے ایک جسم کو سہارتی ہے جو آزادانہ لطکتا ہے۔ دریافت کروکہ پہلا جسم کتنی مت میں میزیرسے 950 10 (۱۲) ایک ذرہ جس کی کمیت ۵ پونڈ ہے ایک چکنی مامل

علوحركت سطح پر رکھا ہے جس کا میلان افق سے ۳۰ ہے۔ ایک رسی اس ذرے سے باندھکر سطح کی چوٹی برسے گذار دی گئی ہے اور اس کے دوسرے سرے پر سا پوٹڈ کمیت کا ایک ذرہ باندھ دیا گیا ہے جو بلا نگلف لٹکتا ہے۔ دریافت کرو (۱) مشترکه اسراع (۱) رسی کا تناوُ(۳) مسیکنگه مے بعد رفتار رہم ، ۳ سیکنڈ میں طے شدہ فاصلہ -(۱۳) مم یوند کمیت کا ایک ذرہ ایک مال سطح کے یایہ پر رکھا گیا ہے جس کا سیلان افق سے ہم ہے اور طول ، فط ہے۔ اس ذرے سے رسی باند حکر سطح کی چوٹی پر سے گذاری گئی ہے اور رسی کے دوسرے سرے پر سا پونڈ کمیت کا ایک ذرہ بندھا ہے جوسمت شاقولی میں لٹکتا ہے اس صورت میں مشترکہ اسراع دریا كرو اور يه بهي معلوم كروكه ببلا ذره كتن وقت بين سطح کی چوٹی پر پہنچیگا ہ (۱۲۷) ایک سطح مائل کا طول اس کے ارتفاع سے دوگنا ہے اس کی چوٹی پر ایک چرخی لگی ہے جس پر ایک سی گذرتی ہے۔ رسی نے ایک سرے سے ۱۲ پونڈ کمیٹ کا ایک جسم بندھا ہے جو سطح مائل پر رکھا ہے اور دوستر

سرے کے میں اور کی کیا ایک جسم بندھا ہے جو نیج لٹکتا ہے۔ دریافت کرو کہ ۵ سیکنڈ میں دونوجسم کتنا فاصلہ طے کرینگے ؟ باب ينجم

تناؤ اور نظام کا اسراع دریافت کرو۔

علم حركيت

(۱۹) ایک رسی ایک چرخی پر چڑھی ہے اس کے ایک سرے سے اپونڈ وزن بندھا ہے اور دوسرے سرے

سے م اور م پونڈ کے اوزان سندھے ہیں۔ ۵ سیکنڈ

کی حرکت کے بعد ہم یونڈ کا دزن علیارہ کردیا جاتا ہے۔ دریافت کرو کہ کتنا مزید فاصلہ طے کرنے کے بعد

وزن ساکن ہو گئے ہ

رد) دو نا مساوی جسم ایک رسی سے باندھکر ایک چنی پر چرط دئے گئے ہیں۔ ثابت کروکہ دوران حرکت میں چرخی سے مورکا دباؤ اس سے سہاروں پرجسہوں مے

مجموعة اوزان سے كم ہے-

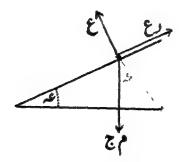
(۲۱) ایک رسی ایک کینی میرپر اس کے دو مقابل سے کنارون ہیر عمود وار بڑی ہے اور اس کے سروں سے دو جسم بندھے ہیں جن کی کمیت ط اور ق ب اور جو ممت شاقولی میں لگتے ہیں۔ اگر ایک

جسم جس کی کمیت هم ہو رسی کے اس حصے سے ہاندھ دیا جائے جو مینر پر ہے تو ثابت کروکہ اس

نظام کا اسراع طردی ج ہوگا۔

(۷۷) ایک کھردری سطح پر حرکت ۔ ایک ذوہ ایک دوہ ایک کا ایک کھردری سطح مال پر نیجے کی طرف بھسکتا ہے۔

عامرکت باب پنجم اگر سطح کا میلان افق سے عمر ہو اور قدر فرک لر ہو تو حرکت دریافت کرو۔ فرض کروکہ فرہ کی کمیت م ہے تو اس کا وزن م ج پونڈل ہوا۔ فرض کرو کہ سطح کا عمودی عمل ع ہے اور فرک لرع ہے۔



سطح کی عمودی سمت میں کل قوت

= (ع - م ج جم عه) پونڈل

سطح کے نیجے کی طون کل قوت

= (م ج جب عه - له ع) پونڈل

چونکہ سطح کی عمودی سمت میں حرکت نہیں ہوسکتی اسلئے

حرکت میں تبدیلی بھی نہیں ہوسکتی - یغی اس سمت

میں اسراع صفر ہے - لہذا اس سمت میں کل قوت

بھی صفر ہوگی 
بنی سطح کے نیجے کی طرف اسراع

نیز سطح کے نیجے کی طرف اسراع

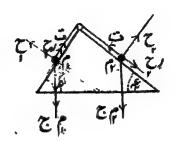
میں اگر ذرہ حالت سکون سے شروع ہوکر سطح کا طول ل طے کرے تو اس صورت میں اس کی رفتار مصلہ

بروجب دف ۲۲ ۲۶ (جبعه-رجمعه) بوگی

اسی طح اگر ذرہ سطح کے اوپر کی طرف بھینکا جائے تو ہمیں لے علامت بدنی بڑے گی اور اس کا اسراع اسکی حرکت سے متعابل سمت میں ج رجب عد + رخبم عد) ہوگا۔ (۸) ایک سی کھردری دو مال سطوں سے ارتفاع ساوی ہیں اور ان سے میلان افق سے عبہ اور عبہ ہیں دونو سطوں کو جوڑ کر اس طح رکھا گیا ہے کہ ان کی چوٹیاں ملتی ہیں۔ دو جسم مم اور مم جو ایک رسی سے بندھے ہیں دونو سطوں پر رکھے گئے ہیں اور رسی ایک چرخی پر سے گذرتی ہے جو سطوں تی مشکر چوٹی پر لگی ہے۔ اگر م نیجے کی طرف بیسلنا شروع کرے تو حرکت دریافت کرد۔

فرض کرو کہ رسی کا تناؤ سے ہے۔ اور فرض کروکم

سطوں سے عل م اور م ہیں اور قدر فرک ل ہے۔



چونکہ م کی حرکت نیجے کی طون ہے اس نے اس پر ذرک لمذا مم يريني كى طرف على كرف والى كل قوت = م ج جبع - ت - رح = مج (جب عه - رحم عم) - د يس أكر دولؤ ذرول كا مشتركه اسراع ع مو تو م ج (جب عه - رحمعه) - ت = م ع .... دا) اسی طح می پر اوپر کی طرف عمل کرنے والی کل قوت = ت- رع- ۾ ججب عم = ت - م الج (جب عه + رحم عه) لندات م ج (جب عمر احجم عه) = م ع المرادم (۱) اور (۲) کو جمع کرنے سے ع (٩+٩) = ج م (جب عه-رجم عه)-م (جب عه+ رحم عه) بأب ويتجم

علم حركت اس ماوات سے اسراع مطلوبہ حاصل موگا۔ روی) ایک ریل گاڑی کی کیت ۵۰ ٹن ہے۔ جس ایل سطرک پر گاڑی اوپر کی طوت جا رہی ہے اس کا میلان ١٠٠ ميں ايك ہے - انجن كي مشقل قوت ايك سن ورن کے ساوی ہے اور فرک وغیرہ کی فراحمت فی شن م یونڈ وزن کے برابر ہے۔ گاڑی کی حرکت کا اسراع دریافت

حرکت کو رو کئے والی توتیں دو ہیں۔ ایک گاڑی کے وزن کا جزء تحلیلی سطح مائل سے نیج کی طرف دوسری مزاحمتِ فرك وغيره -

فرکی مزاحت ۸ × ۵۰ ینی ۲۰۰۰ پونڈ وزن کے برابر ہ زاویہ میلان عد ہے جہاں جب عد = الم گاڑی کے وزن کا بزء تحلیلی سطح مائل سے نیجے کی طرف = وزن بحب عد = ۵۰ × ۲۲۳ × الوند وزن

= ۱۱۱ بوند وزن

پس جلہ قوت ہو حرکت کو روکتی ہے = ۱۵۲۰ یونڈ وزن لیں ابن کی قت ، ہم ۲۲ پونڈ دزن سے ساوی ہے اس کئے چال کو بڑھانے والی قوت (۱۵۲۰-۱۵۲۰) ینی ۲۰ پونڈ وزن یا ۲۰ ج پونڈل کے مساوی م مقدار ماده جس کو حرکت دی جاتی ہے ۵۰ ۱۲۲۰ بوٹ

پس اسراع = جوہ ہوگیا تو ہم ہوجب دفعہ اکائیاں جب اسراع معلوم ہوگیا تو ہم بوجب دفعہ ۱۳۲ وقت مفروض میں عاصل شدہ رفار اور طے شدہ فاصلہ معلوم کرسکتے ہیں -

اشله نبسری (۱۱)

(۱) ۵ پونڈ کمیت کا ایک جمع ایک کھردری میز پر رکھا ہے اس سے ایک رسی بندھی ہے جو میز کے کنات پر سے گذر کر دوسری طرف ۸ پونڈ کمیت سے ایک جمع کو سہارتی ہے۔ اگر قدر فرک ہے ہو تو حاصل اسراع در یافت کرو۔

رسی لوطنے کے بعد ق جس مقام پر ساکن ہوگا اسکا

علم حرکت

باب پنجم

فاصلہ تی کے مقام اول سے دریافت کرو۔
(۳) ۲۰۰ گرام کیب کا ایک جسم ایک رسی سے باندھ کر
ایک کھردری مینر پر رکھا گیا ہے اور رسی مینر کے کنائے
پر سے گذر کر دوسری طرف بم گرام کمیت کے ایک جسم
کو سہارتی ہے جو نیچ لگا ہے۔ مینر چکنی ہونے کی
صورت میں جتنے وقت میں یہ نظام ایک مفوضہ رفتار
عال کرے اس سے دو گئے وقت میں مینر کھردری ہونیکی
صورت میں وہی رفتار حال ہوتی ہے۔ قدرِ فرک
دریافت کرد۔

ہوگا اور رفقار محصلہ کیا ہوگی ہو (۵) اگر سوال بالا میں جسم سے رسی بندھی ہو جوسطے کی چوٹی پر سے گذر کر دوسری طرف ۱۵ پونڈ کمیت سے جسم کو سہارے تو دقت اور رفالہ دریافت کرو۔ (۱۴) ایک محردری سطح کا طول ۱۰۰ فٹ ہے اور اس کا میلان افق سے جب ہے اور قدر فرک ہے ہے۔ ایک جسم حالت سکون سے سطح کی چوٹی پر سے نیج کی ۱۵ بسبجم

طرف کیسلتا ہے۔ دریافت کرو کہ سطح سے سیجے سرے پر جسم کی کیا رفتار ہوگی ؟

اگر جسم سطح کے اوپر کی طرف پھینکا جائے اور عین پوٹی سکے بہنچ جائے تو اس کی ابتدائی رفقار کیا بہوگی؟ (٤) ایک ذرہ ایک کھردری مائل سطح پر نیچے کی طرف

رع ابیت درو ایک کو سال کا سیلان افق سے آل ہے اس مورت میں اور کہ اس صورت میں

اور قدر فرک سے ہے۔ تو ثابت کرد کہ اس صورت میں کوئی سا فاصلہ کھے کرنے میں جس قدر وقت صرف ہوگا دو چکنی سطح کی صورت سے دوگنا ہوگا۔

اوں رہ یوں سطوں کے میلان افق سے ۳۰ اور ۴

ہن اور ان کے ارتفاع ساوی ہیں ۔ ان کو بینت برسیت

مشترکہ چوٹی پر سے گذرتی ہے۔ اگر قدر فرک اللہ ہو تو اسراع معلوم کرد۔

(۹) سوال الا میں جموں کا باہی تبادلہ کرنے سے کیا

اسراع موگا و اسراع موگا و

(۱۰) آیک ریل گاڑی ایک افتی سطرک پر ۱۵ میل فی گفتہ کی رفتار سے چل رہی ہے۔ اگر بھاپ کو اجانک بند کر دیا جائے تو معلوم کرو کہ گاڑی کتنی دور جل کر ساکن ہو جائے گی۔ مزاحمت م پونڈ وزن فی ٹن ہے۔

باب بيجمر 106

(۱۱) ۲۰۰ من کمیت کی ایک ربل گاڑی ۳۰ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے جل رہی ہے۔ اگر وہ ١٠ گز چل کرساکن ہو جائے تو فرکی مزاحمت کا مقابلہ ایک ش کے وزن

(۱۲) ایک ریل گاڑی ایک افقی طرک پر ۲۰ میل فی گفته کی رفتار سے جارہی ہے۔ فرک وغیرہ کی فراحمت فی ٹن ا پونڈ وزن ہے۔ اگر بھاپ کو بند کردیا جائے توسلو

كروكه گاڑى كتنے وقت میں اور كتنا فاصلہ کے كر كے

ساكن جوگي ٩

(۱۳) اگر سوال بالا میں ریل کی مشرک ایک سطے مائل ہو جس کا میلان ۱۱۲ میں ایک ہو تو اس صورت میں قیت

اور فاصله مطلوبه كيا جو كا ٩

(۱۲۷) من کمیت کی ایک بیل گاڑی به میل فی گھنٹ

کی رفتار سے چل رہی ہے۔ ریل کی سطرک کا میلان ۱۲۰ میں ایک ہے۔ اگر وہ نضعن میل چل کر ساکن

ہو جاعے تو فرکی مزاحمت کیا ہو گی ہ (10) ایک ریل کی سطرک کا سیلان آفق سے ۱۰۰ میں

ایک ہے۔ ایک بیل گاڈی ایک سیل اسی سٹرک پر نیج کی طرف چل کر افقی سٹرک پر چلنے اللّٰتی ہے۔اگر

ذركي مغراحمت في ش مر يوند وزن مو تو افقي سطرك بير گاڑی کننی دور جائے گی ہ باب بيجم

علم حركت (۱۱) ایک ریل گاڑی جس کی کمیت ۱۳۰ ٹن ہے ۱۵میل نی گھنٹہ کی رفار سے بیل مہی ہے۔ چلتے چلتے سٹرک میں میلان شروع ہوا جو ۱۲۸ میں ایک ہے۔ میلان شروع ہوتے ہی بھاپ بند کردی گئی۔ اگر مائل مطرک كا طول نفعت ميل بو اور فركى مزاحمت في عن ١٠ يوند وزن ہو تو معلوم کرو کہ میلان ختم ہونے کے بعد افقی مرک پرکتنا فاصلہ طے کر کے گاڑی ساکن ہوگی ؟ (۱۷) سوال بالا ہیں اگر میلان ختم ہوتے ہی ایک بریک گاڑی وزنی واطن کے تھام پہیوں کی گردش بند کردی جائے اور پہیوں اور سٹرک کے در میان قدر فرک ۵ و در یافت کرده فاصله در یافت کرو-(۱۸) ۳۰ من کمیت کا ایک انجن ۱۳۰ من محمیت کی ایک ریل گاڑی کو کھینچا ہے۔ اگر فرک کل گاڑی کے وزن كا لل ہو اور ايك ميل كا فاصله طے ہونے كے بعد چال ۵ م میل نی گفته رمو تو انجن کی قوت دریافت کرو-اگر ایجن ریل گاڑی کو حرکت دینے کے عین ناقابل ہو تو سرك كا ميلان كيا بهو كا ؟

اگر ریل گاڑی مال مشرک سے پنیے کی طرف کیساں قبا سے طلے در حالیکہ بھاپ اور بریک عمل مذکرتے ہو تو سٹرک کا میلان دریافت کرو۔

(۸۰) هم پونڈ کمیت کا ایک جسم ایک افقی سطح پر

علم حركيت

رکھا گیا ہے جو سمت راس میں اوپر کی طرف اسراع ع سے حرکت کرتی ہے۔ جسم اور سطے کا تعامل دریا کو ۔۔۔

رو ۔۔ فرض کرو کہ جسم اور سطے کا تعامل سے ہے۔ چونکہ اسراع سمت راس میں اوپر کی طرف ہے اس کئے ہے۔ حسید علی کی فران قریب

بر عل کرنے والی قوتِ مراجم جسم پر عمل کرنے والی قوتِ مراجم مجموعی اوبر کی طرف سمت مراجم راس میں ہوگی۔

پس مجموعی قوت (ح م م م م ) اوپر کی طون سمت راس میں ہے اور اس قوت سے اسراع ع بیدا ہوتا ہے۔ پس

ح - م ج = م ع بس سے ح طاصل ہوگا۔ اگر جسم نیجے کی طرف اسراع ع سے حرکت کرے تو اگر جسم نیجے کی طرف اسراع ع سے حرکت کرے تو

حب طریق بالا نابت ہوسکتا ہے کہ تعامل ح ذبل کی مساوات سے حاصل ہوگا

م ج - ت = م ع واضح رہے کہ جب جسم اوپر کی طرف حرکت کرتا ہے تو تعامل جسم کے وزن سے زیادہ ہوتا ہے اور جب جسم کی حرکت نیجے کو ہوتی ہے تو تعامل جسم کے باب بيجم

وزن سے کم ہوتا ہے۔ مثال (۱) جسم کی کمیت ہے پونڈ ہے اور اس کی کوت (۱) ۱۱ فٹ نانیہ اکایموں کے اسراع سے ادیر کی طرب

ہے (۲) اسی اسراع سے نیچے کی طرف ہے۔ دو لو صورتوں میں تعامل دریافت تظمرد \_

بهلی صورت میں

علم حركت

アン・コニ・コメリ

ن ٢ = ٢٠ (١٢ + ١١) پونڈل = لم ٢٠ پونڈكا وزن دوسری صورت میں

アンテーンニット

ن ح = ٢٠ (١٢ - ١١) يونمل = لم ١١ يوند كا وزن مثال الم) دو ترازو کے بارون یں سے مرایک کی

ممال (۴) رو راسہ کو ایک رسی کے سروں سے اور پاروں ایک ایک رسی کے سروں سے باندھکر رسی ایک چرخی پر چڑھا دی گئی ہے اور پاروں بین ہم اور ہم کمیت کے جسم رکھے گئے ہیں۔ تابت کرو کہ دوران حرکت میں باروں کے تعالی بالتر تیب

٢ م (م + م) ج اور ٢ م (م + م) ج اور م + م) ج م امراع مشترک ع ب اور فض سود ک

9/0

باب برجم

تب بهوجب دفعه مم

اور اس کا اسراع ع ہے۔ م ج -ح = م ع

ن ح = م (ج -ع)

= + 1 (1 + 1) =

(١١) ايك ضلع بين ١١ گفت مين ١١ اينج بارش موئي-یہ فرض کرے کہ بارش سے قطرے نضف میل کی بلندی سے بغیرکسی روک کے گرتے ہیں معلوم کردکہ بارش کی وجہ سے ضلع کی زمین بر فی مربع میل کشفارہ دباؤ پڑا۔ یہ تسلیم کرلیا جائے کہ ایک کمفب فٹ پانی کی محمیت ایک ہزار اونس ہے۔ ایک مربع فٹ پر جو بارش ہوتی ہے اس کا حجم ہے مکعب فٹ ہے اور اس کی کمیت ۲۵۰ اونس ہے۔ اس کئے بارش کی کمیت جو ایک نانیہ میں زمین پر

باب ينجم

بیرتی ہے

علم حركت

= 1 × 100 × 100 × 100 باید کا مربع فٹ اوش کے ہر ایک قطرے کی رفتار زمین بر برنے کے وقت

 $=\frac{6\sqrt{1.97}}{\sqrt{7}}$  بونڈل پس دباؤ فی مربع میل

= ۹ × ۲۰ مر ۲۰ × ۲۰ × ۲۰ × ۲۰ بونڈ کا وزن = ۱۲ شن کا ونن تقریباً اسی طح اگر پانی کی ایک دھار کسی دیوار پر پڑے تو دیوار پر دیاؤ فی مربع فظ مم لا ہوگا جہاں مم ایک کمیب فظ پانی کی کمیت یونڈوں میں ہے اور

باب بيجم 144 علم حركه جن میں سے ایک طقے ح میں سے باسانی تمام گزر الك وزن قى ، ط بر ركا جا ج اور سختی سے کو گلا دیا جاتا ہے۔ اس طبح حرکت شروع ہوتی ہے۔ تنی ت کو گرانے سے یہ مطلب ہے کہ وہ اسی مقام پر لکڑی سے متوازی نیج کی طرف نظانے للَّتي ہے تاكہ ط اور في حركت كرسكين - جب ط اور ق طِنے عِلتے علقہ ح پر کہنچتے ہیں تو ط طقے میں سے گزر جاتا ہے اور ق طفتے پر رہ جاتا ہے اور وزن ط فاصلہ ح نے کیساں رفقار سے طے کرتا ہے۔ وقت و جو یہ فاصلہ طے ہونے میں لگنا ہے احتیاط سے ناپ کیا جاتا ہے۔ مت سے ح مک گرنے ہیں اس نظام کا اسراع ہوجیب ينى ق ج (ت+d)-d رق+d)+d فرض کرو کہ یہ اسراع = ع اور فرض کرو کہ فاصلہ ت خ ف تو ح پر پہنچنے کی رفتار ر ذیل کی مساوات سے حال ہوگی "را = ۲ ع ف ح گذر نے کے بعد فاصلہ ح خ کیساں رنتار اسے - c 1'gr &

باب ينجم بنا ار ح خ = ب تو ن ن = ۲ ق ج ف وا يونكه اس مساوات مين يتني مقادير بين وه سب نايي سکتی ہیں اس کئے اس سے ج کی قببت معلوم ہو سکتی ہے۔ ط ، ق ، دن اور ہن کو مخلف قیمتیں دینے سے

ہو سکنی ہے۔

ط ، تی ، دن اور ب کو غلف قیمتیں دینے سے تمام بنیادی قوانین حرکت کی تصدیق ہو سکتی ہے۔

معلوم ہنیں ہو سکتی۔ ایٹ وڈ کی مشین کی دلجبی کا معلوم ہنیں ہو سکتی۔ ایٹ وڈ کی مشین کی دلجبی کا باعث خاص کر اس کی قدامت ہے۔ اور بوجوہ ذیل اس مشین کے ذریعہ سے صبح نتائج حاصل نہیں ہوسکے۔ اول چرخی کی نحیت ادہ جو نظر انداز نہیں ہو سکتی۔ اول چرخی کی نحیت ادہ جو نظر انداز نہیں ہو سکتی۔ دوم چرخی کی نحیت ادہ جو نظر انداز نہیں ہو سکتی۔ مشکل ہے۔ مور کی ذک۔ سوم ہواکی فراحمت۔ شکل ہے۔ سوم خور یہ ناپنا نبی مشکل ہے۔

یہ ظاہر ہے کہ گلیلیو کی سطح مائل اور ایٹ وڈ کی مشین دونو کا مقصد قوت جاذبہ ارض کے اثر کو کم مشین دونو کا مقصد قوت جاذبہ ارض کے اثر کو کم مشین دونو کا مقصد قوت جاذبہ ارض کے اثر کو کم

إبابتم

رفار را × بنا ×۱ ینی ب فٹ فی ٹانیہ ہوگی بہاں ج بغض سہولت ۲۲ کے برابر لیا گیا ہے۔ فرض کرو کہ شخی خ ایسے مقام پر لگائی گئی ہے کہ فاصلہ ح خ طے ہونے میں ۲ سیکنڈ صرف ہوتے ہیں۔ بہوتے ہیں۔

ہوتے ہیں۔ تب ح نے = ۲ × ہے = ہے۔ فٹ اب طالات کو تبدیل کردو ۔ ط کو مہم اور تی کو ہم اونس کردو ۔ حرکت کرنے والے مادہ کی مقدار اب بھی ۱۰۰ اونس ہے اور حرکت دینے والی قوت ہم اونس کے وزن کے برابر ہوگی ۔

اب اسراع = سم ج

اور ح پر پہنچنے کے دقت رفقار= ۱۲ ہم ہم ہے ہوگا۔ فی نانیہ ۲ نانیہ یں اب ۱بال فٹ کا فاصلہ طے ہوگا۔ یعنی اگر ہمارا مفروض صبح ہے تو شخی خ کو پہلے سے دو چند فاصلے پر رکھنا پڑے گا۔

تجربہ سے یہ درست ثابت ہوتا ہے۔

اسی طُح اگرط = ہم اونس اور ق = ۹ اونس تو کبی حرکت کرنے والا ادہ مقدار میں ۱۰۰ اونس ہوگا اور صحابی علی سے فاصلہ ح خ ۱۲ فط ہوگا۔ تجربہ سے حسابی علی سے فاصلہ ح خ ۱۲۰ فط ہوگا۔ تجربہ سے

علم حركت

معلوم ہوگا کہ یہ درست ہے۔ اب تجربہ بھر شروع سے کرو اور مندرجہ بالا قیمتوں سے مخلف قیمتیں ط اور ق کو دو اور ان کی مخلف قیمتوں کو اس طع تبدیل کرو کہ ۲ط+ ف کی قیمت

اب ہم اسی طریقہ سے ثابت کرینگے کہ جب اسلع فیر متبدل ابو تو قت اسی طح برلتی ہے جس طح مقدار

الله كى طح فرض كروكه ط = اله ١٩ ١ ونس اورق = ١ آونس تو حسب تجربہ بالاح خ = 4 فٹ پھر ط کو ۹۹ اونس اور ی کو ۲ اونس کرو ساکہ حرکت دینے والی قوت دو چند ہو جائے اور حرکت کرنے وا ادے کی مقدار بھی دو چند ہو جائے۔ بیس اگر جارا دعوے ِ درست ہے تو اسراع وہی ہو گا جو پہلی صورت میں تھا کیونکہ

حركت دين والى قوت بصور دوم حركت دين والى قوت بصورت اول

حركت كرف والى مقدار ماده بجوردم حركت كرف والى مقدار ما ده بعبوراول اس کے فاصلہ ح خ جو باٹانیہ میں طے ہوتا ہے دولؤ صورتوں میں ایک ہی ہونا چائے۔ تجربہ کرنے سے معلو ہوتا ہے کہ فی الواقع ایساہی ہے۔

باب ينجم

اسی طح اگر ط کو له ۱۹۸ اوس کریں اور ف کو ۱۹وس تو بھی وہی نیتجہ ہو گا۔

اور بھی وہی یجہ ہو ہ ۔

فرک کو مغلوب کرنے کی غرض سے ایک فالتو وزن کر ایک کو مغلوب کرنے کی غرض سے ایک فالتو وزن کر ایک کی ساتھ رکھا جائے۔

یہ وزن کر وزن ہوگا جس کے رکھنے سے پہلے معلوم کونا چاہ اور یہ وہ وزن ہوگا جس کے رکھنے سے وزن طری کی ایکسال رفنار سے آہتہ آہتہ زمین میک پہنچ جائے۔

ایکسال رفنار سے آہتہ آہتہ زمین میک پہنچ جائے۔

یہ وزن کر شجربہ کے دوران میں وزن تی کے ساتھ بھی رکھا جائے اور اس کا شار تی کے وزن میں ندکیا جائے کیونکہ یہ فالتو وزن ہے اور محض فرک کے اثر جائے کیونکہ یہ فالتو وزن ہے اور محض فرک کے اثر کو زائل کرنے کے لئے استعال کیا جاتا ہے۔

امثله نمبری (۱۲)

(۱) اگر ایک شخص ۲۰ پونڈ وزن ہاتھ بین لیکر ایک مینر بر سے کودے تو ہاتھ پر وزن کا دباؤ کیا ہوگا ؟ مینر بر سے کودے تو ہاتھ بر وزن کا دباؤ کیا ہوگا ؟ (۲) دبا ونڈ کمیت کا ایک جسم ایک افتی سطح پر بڑا ہے۔ سطح اوپر کی طرن حرکت کرتی ہے (۱) ایک فط فی ٹانیہ فی فی ٹانیہ کی کیسال اسراع سے ۔ دولو صورتوں میں جسم اور سطح کا تعالی دریافت کرو۔

باب ينجم

نعلم حركبت (س) ایک شخص جس کی کمبت مادہ م سٹون ہے ایک شخے پر کھڑا ہے۔ اگر شختہ (۱) اوپر کو (۲) نیجے کو، حرکت كرے تو شخة كا عل دريافت كرو.

رم) کو کلے کی کان کے گڑھے ہیں سے ایک بڑے ڈول سے ذریعہ ایک ہنڈرڈ ویٹ کوٹلہ نکالا گیا ہے۔ ڈول کی تہ اور کوٹلے کے در میان تعامل ۱۲۹ پونڈ وزن کے برابر ہے۔ڈول کا اسراع دریافت کرو۔ (۵) ایک غباره کیسال اسراع سے اوپر کو چڑھتا ہے۔ غبارے کی تہ پر لیک ہنڈرڈ ویٹ تخمیت سے جسم کا

دباؤ 114 پونڈ وزن کے برابر پڑتا ہے۔ دریافت کروکہ ایک منٹ میں غبارہ کتنی بلندی پر پہنچیگا ہے۔ (۲) تزازو کے دو پلٹرے جن میں سے ہر ایک کی کیت ۳۰ گرام ہے ایک رسی کے سروں سے باندھکر ایب يرخي يرا چرفا دع گئے ہيں۔ ايک بلرے ميں ٢٠٠٠ گام

اور دوسرے میں ۱۲۰۰ گام مقادیر ادہ رکھی گئی ہیں۔سی کا تنانو اور پلڑوں کے عل دریافت کرویہ

(٤) ایک رسی ایک چینی چرخی پر سے گذر کر اپنے موں یر دو باوں کو سہارتی ہے۔ ہر ایک بارے کی حمیت ایک اونس ہے۔ اگر ۲ اور ۲ اونس کیت کے جسم بلووں میں رکھے جائیں تو نظام کا اسراع ، رسی کا تناو اور پلڑوں کے علی دریافت کروٹ

علم حركت

(٨) ايك روز ٣ گفشه ين نضف لنج بارش موئى ـ يه نشلیم کرمے کہ بارش کے قطرے نہایت چھوٹے ہیں اور زمین پر گرتے وقت ان کی رفتار ۱۰ فٹ فی سیکنڈ ہے زمین پر ان کا دبائو فی مربع میل دریافت حرو جو انکی حرکت نابود ہونے کے باعث بیدا ہوتا ہے۔ یہ مان لیا جاک کہ ایک معب فط پانی کی کیبت ۱۰۰۰ اونس ہے اور بارش کیساں اور مسلسل پڑتی ہے۔ (۹) اگر ۲۲ گفتہ میں سالنج بارش رہو تو اس کی وجہ سے نی ایکڑ یونڈوں کے وزن میں کس قدر دباؤ بڑیگا بارش کی رفتار زمین پر گرتے وقت اتنی ہی ہے جشی کہ ایک بغیر روک کے گرنے والے جسم کی رفتار .بم فٹ کی بلندی سے گرنے کے بعد ہوتی ہے۔ (۱۰) یانی کی ایک دھار ۸۰ فٹ نی ٹانیہ کی افتی رفتار سے دیوار سے اس طح مکراتی ہے کہ ایک ثانیہ میں یانی کی روس مین دیوار پر پڑتی ہے۔ یہ تسلیم کرسے کہ ایک گیلن میں لیا میں کہا کہ ایک ہیں اور ایک کمعب اپنی ہیں اور ایک کمعب فر ہیں فر کا علی کمعب فر کا علی کمیت است دیوار کا علی میں اور کا علی کمیت است کا علی کمیت کا میں ہے دیوار کا علی کمیت کا میں کمیت کمیت کا میں کا میں کمیت کا کم

پونڈوں کے وزن میں دریافت کرو۔
(۱۱) ایٹ وڈ کی مشین کے دونو وزنوں میں سے ہرایک
کی محمیت ۲۴۰ گرام ہے اور اگرام کی محمیت کا ایک
وزن ان میں سے ایک پر رکھنے سے وہ ۱۰ نانیہ

ایک کینی مال سطی پر جس کا میلان جب اور اس اور اس طح پر ہیں اور اس طح رکھ دی گئی ہے کہ کچھ گولیاں سطح پر ہیں اور کچھ سطح کی چوٹی پر سے نیچے لئلتی ہیں۔ اگر انبدا میں اسراع ہے۔ ہو تو دریافت کرو کہ کتنی گولیاں نیچے اسراع ہے۔ ہو تو دریافت کرو کہ کتنی گولیاں نیچے

لک رہی ہیں ؟

رہا) ط اور ق محمیت کے دو اجسام ایک رسی کے سروں سے بندھے ہیں۔ ق ایک چنی مائل سطح بر رکھا ہے جس کا میلان افق سے ۳۰ ہو ہے اور ط پوٹی پر سے نیچے لئکتا ہے۔ جتنے وقت میں طاعت میکون سے ایک مفروضہ فاصلہ طے کرتا ہے وہ اسوت سے چارگن ہے جو اتنا ہی فاصلہ بغیر روک کے کرنے میں صرف ہوتا ہے۔ ط اور ق کی نسبت معلوم کرو۔ میں صرف ہوتا ہے۔ ط اور ق کی نسبت معلوم کرو۔ میں صرف ہوتا ہے۔ ط اور ق کی نسبت معلوم کرو۔ میں صرف ہوتا ہے۔ ط اور ق کی نسبت معلوم کرو۔ میں صرف ہوتا ہے۔ ط اور ق کی نسبت معلوم کرو۔ میں صرف ہوتا ہے۔ ط اور ق کی نسبت معلوم کرو۔ میں کی کیت ہے ہو تا ہو تا ہی اور وہ ایک سطح الی پر نگتا ہے۔

باب ينجم

علمه حرکت رکھا ہے جس کا میلان افق سے ،۳۰ ہے۔ ثابت کروکہ بتن وقت اس صورت میں ق کو سطح مائل کاکل طول طے کرنے میں لگتا ہے وہ اس وقتِ سے نصف ہ جوط کو کل طول سے کرنے میں لگے اگر ق نیجے

لظکے اور ط سطح پر ہو۔ (۱۷) ایک سطح مانل کا ارتفاع ۱۱ فٹ ہے اور اس کا ف ہے۔ ایک ذرہ سطح کی جوٹی پرسے ما سکون سے شروع ہوکہ سطح کا تمام طول طے کرکے ایک افقی سطح پر حرکت کرنے گلتا ہے۔ دریافت کرہ كه سطح افقى ير ده كس قدر فاصله طے كرے كا ؟ كرايا جائے كه سطح مائل سے سطح افتى ير ذره نقصان رفتار جاتا ہے اور ہر دو سطوح کی قدر

(١٤) آیک کیل گاڑی ہم میل فی گھنٹہ کی شرح سے چل رہی ہے۔ نابت کروکہ بریک مگانے سے تقریباً ممر گر چل کر تھیر جائیگی اگر بریکوں کی قوت گاڑی سے وزن کی تین چوتھائی ہو اور قدر فرک ۱۱ و ہو۔ (۱۸) ایک ریل گاڑی جس کی تحمیت ۵۰ ش ب ۲۰ میل فی گھنٹ کی رفتار سے حرکت کر رہی تھی۔جب اس کی بھاپ بند کردی گئی اور بریک کے وہد کو بریک نگا دیا گیا تو یوتفائی میل چل کر ریل گاڑی

بابريجم ساکن ہوگئی۔ بریک کے طربے کی محیت در یافت كرو - يهيون اور ربل كى سطرك سے در ميان قدر ذك اور یہ مان لیا جائے کہ غیر مقفل پہنے پھیلے کے بغیر گردش کرتے ہیں۔ (19) آیک رسی کے سروں میں دو جسم سند سے ہیں جن کی سخ ایل معلم آئل جن کی سخمیت م اور ن ہے۔ مم ایک سطح آئل کے پاید پر رکھدا گیا ہے اور ن چوٹی برسے نیچے. لٹکنا ہے۔ اگر یہ مقصود ہو کہ ہم سطح کی عین پوٹی تک بہنچ جائے تو ثابت کرد کہ جب ہم فاصلہ من پر من ل طے کر کھے تو رسی كاظ كر ن كو الك كردينا چا جي -(۲۰) دو جسم ایک رسی کے سروں سے مراوط ہیں اور وہ رسی ایک چرخی پر چڑھی ہے۔ اگر اُجسام کی کمیتوں کا مجموعہ ایک مقدار مشتقل رہے تو ثابت کرو کہ اسراع سے کم ہونے سے رسی کا انتاو زياده موكا۔ (۱۱) ایک جم جس کی کیت م ہے ایک رسی کے ایک سرے سے بندھا ہے اور م کمیت والا ایک دوسرا جسم رسی کے دوسرے سرے سے بندھاہے۔ م ایک میزیر ہے اور میز کے کنارے پر سے

باب يتجم

علم حركت م نیجے لٹک رہا ہے اور م کو کمینتیا ہے۔ اگر میزی کے جسم کی تحمیت دو چند ہو جائے تو رسی سے تناؤ میں اضافہ بقدر نضف ہوتا ہے۔ م اور م کی نسبت کمیت دو بیند ہو جائے تو رسی کے تناؤ

مرو سرم جبی تحمیت بالترتیب ۹ پونڈ اور ۱۷ پونڈ ب ایک افتی میٹر پر رکھے ہیں اور انکا درمیانی فاصلہ ۱۰ فط ہے۔ اگر ان میں ایک قوت جاذبہ ایسی پیدا ہو جائے کہ وہ ایک دوسرے کو بلا لحاظ فاصلہ آیک یوند وزن قوت سے کھینینا شروع کردیں تو معلوم کروکہ

وہ کتنی مدت کے بعد ملیں سکتے ہ (۲۳) ایک حرکت پذیر چرخی سے وزن و لئک رہا

ہے اور اس چرخی کے گرد گزر نے والی رسی کا کھلا سرا ایک ثابت پرخی پر سے گزر کر ایک وزن طرکو

سہار تا ہے۔ ط ا لم و سے بڑا ہے۔ دو ران حرکت میں رسی کا تناؤ دریافت کرو۔ واضح رہے کہ رسی

کے ہر سہ صص متوازی ہیں۔ (۲۲) محیت م کا جسم محیت ن کے جسم کو چرفیوں

کے ایک ایسے نظام میں سہارتا ہے جس میں ہرایک
رسی دن سے بندھی ہے اور تمام رسیاں متوازی ہیں
اب کمیت مم کا ایک اور جسم دن کے ساتھ لگادیا
گیا ہے۔ چرخیوں کا وزن نظر انداز کرکے حرکت معلی کو۔

باب يتجم

رس کے سرول سے بندھ ہواور ہم ہے ایک رسی کے سرول سے بندھ ہیں اور رسی تین نابت اور دو حرکت پذیر چرخیوں پر سے گذرتی ہے جن ہیں سے ہرایک کی کمیت دن ہے اور جو نابت چرخیوں کے در میان لگلتی ہیں - رسیوں کے وہ صے جو چرخیوں کے در میان لگلتی ہیں - رسیوں کے وہ ضے جو چرخیوں کے در میان ہیں عمودی ہیں - وہ شرط دریافت کرو جن پورے ہونے سے چرخیاں نہ اوپر چڑھیں اور بن کی بورے ہوئے سے چرخیاں نہ اوپر چڑھیں اور مراب صورت میں ہم اور ہم کا اسراع معلوم کرو۔

معلوم کرو۔ (۲۷) ایک رسی ایک کپنی جرخی پر چڑھی ہے۔رسی ہو حصہ ایک طرف لٹک رہا ہے اس کے ذریعہ ایک ۱۷ سٹون کا آدمی اسراع کی ایک اکائی سے نیچے کی طرف حرکت کر رہا ہے اور ایک اور آدمی جو لاا

سٹون کا ہے دوسری طرف اوپر چڑھ رہاہے۔ دنیا کرو کہ دوسرے آدمی کا اسراع کیا ہو کہ رسی حرکت

مرسی! (۲۸) ایک ہلکی رسی ایک میکنی چرخی بیر چرشمی ہے اسکے ایک طرف ۱۲ سٹون محمیت کا ایک آدمی للک رہا ہے اور دوسری طرف ۱۰ سنون کمیت کا ایک تحیلا - اگر آدمی رسی کے ذریعہ اویر وار ایسا چڑھے کہ اس کا اسراع نفت رہ جائے تو تھیلے کا اسرع اوپر کی طرف معلوم کرد اور فابت کرو کہ آدمی کا اسراع بلحاظ رسی کے بہتے ہے۔ دوم) أيك ريل كارمى جس كى كيت ١١١ فن ہے ١٥٩ ل نی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہی ہے۔ ہوا اور فرک وفیر کی فراحمت ۱۹ پونڈ فی بن ہے۔ ۱۲ ش تحمیت کا ایک حصد گاڑی سے الگ ہو جاتا ہے۔ یہ تسلیم کر کے کہ انجن کی قوت ایک سی رہتی ہے دریافت کرو کہ اس صے سے ۵۰ ثانیہ میں گاڑی کس قدر آگے بڑھ مائیگی اور جس دقت وه حصه ساكن بهو محا اس وقت محاطمي

کی رفتآر کیا ہوگی ہی (۳۰) دو ذرے جن کی کمیت ہم اور ۲مم ہے ایک چکنی میز پر اکھے پڑے ہیں اور ایک رسی کے سروں سے بندھے ہیں۔ رسی میز کے کنارے پرسے للکے ایک چرخی کو سہارتی ہے اور چرخی سے نوم کمیت کا

ایک جسم نشکتا ہے۔ ثابت کروکہ جسم کا اسراع ہے۔

ہے۔
(۱۳) ایک چکنا فانہ جس کی کمیت ہم ہے ایک افقی
سطے پر پڑا ہے اور ایک ذرہ جس کی کمیت دن ہے
اس کے مائل پہلو پر نیچے کی طرف پھسلتا ہے جس کا
میلان افق سے عہ ہے۔ ثابت کرد کہ فانہ کا اسراع

ن ج جب عد جم عد م + ن جب عد

فرض کروکہ غ ذرہ کا اساع مالل بہلو کی عمودی سمت میں فانہ کی طرن ہے اور ع فانہ کا افقی اسراع ہے اور خ فانہ کا افقی اسراع ہے اور ذرہ کے درمیان تعامل حب تو ح ایک طرن ذرہ بر عمل کرا ہے اور دوسری طرن فانہ بر۔





صدمه- کام اور توا نائی

( م م ) صدمہ ۔ نغرلیٹ ۔ وقت کی ایک مرت مفروضہ میں ایک قوت کا صدمہ، قوت اور وقت کے حاصل طرب کے مساوی ہوا کرتا ہے ۔ قوت کے متبدل ہونے کی صورت میں قوت کی تیمتِ اوسط اسلامی ما اسلامی میں ایسا کی تیمتِ اوسط

ی جائے۔ اگر ایک قت تی کے عل کرنے کی مت وہوتو صدمہ = تی × د

مرت مفروضہ میں قوت کا صدمہ قوت کے میار حرکت کے برابر ہوا کرتا ہے۔ فرض کرد کہ ایک ڈرہ جس کی کمیت ہم ہے ابتدا میں رفتار ہب سے حرکت کرتا ہے۔ اگر اس پر ایک مستقل قوت تی مدت و تک عل کرے اور قوت کے عمل سے اسراع ع بیدا میں تہ تی ہے ہم ع

مقدار محدود مو

علم حرکت بابشتم مثلاً فرض کروکه ق = ۱۰ پونڈل اور و = الے سیکنڈ اورم = اپونڈ تو اس صورت میں تبدل رفار = رفاری ایک اکان

اکائی
اگر ایک فوت محدودہ کے عمل کا پورا اثر معلوم کرنامقصو
ہو جب قرت کے عمل کی مرت محدود اور مقرر ہو تو
ہمیں دو باتیں معلوم کرنی چا ہئیں (۱) ذرے کی رفنار
کی تبدیلی جو قوت کے عمل سے اس مرت میں ظہور پذیر
ہو (۲) اس مرت میں ذرے کی نقل مکان اب اگر قوت کی مقدار بے حد زیادہ ہو اور قوت کے
عمل کی مرت بے حد کم ہو تو قوت کے دوران عمل میں
ذرہ بہت تھوڑا فاصلہ طے کرنگا۔ یعنی فدے کی نقل مکل

نظر انداز ہو سکتی ہے۔ پس ایسی قوت کی صورت میں قوت کے عمل کا پولا اثر معلوم ہو جانا ہے جب معیار حرکت کی تبدیلی جو قوت سام مد ان سے معلوم ہو جائے۔

سے اپیدا ہوئی ہے معلوم ہو جائے۔
ایسی قوت کو صدمے والی قوت کہتے ہیں اس وجہ
سے اس کی تعربیت یہ ہے۔ صدمے والی قوت ایک
بہت بڑی قوت ہے جس کی مرت عمل بہت کم ہو اسی
کہ اس کے عمل سے اس مرت میں ذرے کی نقل مکان
نظر اندازی کے قابل ہو۔ اس کے پورے اٹرکا اندازہ
صدمے یعنی معیار حرکت کی تبدیلی سے ہوتا ہے۔

باكتشم 110 فی ثانیه کی رفتار سے اسی سمت میں حرکت کررہا ہے۔ دولو جسم مل کر ایک ہو جاتے ہیں۔ اس مجموعی جسم کی رفتار معلوم کرو۔ فرض کردکہ رفتار مطلوبہ لر ہے تو چونکہ تصادم سے دونو جسموں کی حرکت سے معیاروں کا مجموعہ نہیں بدلیا (۲+۳) ل= ۳×۲+۱۳×۳ = ۴ اکانیاں (معیار حرکت کی) ه ر= و فط في ثانيه مثال (۲) اگر مثال بالا میں دوسرا جسم پہلے جسم کے متفایل حرکت کررہا ہو تو رفتار کیا ہو گی آ اس صورت میں چونکہ حرکت کے معیار متقابل سمتوں یں ہیں اس لئے پہلے جبم کے معیار حرکت کو ۱۳×۱۱ کیں تو دوسرے جسم کا معار حرکت (-xx) ہوگا۔ یس اگر رفقار مطلوبه لر بهو تو (۲+۳) له ۱۳×۳-۱۳×۳ کانیال (میار حرکت کی (۸۷) بندوق اور اس کی گولی کی حرکت۔ جب بندوق چلائی چاتی ہے تو بارود کو آگ لگ جاتی ہے اور وہ فورآ ایسی کیس بن جاتی ہے جس کا دباؤ

بہت زیادہ ہوتا ہے اور اس دباؤ کے نور سے

علم حركت گولی بندوق سے نکلتی ہے۔ گیس کا عمل بعینہ ایساہے جیسا کہ ایک دبی ہوئی کانی کا ہوتا ہے جو اپنی اصلی وضع پر آنے کی کوشش کرتی ہے۔ گولی نکلنے سے قبل کسی آن میں جتنا زور گولی پر آگے کی طرف پڑاہے أننابي أدور بندوق بريج كي طرف برنا ہے۔ اس كے گولی کا معیار حرکت جو اس طح زور پڑنے سے بیدا ہوتا ہے بندوق سے معیار حرکت نے شاوی اور متقابل ہو گا درآنحا لیکہ بندوق بلا مزاحمت حرکت کرسکے۔ اور بندوق طِلانے والے کو بندوق کا جو دھکا محسوس ہوتا ہے۔ اس کی یہی وجہ ہوتی ہے۔ مثال \_ ایک گولہ جس کی تحبیت .. ہم یونڈ ہے ایک توب کے ذریعہ طلایا جاتا ہے۔ توب کی کیت ، ۵ ٹن ہے اور گولے کی رفار توب کے منہ سے نکلتے وقت .. وفث فی سیکنڈ ہے۔ گولہ طلے کے سبب توب کی رفتار کیا ہوگی ہ چونکہ توپ کا معیار حرکت گونے کے معیار حرکت کے متساوی اور متقابل ہے اس کئے اگر توپ کی

9 - · × ~ · - = / × ++ ~ · × 6 -

رفار ر ہو تو

د ر = س س فط فی تانیه

امثلہ نمبری (۱۳) (۱) بر پوٹلہ کیت کا ایک جسم ہوفٹ فی ثانیہ کی رفالہ سے حرکت کررہ ہے۔ ایک دوسیا جسم جس کی کیت بر فرائہ ہے افٹ فی ثانیہ کی رفالہ سے اسی سمت کہ پوٹلہ ہے افٹ فی ثانیہ کی رفالہ سے اسی سمت میں چلتا ہوا پیچے سے آگر پہلے جسم کے ساتھ مل جاتا ہے اور پھر دونو اکٹھے ایک رفتار سے حرکت مرتے ایں ۔ مشترکہ رفار دریافت کرو۔ رس میں ایک جسم و فط فی ثانیہ کی رفار (۲) م پونڈ کیت کا ایک جسم و فط فی ثانیہ کی رفار سے ایک سمت میں حرکت سارتا ہوا ایک دوسرے جسم سے جا ملتا ہے جس کی کیت مما پونڈ ہے اور اجس کی رفتار ا فط فی ثانیه اسی سمت میں ہے۔ دو نو جسم عمرا کر ایک ہو جانے ہیں۔ ثابت کرو کہ اس مجموعی جسم کی رفتار سر فط فی ثانیہ ہے۔ اگران کی حرکت شقابل سمتوں میں ہو تو ثابت کرو کہ عکرکے بعد مجموعی جسم ساکن ہوگا۔ (۳) ۱۰ پونڈ کمیت کا ایک جسم ہم فط فی ثابیہ کی رفار سے حرکت کرتا ہوا اا کونڈ کیست کے ایک دوسرے جسم سے مکراتا ہے جو ، فط فی نانیہ کی رفار سے متعالل سمت میں حرکت کر رہا ہے۔اگر مرانے کے بعد دونو جسم ایک ہو جائیں تو ثابت

٠٠٠ افط في ثانيه كي رفقار سے جلايا جاتا ہے - تو دريافت كروكه توپ كي حركت كو روسنے كے لئے كتني منتقل قوت استغال کی جائے کہ توب ، فط میں ساکن ہو جائے ؟ رنم) ایک ٹن کیت کی توپ

كوله چلايا جاتا ہے اور لوپ جھے كى طرف زور كركے

ایک سلح مانل پر ۵ فٹ چڑھ جاتی ہے۔ گونے کیابتلائی رفتار دریافت کرو۔

علر سركت

(۸۸) سکو نیات کے باب یازدہم میں طالب علم معلیم ہوچکا ہے کہ جب کسی قوت کا نقطۂ عمل اوت کی سمت میں حرکت کرتا ہے تو یہ کہا جانا ہے کہ قوت في كام كيا - أور اس كام كي مقدار كا أندازه دو مقدارون ك عاصل ضرب سے كيا جاتا ہے۔ ليك ان ميں سے توت ہے اور دوسری وہ فاصلہ جو قوت کے نقطم عل نے قوت کی سمت میں طے کیا۔ کام کی اکائی جو آنجنير استعال كرت بن فث يوند كملاتي ليه - اور يه ده كام ب جو ايك پوند وزن كو ايك فط اويروار

اٹھانے میں کیا جاتا ہے۔ برطانیہ میں کام کی مطلق اکائی دہ کام ہے جو ایک يونمُل كي قوت الني نقط عل كو أيك فط حرَّك دين میں کرتی ہے۔ کام تمی اس اکائی کو فٹ پونڈل کہتے ہیں۔ اگر کام کی اکائی فٹ پونڈل ہو تو جب ط پونڈل کی

قوت کا نقطۂ عل من فٹ حرکت خرے گا تو خل کام ط بد من فٹ پونٹل ہوگا۔

پونکہ ایک پونڈ کا وزن ج پونڈل کے مساوی ہے۔ اس کے ایک فٹ پونڈ ج فٹ پونڈل کے برابر ہے۔ کام کی سی گ مٹ اکائی وہ کام ہے جو ایک

119 وُالْمِينِ كَي قوت إلي نقطهُ عمل كو أيك سيتى ميشر حرکت دینے میں کرے۔ کام کی اس اکانی کو ارگ کہتے ہیں۔ يوندُل × فط ایک فٹ پونڈل ایک ارگ = ۱۳۸۰۰ × ۱۲ منات ۲۱ و۳) تقریباً (دفعات ۲۹ و۳) = ۱۳۹۰م تقریباً جب کوئی عامل ایک ثانیه میں ایک جول یعنی ۱۰ ارگ کام کررہا ہو تو یہ کہا جاتا ہے کہ ایک واٹ کی طاقت سے کام کرم ہے ۔ ایک اسی طاقت ۲۸ ء والوں کے برابر ہے -( ۱۹۰ ) مثال (۱) ۱۵۰ ٹِن کمیت کی ایک ریل گائی کو ایک انجن ۹۰ میل فی گھنٹہ کی کیساں رفتار سے جلا رہا ہے۔ رگر اور ہوا وغیرہ کی مزاحمتوں کا مجموعی اثر وا پونڈ وزن فی ش کے مساوی ہے۔ انجن کی آیی طاقت معلوم كرو-ریل گاڑی کی حرکت کو رو کئے والی قوت ۱۵۰ × ۱۰ یغی ۱۵۰ پونڈ وزن کے مساوی ہے۔ بونڈ میل فی گفتہ کی رفتار ۸۸ فٹ فی نانیہ کے مساوی، يس ١٥٠٠ يوند وزن كي قوت كا نقطه عل ايك سيكندمين

علم حركت

٨٨ فك حركت ديا جاتا ہے اس كئے كام كى مقدار ۱۵۰۰ ۸۸ فٹ پونڈ فی نمانیہ ہے۔ آگر انجن کی اسی طاقت لا ہو تو ایک منٹ یں دہ لا × ... سوس فط پونڈ کام کرے گا۔ اس کئے فی تاہیہ كام لا × ٥٥٠ فل يوثر بوگا-

.. X M = 00. X 3 ::

مثال (۲) ۱۰۰ مین محمیت کی ایک ریل گاڑی کو ایک انبن بم منت کینیج کر به میل فی گفته کی رفتار دیریتا ہے۔ رگر وغیرہ کی مزاحمت ۸ پونڈ وزن فی ٹن ہے۔ انجن کی فوت یکساں ہے۔ دریافت کروکہ انجن کی آپی

طاقت کم از کم کیا ہے ؟

يوكد بم و سيكند بين مهم فط في سيكند كي رفقار بیدا ہوتی ہے اس لئے ریل گاڑی کا اساع بہت مینی الله فل سيكند أكانيان موكا-

فرض کروکہ انجن کی قوت ط پونڈل ہے رگرہ وغیرہ کی کل مزاحمت ۸۰۰ یونڈ وزن کے مساوی

ہے اس لئے رہل گاڑی پر کل توت (ط۔ ٨٠٠ ج)

11 x ++ r. x 1 .. = x . x - b = 1 د طع ١٠٠٠ (ج + سوا) يوندل = ١٠٠ (١+ سوم ) يوند ونك

بالبششم

## = ٠٠٠ × ٨٠٠ پوند وزن

جب ریل گاڑی ۳۰ میل فی گھنٹہ پل رہی ہے تو کام ہو فی ٹانیہ کیا جا رہا ہے وہ ۸۰۰ ×  $\frac{170}{64}$  × ۱۶۸ فٹ پوٹڈہ-پس آگر انجن کی اسبی طاقت لا ہو تو لا × ۵۵۰ = ۸۰۰ ×  $\frac{170}{64}$  × ۱۲۸

177年=シン

مثال (۳) ۱۰۰ ش کمیت کی ایک ریل گاڑی ایک سطح الل پر چڑھ رہی ہے جس کا میلان ۲۸۰ میں ایک ہے۔ رالو وغیرہ کی خراحمت ۱۱ پونڈ وزن فی ش ہے۔ اگر انجن کی اسبی طاقت ۲۰۰ ہو اور وہ اپنی پوری طاقت سے کام کر رہا ہو تو ریل گاڑی کی رفتار معلوم کرو۔ سے کام کر رہا ہو تو ریل گاڑی کی رفتار معلوم کرو۔ رائم وغیرہ کی مزاحمت ۱۲۰ پونڈ وزن کے مساوی ہے اور ریل گاڑی کے وزن کا جزر تحلیلی سطح مالل پر نیچے کی طرف ۱۰۰ ش کے بہا سے وزن کے برابر پر نیچے کی طرف ۱۰۰ ش کے بہا سے وزن کے برابر کو رو کئے والی کل قوت ۲۲۰۰ پونڈ وزن کے مساوی ہے۔ لہذا حرت کو رو کئے والی کل قوت ۲۲۰۰ پونڈ وزن کے مساوی

ہے۔ فرض کرو کہ ریل گاڑی کی رفتار فی ٹانیہ فٹوں میں ر ہے تو انجن کا کام وہ ہے جو ۲۰۰۰ م ایونڈ وزن کی قوت کے نقطۂ عمل کو فی ثانیہ ر فٹ تھینے میں یعنی کہ = نوالہ اس کئے رہل گاڑی کی رفتار ہے اس میل فی گھنٹہ ہے

امثله نمبری (۱۲۷) (۱) ۵۰ ش محمیت کی ایک ربل محاری ۳۰ میل فی گفته کی کیساں رفتار سے جل رہی ہے۔ ہوا اور رگرہ ویفر کی مزاحمت بم پونڈ وزن فی ٹن ہے۔ انجن کی اسی طاقت

معلوم کرو۔ (۷) اس انجن کی اسی طاقت کیا ہے جو ایک ریل گاڑی کو ۲۰۰۰ پونڈ وزن کی مزاحمت سے متقابل بہمیں فی گھنٹہ کی رفتار سے چلا رہا ہے ہ (۳) ۱۰۰ ش تحمیت کی ایک ریل گاڑی ایک سطے مائل یر به میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چڑھ رہی ہے۔ سطح کا میلان ۲۰۰ میں ایک ہے۔ جاذبہ ارض کے سطح کا میلان ۲۰۰ میں ایک ہے۔ انجن کی اسبی طاقت سوا تمام مزاحمتوں کو نظر انداز کرکے انجن کی اسبی طاقت

سُعَلُوْمُ ، كروب

(4) ابن سے ایک برون و بیات اور کا بات کے اور کی جانب آدھ گھنٹہ ہیں ، سوس فط کھنٹیا گیا ہے۔
سطے کا میلان افق سے ، ۴ ہے اور قدر فرک اللے ہے۔
جس انجن نے یہ کام کیا اس کی اسپی طاقت دریافت
کرو اور کام کی مقدار بھی معلوم کرو۔
مما (۸) نضف پوٹڈ محبیت کا ایک پختم طالت سکون سے

علم حرکت

باكششم

گرنا منٹروع کرتا ہے۔ دریافت کرو کہ دسویں نتانیہ میں توت جاذبہ ارض اس بر کتنا کام کرتی ہے۔ · (۹) ایک بہاز کے انجن کی اسبی طاقت ۲۵۰۰۰ ہے اور انجن بہاز کو ۲۰ میل فی گونٹہ کی رفتار سے چلا سکتا ہے۔ حرکت کے منقابل یانی کی مزاحمت دریافت کرو۔ ( (۹۰) توانانی \_ تعربیت - ایک جسم کی کام کرنیکی کرنیکی کام کرنیکی کرنیکی کرنیکی کرنیکی کرنیکی کرنیکی کرنیکی کرنیکی کرنیک کرنیکی کام کرنیکی کرنیک کرنیکی کرنیک فابیت و وابی سب ہیں اور توانائی بالقوہ۔ جو توانائی کسی جسم میر حرکت کی وجہ سے ہو وہ اس کی توانائی بالفعل کہلا سبے۔ اور اگر اس جسم کو ساکن کرنے کے لئے فوتیں لگائی جائیں تو اس کے ساکن ہوئے تک جس قدر کام اِن قو تون کے متفایل وہ جسم کرے گا وہ اسکی تُواثَاني بالفعل كا اندازه بهوگا-كرنے والا جسم ، جھولنے والا رفاص ، گھوشنے والا يہيہ

رسے والا جہم ، جو سے والا رفاق ، حو سے والا بہدہ اور توپ کا متحرک گولا سب توانائی بالفعل رکھتے ہیں۔ فرض کرو کہ محمیت م کا ایک ذرہ رفقار رسے حرکت کر رہا ہے تو اس کام کی مقدار دریافت کرو جو ساکن ، ہوئے شک وہ ذرہ اپنی حرکت کے زور سے کرسکتا ہے۔ فرض کرو کہ ایک قوت تی اس کی حرکت کے بنقابل عمل کرتی ہے۔ فرض کرو ملک کرتی ہے۔ فرض کرو کہ یہ توت ایس کو ساکن کر دبتی ہے۔ فرض کرو کہ یہ توت ایسی ہے جس سے ذرے میں اسراع

اکثشم

(-ع) بيدا ہوتا ہے تو ت = م ع فرض كرد كه ساكن مونے شك ذره فاصله لاطے كرتا ہے تو فرض كرد كه ساكن مونے شك ذره فاصله لاطے كرتا ہے تو • = لا+ ٢ (-ع) لا

ن ع لا= الله الأ ليس ذرے كي توانائي بالفعل

= اس کام کی مقدار جو ساکن ہونے تک اس نے کیا

= ن لا = م ع لا = آ م لا پس ایک متحرک ذرے کی توانائی بالفعل دو مقداروں کا عاصل ضرب ہے ایک ذرے کی محمیت دوسرے اسکی رفار کے عربع کا نصف ۔

(91) مسئلہ ۔ نابت کروکہ فاصلے کی اکائی میں توانائی بالفعل کی تبدیلی قوت عاملہ کے مساوی ہے۔ فاضلے کی اکائی میں فاضلے کی اکائی میں فاضلے کی اکائی میں فاضلے کی اکائی میں فاضلے کی تبدیلی قوت عاملہ کے مساوی ہے۔ فاضلے کی تبدیلی قوت کو میں ہم کی گانا ہے۔

فرض کرو کہ آیک قوت تی محبیت ہم سے ایک فرے پر وقت و بین عل کر سے اس کی رفتار کو ب سے بدل کر لہ بنا دیتی ہے۔ اور اس مرت میں ذرہ فاصلہ

ف ہے کرتا ہے تو

لاً-باْء ٢ع ف جهال ع اسراع ہے جو ذرے میں بیدا اُوں میں میں اُوں میں میں اُوں کی اُساں ہو۔

توانائی بالقوہ ہوتی ہے۔ یعنی اپنی اصلی شکل پر آنے میں این اصلی شکل پر آنے میں این کام کی مقدار کھانی کی توانائی القدہ ہے۔ اور اس کام کی مقدار کھانی کی توانائی القدہ ہے۔

اگر کوئی جُسم زمین سے بلند واقع ہو تو بھی اس میں توانائی بالقوہ ہوتی ہے۔

مِثْلًا كَلاك كو حركت وبينے والا وزن جب كه كلاك كو کنجی دی جائے۔ اور پنھر جو بلندی پر واقع ہو اوربانی جو آبک بلند حوض میں بھرا ہوا ہو۔ ان جسموں کی توانائي بانقوه وه کام ہے جو زمین سک پہنچنے میں میر جم كر سكتے ہيں ايسے جسوں كے لئے زمين كي سطح معياري وضع یاصفری وضع فرض کی جاتی ہے۔ دبی ہوئی ہوا میں بھی تواِ نائی بالفوہ ہے یعنی پھیل کر جب یہ اینا اصلی حجم اختیار کرتی ہے اور ایسا کرنے میں جس قدر کام کرتی ہے وہ اس کی توانائی بالقوہ ہے۔ دبی ہوئی ہوا کا اصلی جم وہ ہے جو کرہ ہوا ہیں مل کر اس کا تجم ہو-رسم ٩) الحبيت م كا ايك ذره بندى يى برساكن ہے۔ اگر وہ اس بلندی سے گرے تو مابت کروکہ دوران حرث میں اس سی توانانی بالفعل اور توانانی بالقوہ کا مجموعہ ایک

مفدار منتقل ہے۔ فرض کردکہ ذرہ نقطہ ک سے گر کر نقطہ ل پر زمین پہ پہنچا ہے۔ فض کرو کہ ک ل میں ایک نقطہ ط ہے جہاں ک ط=لا اور فرض کرد که نقطه ط پر ذرے کی رفتار ک ہے۔

ط پر ذرے کی توانائی بالفعل = اے م لا = م ج لا اور ط پر ذرے کی توانائی بالقوہ

= اس کام کے جو ذرے کاوزن ط سے ل مک مرنے میں کر سکتا ہے

ے م ج × طل = هم ج (ى - لا)-پس مقام ط پر توانائى بالفعل اور توانائى بالقوه كا مجموعه

ہے مرج کی لکین ک پر ذرے کی توانائی بالقوہ مرج کی ہے اور اس کی نوا نائی بالفعل صفر ہے۔

يس توانائي بالقوه أور توانائي بالفعل كا مجموعه ط بروي ہے جو ک پر ہے۔ اور چونکہ طاکوئی سا نقطہ ہے اس کے ان دولوں مقداروں کا مجموعہ دوران حرکت

میں ایک ہی رہتا ہے۔ یہ واضح رہے کہ جب ذرے کو زمین سے اٹھاکر مقام ک پر رکھا گیا تخا تو اس عمل سے ذرے میں توانائی بالقوه كا ذخيره جمع مو گيا تفاء اور حب ذره ك سے كرنا شروع كرتاب تو اس كى تواناني بالقوه شكل بدل كر توانائی بالفعل کی صورت میں نمودار ہوتی ہے اور

یہ تبدیلی برابر جاری رہٹی ہے جب تک کہ ذرہ زمین یر نہیں بہنے جاتا۔ اس وقت تندیلی کمل ہو جاتی ہے اور نوانانی بالقوہ کا ذخیرہ بالکل ختم ہوجاتا ہے اب رقاص کا راب رقاص کی حرکت پر غور کرو۔ جب رقاص کا گولاً ا پنے بلند ترین منفام پر بہنچ کر ایک آن کیلے ساکن رہتا ہے تو اس دفت اس میں توانائی باتوہ ہوتی ہے اور جب اس مقام سے حرکت کرکے گولا بست ترین مقام پر پنجبا سے تو توانائی بالقوہ بالتدریج بدل کر توانائی بالفعل کی صورت اختیار کرتی بعدی بدل سروی باس کی مورت احیار ری مورت احیار ری مورت کرکے دوری طرف باند ترین مقام کک بہنجا ہے تو اس کی قوانائی بالقوہ کی صورت افرانائی بالقوہ کی صورت میں آجاتی ہائے۔ اور یہ عمل جاری رہتا ہے۔ میں آجاتی ہے۔ اور یہ عمل جاری رہتا ہے۔ (۲۹ ۹) دفعہ سابقہ کی مثال اصول بھاء توانائی کی ایک سادہ تمثیل ہے جو اس طح بیان کیا جاسکا

اگر ایک جسم یا جسموں کا ایک نظام قوتوں کے ، بقائی نظام سے زیر عمل حرکت سمررہ ہو تو اس كي توا نائي بالفعل اور توانائي بالقوه كا مجموعه نبيس بدنا-عالم مادی میں جو قوتیں ظہور پذیر ہوتی ہیں وہ اس صورت میں بقانی کہلاتی ہیں جب ان کا انحصا

= الم [ البح ل (جب عه- رجم عه) ] يني هم ج ل جب عه- هم ج ل رجم عه اور زمين پر بہنج كر تواناني بالقوه صفر موتى - اس كنے

علم حركت 4.1 وبإل نوانائي بالفعل اور تواناتي بالقوه كالمجمسموعم م ج ل جب عد ۔ م ج ل رجم عد ہوگا۔ اللہ القوہ م ج ل رجم عد ہوگا۔ اس کئے اگر درہ سطح مائل کی چوٹی سے پاید کا مجموعی نقصوان رم جم ل جم عم مو گا۔ یہ توانائی صورت بدل کر حرارت کی شکل میں نبودار ہوتی ہے۔ کچھ حرارت متحرک ذرے میں اور کھے شطح الل میں بیدا ہوتی ہے ادر آخر کار یہ حرارت ہوا میں منتشر ہو جاتی ہے۔ توانائی بالفعل سے نقصان کی ادر مثالیں دفعہ ۸۲ ے حل کردہ سوالات میں ہیں۔ مر دو صورتوں میں صدے سے پہلے توانائی بالفول يبر تخي -

ر. = ۲۲ گولی کی توانانی بالفعل = بله ×۱۲۰۰× ۱۲۰۰ فط پوند

صدے کے بعد گولی اور ہدف دولؤ کی مجموعی توانائی يالفعسل = ٢٠١٠ إلا = سندند في إوندل

أَرَا مَا فَي بِالفعل كَا تقصان = ١٨٠٠٠٠ - ١٨٠٠٠٠

قوب کی نوانائی بالفعل = ہا ×۵۰× ۱۲۴۰ (۱۳۵) فط بوندل = مع × (۵۳) افت سے ۱۰۵۰ میں افت سے ۱۰۵۰ فوب اس سے ظاہر ہے کہ کو نے کی توانائی بالفعل توب کی توانائی بالفعل سے ۲۸۰ گنا ہے اگرچہ ان کے معیار حرکت برابر ہیں ۔ معیار حرکت برابر ہیں ۔ گولے کی تباہ کن طاقت کی وجہ یہی ہے کہ اسکی

توانائی بالفعل بہت زیادہ ہے۔ توانائی بالفعل بہت زیادہ ہے۔ (۹۲۶) اگر جیموں کا کوئی نظام ایسا ہو جس کا تعلق

کسی دوسرے نظام سے یہ ہو تو اس میں اگرتوانائی صورت بدل کر مخلف شکلوں میں نمودار ہو مثلاً حرارت ۔ آواز ۔ روشنی یا کوئی اور صورت جو بموجب طبیعیات جدید توانائی اختیار کرسکتی ہے تو بهين معلوم بهو كاكم في الحقيقت تواناني زايل يا ضائيع ہیں ہوتی۔ یہ اصول جس سے ظاہر ہوتا ہے کہ توانانی نابود نہیں ہوتی جدید سائنس کا مرکزی اصول ہے۔ یہ بانفاظ ذیل بھی بیان ہو سکتا ہے۔ توانانی میں نہ تو اضافہ ہو سکتا ہے اور نہ اس میں کی ہوسکتا ہے اور نہ اس میں کمی ہوسکتی ہے سکتی ہے اور بنہ وہ نابود ہوسکتی ہے۔ لیکن آلیک صورت بدل کر کوئی دوسری صورت اختیار کرسکتی ہے۔ یہ عددی مثال دی جاتی ہے کہ کام کے ۸ کا فٹ یونڈ اس قدر مرارت کے مساوی ہیں کہ ان سے ایک پونڈ یانی کی حرارت بقدر ایک درجه فیرن بائث برهمنتی درجه درجه فیرن بائث برهمنتی درجه به در درجه فیرن بائث

امثله نمبری (۱۵)

(۱) ابونڈ کمیت کا ایک جسم ۲۷ فط فی ثانیه کی رفتار سے اوپر وار سمت راس میں بھینکا جاتا ہے معلوم کروکہ اس کی توانائی بالفعل کیا ہے (۱) بوقت

٢٠٠١ أَيْنَ رَبِي وَ بِهِ بِالْبُسْمِ حرکت کا مقابلہ کرو۔ اگر دونو کو کیساں قویس لگاکر یک تانیہ بیں ساکن كيا جائے۔ تو قوتوں كى مقدار معلوم كرو اور يہ مجى در یافت کرو کہ کتنا فاصلہ طے کرنے کے بعد ہرایک ساکن ہوگا ہ (4 میار سرکت اور توانانی یے اصولوں کے استعال کی مزید تشریح سے لئے ہم ذیل میں اور مثالیں ٧٠٨ مثال (١) م پونڈ کمیت کا ایک ہتوڑا ی فط کی بلندی سے ایک کوشنے سے سریر گرا ہے۔ چورے كى چوٹ سے كھونٹا أ فط زمين ميں جاتا ہے۔ زمين کی فراحمت دریافت کرو ۔ کھو ننظ کی تحمیت ک پونڈ ہے یہ تسلیم کرلیا جائے کہ زمین کی مزاحمت کیساں سے اور کھو انظے میں لیک نہیں ہے۔ کھونٹے کی برتِ ترکت بھی معلوم کرو اور یہ بھی دریا کرو کہ صدے سے کس قرر نوانائی بالفعل کا نقصان فرض کرو کہ کھونٹے کے سریر لگنے کے وقت تھوڑ کی رفتار ب ہے تو فض کرو کہ صدے کے غین بعد ہموڑے کی رفتار

باكششم

ار ہے تو بقاءِ معیار حرکت کے اصول سے

( مم + ک) ار = مم ب ۲۰۰۰۰ (۲) مونے

فرض کروکہ زمین کی مزاحمت ہونڈلوں میں طہے۔

تو زمین کے اندر کھونٹے کی حرکت کو رو کئے والی

قوت = ط- (مم + ک) ہے

بقاء توانائی کے اصول سے

 $\frac{1}{4}(a+b) u' = [d-(a+b)-5)] \times t$   $\frac{1}{4}(a+b) + (a+b) + \frac{u}{4}$   $\frac{1}{4}(a+b) + \frac{a}{4} \times \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \times \frac{1}{4}$   $= (a+b) + \frac{a}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \times \frac{1}{4}$   $= (a+b) + \frac{a}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \times \frac{1}{4}$   $= (a+b) + \frac{a}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4}$   $= (a+b) + \frac{a}{4} \times \frac{1}{4}$ 

= (0+L) 3+ 0+L × 5 × 10 =

اس سے ظام ہے کہ آگہ مہلک × کی بوٹڈ وزن کھونٹے کے سر بر رکھا جائے تو زمین کی خراحمت بر عین غالب آگر تھونٹے کو زمین کے اندر داخل کی دیگا۔

کر دیگا۔ معیار حکت کے اصول سے کھونٹے کی مدت حکت و طامل ہوتی ہے۔کیونکہ

[ط- (م + ک) ج] × و = میار حرکت کی تبدیلی = ف

بأثبشم علم حركت =(م+ک)(=مب 10 = 10 × 10 × 10 = 0 -، و = م + ک × ۲٠ = + م ب- - الرم + ك الا ニーナーナーナーナーナー 1 x - 1 = = ک × ہموڑے کی توانی بوقت صدمہ۔ ك مع مقالي بين م جن قدر زياده او يعني بهور کی کمیت بقابلہ کو نٹے کی کمیت کے جس قدر زیاده جو اسی قدر کم نوانائی کا نقصان ہوگا۔ مثال (۲) بانی سکل کی حرکت - ایک باتیک اور اس کے سوار کا جموعی وزن ۲۰۰ یونڈ کے وزن

سادی ہے ۔ سائیل سوار ایک مستوی سٹرک پر امیل فی گھنٹہ کی رفتار سے جارا ہے اور حب اسکے یاؤں آیک پوری گردش کرتے ہیں تو بانی سکل TT×٠٠ اپنج آگے بڑھتی ہے۔ اور بائی سکل سے کرینگ کا موات موات کے متعابل مرات موات کے متعابل مرات ۵ بوئد وزن بو تو دریافت کروکه سوار اینے یافل سے کس قدر زور لگاتا ہے اور اس مے کام کی شی کا مقابلہ ایک اسی طاقت سے کرو۔ یا وں سلے زور کو کیساں قوت سیم کرے فرض کرد کہ وہ ط پونڈ وزن ے تو آیک پوری گردش میں کام کی مقدار=۲×ط×۱۲ فَتْ بِونَدُ اسْ مِدت مِن مُراحمت لَى مقالِي مِن جُو کام کیا گیا اس کی مقدار = T × نظر × ۵ فٹ پونڈ سلیلے کرو کہ رکڑ کی وجہ سے کام کا نقصان نہیں ہو یعنی پیاکم بائی سکل نظر آ ایک کامل مشین ہے۔ اس نظ دونو کا موں کو مساوی کر کھنے سے

OX TH XT = IF X DXY

یعنی ط = ۲۵ = ۱۰ به بوند وزن تقریباً سوار کا کام فی گفته = ۵ × (۱۰۰ ۱۰ × ۱۰ ۱۰ فی پوند منام فی منت = ۵ × ۱۰۰ × ۱۰ اسبی طاقت منام کی شرح = ۱۰ × ۱۰ × ۱۰ سبی طاقت . باکششم

اگر سائیکل سوار ایک سطح مائل پر اسی رفتار سے پڑھ رہا ہو اور سطح کا میلان ۵۰ میں ایک ہو تو دریافت کرو کہ پاؤں سے کس قدر قوت لگا رہا ہے ۔

پاؤں کی پوری گردش سے بائی سکل  $\pi \times 0$  کے لینی پاؤں کی پوری گردش سے بائی سکل  $\pi \times 0$  کے لینی مشین  $\pi \times \frac{1}{11}$  فظ آگے بڑھتی ہے یعنی وہ اور اس کی مشین  $\pi \times \frac{1}{11}$  فظ سمت راس میں اور والد مشین  $\pi \times \frac{1}{11}$  فظ سمت راس میں اور والد پر برطے ہیں ۔ ایسا کرنے میں  $\pi \times \frac{1}{11}$  فظ سمت راس مورت میں پونڈ مزید کام کرنا پڑے گا۔ لہذا اس صورت میں پونڈ مزید کام کرنا پڑے گا۔ لہذا اس صورت میں  $\pi \times \frac{1}{11} \times \frac{1}{11}$ 

## امثله نمبری (۱۲)

(۱) م محمیت کا ایک گوله ن محمیت کی ایک توپ سے چلایا جاتا ہے اور طلت وقت گولے کی رفتار بلخاظ توپ کے بب ہے۔ نابت کرو کہ گولے اور توپ کی اصلی رفتاریں بالترمتیب ن ب اور محمد اور محمد توپ کی اصلی رفتاریں بالترمتیب محمد اور کہ اور محمد اور کہ اور محمد اور کی توانائی بالفعیل اور کی کمیتوں کی عکسی نسبت سے متناسب ہیں۔

411

(۲) ایک توپ ایک گاڑی پر چڑھائی گئی ہے جوالکہ چکنی مستوی شطے پر حرکت کرسکتی ہے۔ توب کا میلا افق سے عہ ہے۔ توب سے ایک گولہ جلایا جانا ہے جو توپ کے منہہ سے نطلتے وقت افق سے زاویہ رہم بناتا ہے۔ اگر توپ اور اس کی گاڑی کی زاویہ تنہ بناتا ہے۔ اگر توپ اور اس کی گاڑی کا تحبیت گونے کی تحبیت سے ن گنا ہو تو ثابت

رس نصف ش محميت كا ايك جسم ٨٠٠ فث في ثانيه کی رفتار سے حرکت کرتا ہوا ایک ثابت بدف برجاکر لگتا ہے۔ اور ا ثانیہ میں ساکن ہو جاتا ہے۔ رون پر صدمے کی مقدار معلوم کرو ۔ اور یہ تسلیم کرکے کہ جسم کے ساکن ہونے سک بدف کی مزان ہے دریافت کرو کہ جسم ہدف کے اندرکسفاد

داخل ہوگا ؟ دم ) م ہنڈرڈ ویٹ کمیت کا ایک جسم ۱۰ فِٹ کی باندی سے ۱۲ ہنگدڈ ویٹ سمیت کے ایک بے بیک کھونے پر آکر گڑتا ہے۔ یہ تتلیم کرمے کہ کھو نے کے دخول کے مقابلے میں نمین کی مرات یکساں ہے اور ال الن وزن کے مساوی ہے

کی مقدار معلوم کرو۔ یہ۔ ایک رسی ایک چکنی جرخی ہر سے گذرتی ہے،

۹۔ دو جسم جنی کمیتیں بالترتیب ۵ افد کم پوتد ہیں ایک رسے ایک شابت چکنی چرخی پر سے گذرتی ہے شاک کردئے گئے ہیں کا سیکنڈ کے گذرتی ہے شاک کردئے گئے ہیں کا سیکنڈ کے بعد بڑی کمیت والا جسم ایک ثابت ہے گئے اسکنڈ سطے مستوی پر آکر گراتا ہے کا ثابت کروکہ ہے۔ سیکنڈ سطے مستوی پر آکر گراتا ہے کا ثابت کروکہ ہے۔ سیکنڈ سطے مستوی پر آکر گراتا ہے کا ثابت کروکہ ہے۔ سیکنڈ سطے مستوی پر آکر گراتا ہے کا ثابت کروکہ ہے۔ ساکن ہوگا۔

روک ینچ گرتا ہے اور اس کے بعد اپنے سے اوبدائولئے ایک جسم کو حبکی کمیت میں ہے بعد اپنے سے اوبدائولئے ایک بڑے جسم کو حبکی کمست میں ہے اوبدائولئے گئا ہے جس کے ساتھ یہ ایک بے لیک رسی کے

علم حركت ذریعہ مشلک ہے کہ یہ رسی ایک ثابت چرخی پر سے گذرتی ہے۔ ثابت کرو کہ مار اپنے اصلی متفام پر

وقت مم علی کا علی اتا عے گا

بہاں ج قوت جاذبہ کی قیمت ہے ا ا معلوم کروکہ جب جسم م جھٹکا کھانے کے بعد نیز معلوم کروکہ جب جسم م جھٹکا کھانے کے بعد حرکت شروع کرا ہے تو م کی مرکی توانائی کی کونسی

کسر ضائع ہوجاتی ہے ؟ ۱۱سر ایک ہلی بے بچک رسی ایک ہلی کچنی چرخی پر سے گذرتی ہے اور اس کے سروں پر دو وزن ۱۲ اونس اور 9 اونس کی کمیتوں کے بند سے ہیں ک اوس کے وزن پر ایک ، اوس وزنی سلاخ

رکھ دی گئی ہے اور جیب ۹ اونس کا وزن محل سکون سے ک فٹ ینچے گرتا ہے تو سلاخ آیک نابت چھلے کے ذریعہ اس پر سے اٹھالی جاتی ہے، معلوم کروکه ۹ اونس کا وزن اور کتنا نیجے گریگا ؟

اگر ہ اونس کا وزن چھلے میں سے اوپر گذر نے وقت سلاخ کو اپنے ساتھ اوپر لے جائے اور نیج

ار ت وقت سالخ کو پیچے جھوڑ دے ہو معلوم کروکه کتنے وقت میں یہ نظام بھر ساکن ہو جائیگاہ ۱۲ دو ریل گاڑیاں ایک دو سریکے ساتھ ساتھ

۱- ایک ہموڑا جس کی کمیت ۲۰ ٹن ہے ہماپ کے دباؤ کے زیر عل جو ۳۰ ٹن وزن کے مساوی ہے ہم دباؤ کے زیر عل جو ۳۰ ٹن ونن کے مساوی ہے ہر دفعہ سمت شاقولی میں ۵ فٹ ینچے گرتا ہے ، تباؤکہ اس کار رفار مصلہ کیا ہوگی اور ساکن ہونے سے

412 پہلے یہ کتنے فٹ پونڈ کام کرنگا ؟ (۱۸) آیک گاڑی وزنی ۱۵۰ شن ۵۰ میل فی گھنشہ کی رفتار سے جارہی ہے ، کی گفت اس کی بھاپ بند کردی گئی ہے اور بریک لگا دے گئے ہیں اور بند کردی گئی ہے اور بریک لگا دے گئے ہیں اور بند کردی گئی ہے اگر بید ساکن ہو جاتی ہے اگر بید ساکن ہو جاتی ہے اگر مراحمت کو کیساں فرض کیا جائے تو اس کی مقدار معلوم کرو اور اس کا کام فظ پونڈوں میں دریافت (۱۹) ایک ریل گاڑی وزنی ۲۰۰ شن ایک ایسی اُنل پر جس کا چڑھاؤ ۱۰ میں اسے ۱۰ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے اوپر چڑھ رہی ہے ، طرک کی فراحمت فی ش ۸ پونڈ وزن سے مساوی ہے ، اگر بھاپ بند مردی جائے اور بریک رنگادے جائیں تو گاڑی ایک چوتھائی میل سے بعد ساکن ہو جاتی ہے ، بریک کی گاڑی کا وزن دریافت کرو۔ یہ معلوم سے کم ہے پر لوا عصلنے سے جو رگر پیدا ہوتی ہے اس کی قدر آب ہے۔ دری اگر ایک سائیکل سوار ہمیشہ او اسبی طاقت دری اگر ایک سائیکل سوار ہمیشہ او کھندا سے کام کرے اور ہموار سطے پر ۱۱ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے جا سکے تو ثابت کروکہ سٹرک کی مزاحمت

۳۶۱۲۵ ہے وزن کے ساوی ہے۔

الرِّسوار اور اُس کی مشین کی کمیت ۱۲ سٹون ہو تو 

رہ جائے گی۔ ۱۱ء ، ایک شخص جکنی ہموار مٹرک پر ان ۱۹ میل فی گفشہ

کی رفتار سے سائیکل جلا سکتا ہے اور وہ ہریاؤں کے ساتھ اوپر سے نیچ جانے والی ضرب میں جس کا طول ا انج ہے ٢٠ يونٹر وزن سے ساوى دباؤ ذالاً

ہے، اگر یاؤں کی ایک گردش سے مشین ۱۳ اگر آگئے بڑھے تو اس سے کام کرنے کی شیح فی منت

(۲۲) کی بندوق کی گولی ایک تخة میں سے گذرنے سے اپنی رفتار کا بلے کھو دیتی ہے ، معلوم کروکہ ساکن

ہونے سے بہلے یہ کتنے آیسے تختوں میں سے گذر بائے گی کاس میں فرض کروکہ تختوں کی مزاحمت

۔ شخص کشتی جلانے میں ڈانڈ کی ہر ضرب سے ع فٹ پوئڈ کام کرتا ہے اور یہ کام کشتی جائے ہے میں کار آمر موتا ہے ، اگر کشتی دے میل فی گھنٹہ کی رفار سے جارہی ہو تو یانی کی کل مراحمت لے یونڈ کے وزن کے مساوی ہوتی ہے ، بناوکہ وہ شخص فینٹ

یہ ایک اللی رسی سے ذریعہ جو آیک لیکنی بیرخی پر سے گذرتی ہے مشلک کردئے گئے ہیں۔ ثابت کروکہ ایسا کرنے سے جو حرکت پیدا ہوگی اس میں کمیتوں کے مرکز جمود کا اسراع ہے۔ ہوگا

كلم حركت مثال (س) دو جسم جنگی کمیتیں ۱۹ اور سم پونڈ ہیں دو سوائی خطوں پر بالترتیب ۱۳ اور ۸ فٹ کی رفتاروں سے درکت کر رہے ہیں کوان کے مرکز جمود کی رفتار دریافت کرو (۱) جبکه وه ایک هی سیمت میں حرکت كرين (و) جبكه وه شقابل سمتون مين حركت كرين-جَوَابِ (١) ٥ فَ فَي سَيَنَدُ (١) ﴿ إِن اللَّهِ الْفُوفِي سکتھ اس سمت ہیں جس میں کہ دوسرا جسم حرکت

ار را ہے۔ مثال (مم) دوجیم جی کمیتیں م دن آور م مین دوستقیم خلوں کے نقطہ تقاطع سے ایک ہی وقت میں فعالدہ ر اُور ن ر کے ساتھ بالترتیب ان خطوں بر حرکت کڑا شروع کرتے ہیں ، ثابت کروکہ ان کے مرکز جمود کا طریق ایک منتقیم خط ہے جو مفروضه سنتیم خلول کے درمیاتی زاویہ کی سمیف کرا ہے -مثال (۵) دو جسم كيسال رفار سے دو منتقر خول پر وکت کرتے ہیں ، یہ خط ایک دوسرے کو ایک تلاویر معلومہ پر قطع کرتے ہیں کا خابت کرو کہ انکا مرکز جود کیاں رفار سے ایک متقیم خط پر حرکت کرتا



## مرميات

(۰۰)گذشته بابوں میں ہم نے ایسے جسموں کی حرکت پر بجث کی جو مستقیم خلوں میں حرکت کرتے تھے۔ اس باب میں ہم ایک ایسے ذرہ کی حرکت پر غور کرنگے ہو ہوا میں کسی رفار سے ساتھ کسی سمت میں پھینکا جا-ہم فرض کرینگے کہ جسمون کی حرکت سطح زمین سے بلحاف فاصلہ کے سناسب حدود کے اندر رہتی ہے اور اسلئے جو اسراع جاذبۂ ایض کی وجہ سے پیدا ہوتا ہے وہ قریب قریب مستقل خیال کیا جا سکتا ہے ۔ نیز ہم ہوا کی مزاحمت کو نظرانداز کریگئے اور یہ فرض کریگئے کہ حرکت خل میں ظہور پذیر ہوتی ہے ، اور ایسا فرض کرنے کی دو وجوه بين ' أولًا جواكي مزاحمت كا قانون جبكه ايك فره اس بی حرکت کررا جو تھیک طور پر معلوم نہیں اُور ٹانیا اُلّہ یہ قانون معلق بھی ہو تو الیبی بحث میں نظری ریاضی کے اصوبوں کی وسیع واقفیت کی ضرورت نظری ریاضی کے اصوبوں کی وسیع واقفیت کی ضرورت

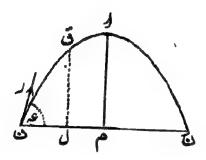
بالبقتم

علم حركت

ہو گی اور اِس کتاب کے پڑھنے والے سے استفدر توقع

نہیں کی جاسکتی -نقریفات اگر کسی نقطہ سے کوئی ذرہ کسی خاص سمت یں ہُوا کے اندر پھینکا جائے تو جو زاویہ یہ سمت ک تقطہ ندکورہ میں سے گزر نے والی افقی سطح کے ساتھ بناتی ہے اسکو زاوینہ رمی کہتے ہیں ، جو راستہ ذرہ کی حرکت سے بیدا ہوتا ہے اسکو خط هرمی کہتے ہیں ا نیز اگر نقطہ رمی ہیں سے کوئی ایک مستوی سطح کمینی جا أور ذره كا طريق (خط مرمي) اسكو أيك نقطه پر ملے تو اس نقطہ اور تقطہ رمی کے درمیان جو فاصلہ ہے اس کو ذرہ کا شیم اس سطح پر کہتے ہیں ، اور ابتدائی حرکت سے ذرہ کو بتنا وقت ، نقط رمی میں سے گذرنے والی افتی سلح سے دوبارہ ملنے ہیں لگتا ہے اسکو مدت پرواز

منی خط ہوتا ہے ک دفعہ سال میں ہم شابت کرینگے کہ یہ منحی ہمیشہ قطع مکافی (سنگجی) ہوتا ہے۔ فرض کروکہ ن نقطہ رمی ہے کاس رفیار اور عد زاویہ رمی ہے ، نیز فرض کرو کہ ن ادن فرہ کا طریق ہے جبکا



قوتوں سے طبیعی استفا کے اصول کی رو سے (دفعہ ان)

چوہر جسم کا وزن ایک عودی قوت ہے اسلئے صوب
عودی سمت میں ہی جسم کی حرکت پر اسکا افریکسکا
ہے، پس افتی سمت میں ہو جسم کی رفقار ہے آئیسر
اس کا کوئی افر نہیں ہو سکتا ، اس لئے جسم کی افقی
رفقار غیر متبدل رہتی ہے۔

ذرہ کی ابتدائی رفقار کے افتی اور عمودی اجزائے یولی
بالرتیب سی جم عہ اور سجب عہ ہیں
اس لئے افتائے حرکت میں افقی رفقار ہمیشہ سے محم عہ
رہتی ہے۔

رمتی ہے۔

رمتی ہے۔

رمتی ہے۔

رمتی ہے۔

روتی سمت میں ابتدائی رفقار سی جب عہ ہی

[کیونکہ جاذبہ ایض کی وجہ سے جو اسراع پیدا ہوتا ہے وہ عردی سمت میں نے کیطرف جے ہے اور ہم اپنی مثبت سمت کو اوپر کی طرف ہے درہ زیر بحث کی حرکت اس لئے بلحاظ عودی حرکت کے درہ زیر بحث کی حرکت ایک ایسے ذرہ کی حرکت سے متاثل ہوگی جو باسراع ایک ایسے ذرہ کی حرکت سے متاثل ہوگی جو باسراع سمت راس میں ابتدائی رفقار می جب عہ سے پھینکا گیا ہو۔ پس اسطح جو ذرہ زیر سجٹ کی حرکت سے ماصل ہوتی ہے وہ ایک ایسے ذرہ کی حرکت سے ماصل ہوتی ہے جو ایک پتلی عمودی نمی میں رفقار مرجب عمر سے متاثل ہو جبہ نلی افقی سمت میں رفقار مرجب عمر سے سے بینکا گیا ہو جبہ نلی افقی سمت میں رفقار مرجب عمر سے حرکت سرے ۔

(۱۰۲) سمسی وفت مفروضہ کے بعد فدہ کی حرکت کی سمت اور رفتار معلوم کرو۔

فِض کُوکہ وقت مت گذرنے کے بعد مطلوبہ رفقاری افقاری افغان افغان

ا فقی سمت سے زاویہ طہ بناتی ہے تب س کر جم طہء افتی رفتار وقت مٹ گذرنے کے بعد

= س جم عبر ، متقل انقی رفتار

نیز س جب طری عمودی رفتار وقت مت گذرنے کے بعد س حب عمر ۔ ج مت

اس کے مربع کینے اور جمع کرنے سے

مربع کے اور جمع کرنے سے

مربع کے اور جمع کرنے سے

مربع کے اور جمع کرنے سے

اور تقییم کرنے سے مسی طہ = می جب عہ - ج سے

(۱۰۳) کسی ارتفاع مفروضہ پر حرکت کی سمت اور رفقار معلوم کرو به فرض کردکہ مفروضہ بلندی ب پر ذرہ کی رفقار می سمت کو افق سے زاویہ مفار می سمت کو افق سے زاویہ طہ بناتی ہے - اِسلنے اس نقطہ پر افقی اور عمودی رفقاریں بالترتیب من جم طہ اور من جب طہ ہیں۔

سر من جم طه = س جم عه المستقل افقی رفقار - (۱) نیز دفعه ۲۲ کی روسے

مَن جب طن = من جباعه - ٢ ج ب...(٢) (١) اور (٢) كا مربع لينے اور جع كرنے سے مئا = س - ٢ ج ب

نیز عل تقییم سے مس طہ ہے ای جب عہ سے میں ان جب عہ

(۱۰ معلوم کروکہ اپنی مدت پرواز میں ایک مرمی کا بڑے سے بڑا ارتفاع کیا ہوتا ہے اور ابتدائے حکت سے اس ارتفاع اعظم پر پہنچنے کے لئے کتنا وقت صر ہوتا ہے وض کرو کہ او خط مرمی کا سب سے اونچا نقطہ ہے ( دیکھوشکل دفعہ ۱۰۱) اب ضرور ہے کہ مرمی کا فرور ہے کہ مرمی کا سب کے کہ مرمی کا سب سے اونچا نقطہ ہے ( دیکھوشکل دفعہ ۱۰۱) اب ضرور ہے کہ مرمی کا

نقطه او پر انقی سمت میں حرکت کردا ہو اس کے اس کے اس کی عمودی رفتار نقطہ او پر صفر ہو گی اس کی رو سے اپنزا دفعہ ۱۳ کی رو سے میں جب عہ ۔ ۲ ج × م او

ن م او س جب عم

جس سے ارتفاع اعظم طاصل ہوتا ہے فض کردکہ ن سے ارتک کی برداز کا دقت ت ہے، تب ظاہر ہے کہ وقت سے بیں عمودی رفار س حب عمر جاذبہ ارض کی وجہ سے فنا ہو جاتی ہے اس لئے دفعہ ۱۲ کی روسے۔ یہ جب عہ۔ ج مت

د ت = المجب عم

جس سے مطلوبہ وقت عاصل ہوتا ہے (۱۰۵) نقطہ رقی میں سے گذر نے والی افقی سطح مستوی پر مرمی کا ٹپ دریافت کرو کم نیز اسکی مرت پروازمعلوم کرو۔

جب مرمی نقطه ن پر بہنچا ہے (شکل دفعه ۱۰۱) تو اس کا عمودی سمت میں طے کردہ فاصلہ صفر ہواہے۔ اسلنے اگرت مرت پرواز ہو تو دفعہ ۳۲ (۱) کی روسے قل ہے سجب عہ لے ج سا

فيع باد + المامية داء بور الماد

بالبقيم

ن ت = اونج نقطم » سب سے اونج نقطم

یک ہنچنے کے وقت کا دو چند۔ اس تمام دفت میں افقی رفتار کی متقل قیت

س حجم عہ ٰ رمتنی ہے ند ن ن ہے افقی فاصلہ جو وقت سے میں طے

= س تم عه × ت = المراجب عد جم عد 190

اسلتے معلوم ہوا کہ نیبہ ایک ایسی کسر کے مساوی اسلتے معلوم ہوا کہ نیبہ ایک ایسی کسر کے مساوی بیتانی عبودی اور افقی رفتارہ

کے عاصل ضرب سے دو چند کے برابر ہے اور جس

کا نسب نا ج ہے

(۱۰۲) مری کی مفروضہ رفار رمی س کے لئے

بڑے سے بڑا افقی نئیہ دریافت کرو اور اس کے

زاویہ رمی کی قیمت معلوم کرو۔

زاویہ رمی کی قیمت معلوم کرو۔

اگر زاویہ رمی عہ تو گذشتہ دفعہ کی روسے افقی نئیم

امراجب عد جمعه \_ سراجب اعد

برجب وعد کی قیمت بڑی سے بڑی اُسوقت موگی جگه ۲ هه = ۰ 9°

يغني جکه عه = ۲۵

کرتی ہے ساوی ناوٹ بناتی ہیں۔ روروں مثال (۱)۔ ایک گولی ۲۸۰ فٹ فی سیکنڈ کی دفار

علم حركيت یکھیٹکی گئی ہے اور اسکی سمت رمی افق کے ساتھ س کا زاویہ بناتی ہے تو (۱) مری کی بڑی سے بڑی اونجانی در یافت کرو (۲) افتی سطح پرکا پیر اور مدت بروانه معلوم کرو (۱۳) جب گولی ۷۱۵ فٹ کی اونجائی پر ہو تو گونی کی سمت حرکت اور رفتار معلوم کرد ابتدائی افقی رفتار = ٠٣٠ جم ٣٠ = ٠٩٢ × الله = ١٩٠٠ مالله

فْ فِي سِيكِنْدُاوراتْبُدائي عَمُودي رفّار= ١٨٠جب ٣٠٠ علامة ٢٤٠٠ فت في سيكند

(۱) اگر فرض کیا جائے کہ بڑی سے بڑی مطلوب اونجائی ب ہے تو ب وہ فاصلہ ہو گا جو ایک ذرہ ، مرس فٹ فی سیکنڈ کی رفار سے سٹروع ہوکہ باسراع (-ج) حرکت کرکے ساکن ہو جانے تک طے کرے۔ サモィーディ·=· ·

ن ب = برسور = ۱۲۰۰ فظ-

(١) اگر مدت پرواز من مهو تو س سيکند بس جوعمود فاصلہ طے ہوا وہ مفر کے برابر ہے۔ ビーマナービ×ャナ・ニ・ a

المنافي المنا

افقی سید = اس فاصلہ کے جو ایک ذرہ ۳۲۰ اس فٹ

باسبهقتم علم حركت 744 فی سیکنڈ کی مستقل رفتار سے ۲۰ سیکنڈ میں طے کرتا = ۳۰ ۳۲۰ س = ۱۱۰۸۵ نظر تقرساً (٣) اگر ٤٤ ه فٹ کی اونجائی پر رفقارس ہو تہ اور اسو مرقی کی سمت پرواز افق سنگ ساتھ زاویہ طعہ بنائے تو ツーシー・ソート・フィート ラインター・ファック اور المجم ط = (۳۲۰) Y -- x Yr = اس لئے عل جمع سے س = ۲۲ × ۱۱۰۶۵ = ۱۱۰۶۵ فط في سيكند نیزعل تفتیم سے مس طه = \ الم الم على = مه ۱۲ مع د طبعی ماسات سے جدول سے معلوم ہوگا کہ طد= ١٩٠٥ مرم تقریباً مثال (۲) - کرکٹ کا ایک گیند ۹۹ فٹ سیکنڈ کی ابتدائی رفتار سے پینکا گیا ہے ، انفی سطح پر بڑے سے بڑا ہی معلوم کرو اور نیز دریافت کرو کہ کن دو سمتوں میں گیند پھینکا جائے کہ بید ہم، فٹ ہو؟ اگر آدادیه رقی عد مو تو شیر دفته ۱۰۵ کی رو سے

علم حركت بڑے سے بڑا ٹیہ اس وقت عاصل ہوگا جبکہ عدیہ م

= ٢٨٨ = ٢٩٧ =

أكرشيه بههم أفط ہو تو زاويه عد مساوات ذيل سے عال

الم جب عد = ١٩٩

م جب عمد = المهم = المهم = المهم = المهم = المهم المهم المهم = المهم ال

10- 1 4- =

ن عه = ١٥ يا ٥٥٠

مثال رس ایک توپ کا گولہ ایک برج کی چوٹی سے جس کا ارتفاع ۹ہ فٹ ہے۔ ۲۰۰ فظ فی سینڈکی رفقار سے افقی سمت میں پھینکا گیا ہے ، (۱) اس کی مدت پرواز معلوم کرو (۱) برج سے پائین سے اش تقطه کا فاصلہ دریافت کروہاں یہ زمین پر آکر لگتا ہے -رس جب یہ زمین پر آکر لگا ہے اسوقت اس کی

رفآر معلوم كرو ر ۱ ) گولے کی اتبلائی عمودی رفقار صفر ہے کا اس کئے مرت یرواز من سے وہ وقت تعبیر ہوتا ہے جسیں

ایک جسم ، جاذبہ ارض کے زیر عل بلا نگلف گرکر

فاصلہ وہ فٹ طے کرتا ہے۔

بالبيمقتم

علم حركت اس سے وہ = الم عرب ال

ن دت = کم سیکنڈ (۲) مرت برواز میں افتی رفتار متقل رہتی ہے اس کئے پائین برج سے مطلوبہ فاصلہ=۰۰۰× ہے=۰۳۰ (س) کے سیکنڈ سے اختیام پر عمودی رفتار= فی سینڈ ہے

ن مطلوبه رفآر = ۱۰۰۰ + ۲۵۷ = ۸ ۱۹۷۲

= ۲۰۷۶ فط تقريباً

مثال رہم) ایک ٹیلے کی چوٹی سے جس کا ارتفاع ٨٠ فَتْ ہِ ايك بتھر ٨٠ فَتْ فِي سَيَكُنْدُ كِي ابتدائيًّا رفار سے ایک ایس سمت ہیں پھینکا گیا ہے جو افتی سے ، ۳ کا زاویہ بناتی ہے کا معلوم کرو کہ پتھر زمین یر کہاں لگیگا ہ

ابتدائی عودی رفقار ۱۲۸ جب ۳۰ یا ۱۲۸ فظ فی ۹

ابتدائي افتي رفقار ١٢٨ جم ٥٠٠ يا ١٢٨ اس فث في

سیکنڈ ہے فض کرد کہ دقت سے گذرنے کے بعد پھر زمین ير أكر لكنا ہے

## أمثله نبسري ١٤

(۱) ایک فره س فٹ فی سکنڈ کی رفار سے ایک ایسی سمت میں بھینکا گیا ہے جو افق سے زاویہ عہ بناتی ہے ، بڑے سے بڑا ارتفاع ، مدت برواز اور افتی سطح پر کا بٹیہ دریافت کرو جبکہ (۱) سطح پر کا بٹیہ دریافت کرو جبکہ (۱) سے ۱۹۲ ، عہ = ۲۰۰ (۲) سے ۱۹۲ ، عہ = ۲۰۰ (۲)

بالمبتفتم علم حركت 444 (۱) ایک افغی سطح مستوی بر بڑے سے بڑا شہد دریافت کرو جبکه رفتار رقمی (۱) ۴۸ (۲) ۲۰ (۳) ۱۰۰ فٹ نی سینڈ ہو۔ رس ایک گولی ایک بندوق سے ۱۲۰ میشر فی سیکنڈ نکلتی ہے ، معلوم کروکہ زیادہ سےزیادہ یہ کہاں گیک جاسکتی ہے اور اس کا ارتفاع اعظم کیا ہوگا ؟ رہم) ۔ ایک شخص ایک پنھر کو ۸۰ میشر کی دوری تک پینک سکتا ہے ، معلوم کروکہ بچھر کتے عرصہ کک ہوا میں رہتا ہے اور بڑی سے بڑی کیا اونجائی حاصل حرہ ہے ج رہ) ایک جسم مد فط فی سیکنڈ کی رفقار کے ساتھ ایک ایسی سمنت میں پھینکا گیا ہے جو افق سے ڑاویہ مستا م پناتی ہے ، ننابت کروکہ یہ ۹۰ فٹ کی عمودی بلندی منگ بہنچیگا کا در اس کی سمست سرکت ک افق سے ۲۰ کا زاویہ بنائے گی جب اس کا عمودی ارتفاع زمین سے ۱۰ فٹ ہوگا کا نیز خابت کروکہ اس کی مدت پرواز سیے ہم سیکیٹر ہوگی۔ (۲) ایک مرمی زمین سے ۹ فٹ کی کمیندی سے افقی سمت میں پھینکا گیا ہے اورسطے زمین سے ... افط کے انقی فاصلہ پر آکر لگتا ہے ، اس کی انتہائی رقار

للم حرکت

معلوم کرو۔
ربی ایک برج کی چوٹی سے جس کا ارتفاع ب ہے
ایک پتھر افقی سمت میں رفتار ہا ج جب کے
ساتھ پھینکا گیا ہے ، معلوم کروکہ زمین پر یہ کہاں
جاکر گیگا۔ نیز زمین پر مگرانے کے وقت اس کی
رفتار کیا ہوگی ؟

الله (۸) ایک ریلوے گاڑی ۳۰ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے جارہی ہے اس سے فرش پر وفٹ کی بلندی سے ایک بیتھر گاڑی سے اس مے فرش پر وفٹ کی بلندی سے ایک بیتھر گاڑی سے ایک بیتھر گاڑی سے فرش پر تاکر لگتا ہے اس وقت اس کی دفالہ اور سمت ، فضا میں معلوم کرو۔

اور سمنت افضا ہیں معلوم کرو۔

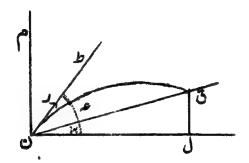
× (۹) ایک جہاز ۱۱ فط فی سیکنڈ کی رفار سے جارہ اسے معتول کی چوٹی سے جس کا ارتفاع مہم افظ ہے ایک جسم گرتا ہے اجسم کی حرکت کی سمت اور رفار معلوم کرو (۱) دو سیکنڈ گذرنے کی سمت اور رفار معلوم کرو (۱) دو سیکنڈ گذرنے کے بعد (۷) جب یہ عرضہ جہاز پر آکر طکوائے۔

کے بعد (۷) جب یہ عرضہ جہاز پر آکر طکوائے۔

(۱۰) ایک ٹیلے کی چوٹی پر جس کی بلندی ۱۰۰ فط کولہ کی جوٹی پر جس کی بلندی ۱۰۰ فولہ کی جوٹی پر جس کی بلندی ۱۰۰ فولہ کی جوٹی پر جس کی بلندی ۱۰۰ فولہ کی جوٹی پر جس کی بلندی ۱۰۰ کولہ میں کی بی جو افق سے ۱۹۰ کا زاویہ بناتی میں کی کی کی جو افق سے ۱۹۰ کا زاویہ بناتی میں کی کوری خطسے میں کی بوجی میں سے گذر نے والے عودی خطسے یہ تو پ میں سے گذر نے والے عودی خطسے

(۱۲) ایک ذرہ ایک ایسی سمت میں پھینکا کیا ہے ہو افق سطی ہو افق سطی ہو افق سطی میں کا بیت کا افتی سطی ہو اس کا بیت کا میل ہے کا اس کی رفار رمی معلوم کرد اسکے راستہ کے سب سے اونچے نقطہ برجواسکی اور اسکے راستہ کے سب سے اونچے نقطہ برجواسکی

بابتهم رفتار ہے اسکو بھی معلوم کرو م (۱۵) ایک رہی نقطہ سے دو گین ر ایسی دو سمتوں میں تھنکے گئے ہیں جو افق سے ۲۰ اور ۳۰ کے زاو بناتی این اگر وه دونون ایک هی اونجائی کک بهنیس تو ایمی ابتدائی رفتارون کی نسبت دریافت کرو اگر اُن رونوں کا افقی شبہ ایک ہی ہو تو یہ نسبت کیا ہوگی ؟ (۱۷) ایک ذرہ کی رفتار جب یہ بڑی سے بڑی افخانی پر ہو اس رفتار کا آب ہوتی ہے جب یہ بڑی سے بر ہو کا بت کروکہ سے بڑی اونچائی سے نصف پر ہو کا خابت کروکہ زاویه رمی ۴۰° ہے -(۱۷) زاویہ رمی دریافت کرو جبکہ ایک افقی سطح پر کا شہر مرمی سے ارتفاع اعظم کا (۱) ہم (۲) ہم آآ گن ہو۔ درمار اگر ایک ذرہ نئیہ کے مساوی فاصلہ بلا تکلون نیج گرنے سے استدر رفتار حاصل کرنے جو ذرہ کی ابتدائی رفار رمی کے ساوی ہوتو زاویہ رمی دریافت ایک سط مالل افق سے زاویہ بہ بنائی ہے ، اس سے ایک نقطے سے ایک نقطے سے ایک درہ رفقار می کے ساتھ ایک ایسی سمت میں پھینکا گیا ہے جو سطح مائل پر کے عاد اورخط میلان اظم



رفار کا ابتدائی جزء ترکیبی ن ق کی عودی سمت میں اسراع می جب (عد ہ بہ) ہے اور اس سمت میں اسراع دخم بہ ہے وال سے ق تک جانے میں وقت فض کروکہ ذرہ کو ن سے ق تک جانے میں فاصلہ طے کردہ ن ق کی عودی سمت میں صفر ہے۔ اسلئے ۔ یہ جب (عد به) × ت ۔ ہے جم به × دیا اسلئے ۔ یہ بہ با (عد به) × ت ۔ ہے جم به × دیا اسلئے د یہ بہ با کی جب بہ بہ کی اسلئے د یہ بہ بہ کاری جب بہ کاری میں افتی رفتار می جم عہ مسلقل رہتی ہے، اس اثنا میں افتی رفتار می جم عہ مسلقل رہتی ہے،

علم حركت

اسلنے ن ل = رحم عد × ن بین بید ن ق = ن ل = رحم عد × ن = بین جم بید ن ق = جم بہ جم بیہ × ن = بین جم بیر اور ال) بیر سے سطح مائل بر بڑے سے بڑا بید طاصل ہو اور نابت کرو کہ کسی ایک مفوضہ ٹیا ہے کے مری اور نابت کرو کہ کسی ایک مفوضہ ٹیا ہے کئے مری کو پھنکنے کی دوسمتیں ہیں جو بڑے سے بڑے کئے والی سمت سے مساوی زاوعے بناتی ہیں -

جب (۱عد-بر) بڑی سے بڑی ہویا جبکہ ۱عد-بر= ہے۔
اس صورت میں عد- بر= ہے۔ عد

یعنی زاوئے طن تی اور طن ہم مساوی ہیں۔
ایعنی زاوئے سے بڑے بئید والی سمت ، عمودی سمت
اسلنے بڑے سے بڑے بئید والی سمت ، عمودی اور سطح مائل کے درمیانی زاویہ کی شصیف کرتی ہے۔
اور سطح مائل کے درمیانی زاویہ کی شصیف کرتی ہے۔

نیز بڑے سے بڑا شیہ = جے جہا بہ (ا-جب بہ)

= جراب بہ ا

علم حركت بالبهقتم 444 نیز (۱) کی رو سے ٹیہ بزاویہ ارتفاع عم وہی ہوگا ہو لیہ بزاویہ ارتفاع عہ ہے اگرجب (۱عم - به) =جب (۱عم - به) يعتى اگر ٢عبر-به = ١٦- (٢عمر-به) يعني اگر عم = ١٠ + به - عه  $-(\frac{7}{4} + \frac{11}{4}) = (\frac{7}{4} + \frac{11}{4}) - \alpha = \frac{1}{4}$ لیکن زاویہ ارتفاع ہے + ہے سے بڑے سے بڑا شیہ عاصل ہوتا ہے ہم اس نے سطے مائل پر کوئی مفروضہ شیہ عاصل کرنے کے لئے مری کو بھینکنے کی دو سمتیں ہیں اور پیسمتیں سطے بیر بڑے سے بڑا بید ر سمت سے مساوی زاوعے بناتی ہیں۔ ااا- مثال (۱) ایک سطح مائل کے یائین سے چڑھاؤ ۲۵ میں کے ہے ایک کولی . . اوفظ فی سیکنط کی رفتار سے (۱) سطح مائل کے اوپر کی طرف (۲) سطح ینچے کی طرف کا آیسی سمت میں پھینکی گئی ہے ے بینے میں سے ۳۰ کا ناویہ بناتی ہے ، ہر صورت میں سطح پر کا رئید دریافت کرو۔

فرض کرو کہ سطح کا میلان بہ ہے یعنی مجب بہ = ہے اور جم بہ = ۲۵

علم حرکت بالبيقتم 440 (۱) دفعہ ۱۰۹ کی روسے ، شپہ صورت اول میں = ۲۲ م فط تقریباً = ۲۲ م فط تقریباً (۱) سطح ائل کی عودی سمت میں ابتدائی رفقار س جب (۱۳۰+ به) اور اساع - ج جم به ہے ، اسلنے مرت پرواز مت ا ا ب جب (۱۳۰۰) ہے اسلنے اگریٹیدٹ ہوتودفی ا کے موافق ے جم بہ = سجم ،۳° × س ن ط = ۲ مرا جم الموب (۱۳۰۰) جائے تو سط مائل کے نیجے کی طرف کا شہر حاصل

ہوگا اور وہ کیے ہے

علم حركت 444

بابثقتم

۲ / ۲ × بم عدجب (عد+بد) جم بر بر

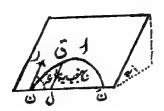
مثال (۲) سابق مثال میں بڑے سے بڑا میہ دریافت کو زاوية رمى عم لازماً = له ( لهم + به ) = ( لهم + به ) اس صورت میں ٹیہ = جہم بہ (ا-جب به)

= ۲۵×۳۲۰۰۰ فط تقریباً

اسی طح سے سطح الل کے بنیجے کی طرف بڑے سے بڑا بیہ نبہ × اسکے یعنی ۱۵۲۲۵ فط ہوگا

مثال رس ایک سط ائل کے پائین سے جو افق کے ساتھ زاویہ بہ بناتی ہے ایک ذرہ ایسی سمت میں بھینکا گیا ہے جس کا میلان افق سے عہد، ثابت کردکہ اگر جم بہ = برمس (عہدب) تو ذرہ سطح مائل کو زاویہ فائمہ بر آگر لگیگا۔ ذمن کرو ۔ کہ رفار دمی س ہے۔ اسلتے سطح مائل کے

متوازی ابتدائی رفتار کا جزء تخلیلی س جم (عه - به)-اور سطح کی عمودی سمت میں رفتار کا کیزر تحلیلی ترجب عدیم ہے۔ ان دو سمتوں مین اساع - جہب بہ اور ہج جم ہہ تب دفعہ ۱۰۹ کے مطابق ذرہ کو جو وقت ت سطح سے دو بارہ منے میں لگنا ہے وہ بریجب (عدید) ہے۔ اس کری سر حکم اس آن س جب یہ سطح پر اگر اگرائے سطے پر اگر ذرہ کی سمتِ حرکت اس آن بیں جب یہ سطے بر اگر ٹکوائے سطے بر عمود وار ہو۔ تو اسکی رِفار کا جو جزئا تحلیلی اس آن میں سطم کے متوازی ہوگا وہ صفر ہوگا۔ اس کنے س جم (عد- بد)-ج جب بہ × ساء۔ ن سرجم (عدب) = ت = ٢٧ جب (عدبي) د بع جم به ں (عبہ - بہ) ر اللے پر حرکت ۔ ایک ذرہ ایک معلم مال پر حرکت ۔ ایک ذرہ ایک سطح ماکل پر حرکت کرتا ہے۔ جو افق سے ناویہ بہ بناتی ہے۔ اگر ذرہ سطح برکے ایک نقطہ سے رفتار س کے ساتھ ایسی سمت میں پھینکا گیا ہو جوسط مان اور افقی سطح کے خط تقاطع سے زاویہ عمر بنائے۔ تو ذرہ کی حرکت دریافت کرو۔



وت جاذبة العض كي وجه سے جو إسراع بيدا ہونا ہے۔ شکو دو اجزائے ترکبی میں تخلیل کرد ، ایک تو ج جب بہ و خط میلان اعظم کے متوازی ہے اور دوسار ج جم بہ وسطح الل پر عمود وار ہے۔ یہ دوسرا اسراع سطے کے امل کی وجہ سے بے اثر یا ضائع ہو جاتا ہے ا سلنے ذرہ سط مائل پر صرف اسراع ج جب بہ سے حرکت کرتا ہے اور یہ اسراع سطح کے خط میلان اعظم بس راس صورت میں حرکت کی تحقیق اسی طع سے ہو سکتی ہے جیسے دفعات ۱۰۱ کا ۱۰ میں ہوئی ، فرق مرف اتنا ہے کہ ہیں اسراع "ج "کو "ج جب بہ" میں بدل دینا چا ہئے۔ اور "عمودی فاصلوں "کی بجائے اُن فاصلوں سے مراد لینی چا ہئے۔ "جو سطح مامل پر خط میلان اعظم کے متوازی ناپے گئے ہوں "
امتنا منہ منہری (۱۸)
امتنا منہ منہری (۱۸)
(۱) ایک سطح مائل افق سے ۳۰ کا زاویہ بناتی ہے،

علم حركت 449 اس کے پائین سے ایک ذرہ سیکنڈ میں ۲۰۰ فط کی ابتدائی رفتار سے ایک ایسی سمت میں یھینکا گیا ہے۔ جو افق سے زاویہ ۹۰ کا بناتی ہے ، سنطح مائل کیکا بيه اور مدت پرواز دريافت كرو .. (م) ایک سطح سے یائین سے جس کا میلان ۳۰ ایک ذرہ رفتاری سے ساتھ ایسی سمت میں بھیعکا گیا ہے جو افق سے ۵، کا زادیہ بناتی ہے، معلوم کرو کہ ذرہ سطح کو کہاں جاکر لگیگا، سطح مالل پر ذرہ کا بڑے سے بڑا شیہ دریافت کرو۔ رس ایک ذرہ مہا فیٹ فی ثانیہ کی رفتار سے ایک البی سمت میں بھینکا گیا ہے جو افق سے ۵ م کا ناویہ بناتی ہے ، ایک ایسی سطح مال پر اس کا تلیہ ہم، اور مدت پرواز دریافت کرو جو آفق سے میں کا زاویہ کی بناتی ہے، ساتھ ہی اس کا بڑے سے بڑ ٹیہ سطح مانل بیر در یافت کرو رس ایک فره ۸۰ ۱۲ فط فی نانیه کی رفتار سے اسی سمت میں پھینکا گیا ہے جو افق سے ۸۵ کا زاویہ بناتی ہے ، ایک ایسی سطح مائل پر جس کا زاویہ میلان افق کے ساتھ جب آ ہے اس کا بیہ وریافت میں کرو جب یہ بالرتیب سطح کے (۱) اوبر کی طرف (۲) نیجے کی طرف کیھینگا گیا ہو۔

10-(۵) ایک سبدوق کی گولی کی رفتار رمی درم فط فی تایند ہے ، ذیل کی مائل سطوں ہیں سے ہرایک پر اسکا بڑے سے بڑا شیبہ اور مدت پرواڑ دریا فت کرد بسطی کے روایاءِ میلان آفق کے ساتھ (۱) ہم (۲) ۲۰ (۳) جب آبا (ہم) جب آ ہے ہیں (4) ایک ذرہ خاص رفتار کے ساتھ ایک سطح مستوی پر پھینکا گیا ہے ، اس کا بڑے سے بڑا ٹید اِس سطح ير ٥٠٠٠ گر ہے ، اس كا بڑے سے بڑا ميہ ايك ایسی سلے پر دریافت کرد۔ جس کا میلان اُفقی سے ۵م، ایسی سلے پر دریافت کرد۔ جس کا میلان اُفقی سے ۵م، اسلے مائل کے نتیجے کی طرف مرد سلے پھینکا گیا ہو ائس صورت میں اس کا بڑے سے بڑا عبيه دريافت كرو-(ن) ایک معلومہ رفتار رمی سے سطح ستوی برایک مرمی کا بڑے سے بڑا شبہ ۱۰۰۰ میشر ہے کا نابت سروکہ ایک ایسی سطح مانل پر حبس کا میلان افق سے ، ۳ ہے مری کے بڑے سے بڑے شے سطے ادبر کی طرف اور نیمے کی طرف بالزنیب بے ۱۹۲۷ اور۲۰۰۰ میشر ہیں -بیشر ہیں -خرم) آیک سطح افق سے نیاویہ (۱) بس (۲) بو ناتی خرم) آیک سطح افق سے نیاویہ (۱) بس کا کر فرہ ۲۵ میٹا ہے اس پر کے ایک نقطہ سے ایک ذرہ ۲۵ میشر فی نانیہ کی رفتار سے سطح کی عمودی سمت میں بھینکا

401 کیا ہے ، دونوں صورتوں میں سطح پر کا طبہ دریافت ساا۔ ایک ذرہ ہوا کے اندر رفتار معلومہ کے ساتھ مفروضہ سمت میں چھینکا گیا ہے ، ثابت کروکہ اس کا طریق قطع مکافی (شنجی ) ہے۔ دفعہ ۱۰۱ کے موافق فرض کرو کہ رفتار روی س ہے ، الويم رمى عدى انقى شيه ك ك اور طريق كا سبس اونجا نقطه ال ہے، اور ال م ان ف بر عمود ہے ا تب دفعہ ۱۰مر کی رو سے الم م = مراجب مد نیز دہ م = اس افقی فاصلہ کے جو وقت سم <del>جب ع</del> الماجب عديم عد فض کروکہ ذرہ سے طریق بید کوئی نقطہ تی ہے، اور رم عن ن برق ع اور ق ل بالترتيب عمود ہيں-فرض کرو کہ ن سے ق سک کی پرواز میں وقت م

= ٢ ( سجب عمر = = ساتھ ہی (۲) اور رہم) سے :

ق ع= نم- ن ل= <del>الأجب عجم عه</del> - الجم عه × ت

= الجم عه ( الجب عه - س)

دقع = المجمع مرا المجب عدر الماجم عدد الماجم

= 47 x 2 x f 3

اس کو شاقولی سمت میں <del>کا جماعہ</del> کے ساوی ناپو ن قع = ١٠ س × اع

بابہ ہم اس منحنی کی بنیادی خاصیت ہے جسکو شلجی فاطع مکافی کہتا ہد 404 یا قطع مکافی کہتے ہیں۔ اسلئے تی ایک ایسے قطع مکافی پر واقع ہے حبکا محد عمودی ہے ، جس کا راس ال ہے اور جس کا

= ہم ارس = برا جماعہ صریح (۱) اس سے معلوم ہوگا کہ قطع مکافی کا ونتر خاص یا دو سرے الفاظ میں اس کا ناپ ابتدائی ارفقار کے صرف افقی جزء تحلیلی پر مخصر ہے اور عمودی

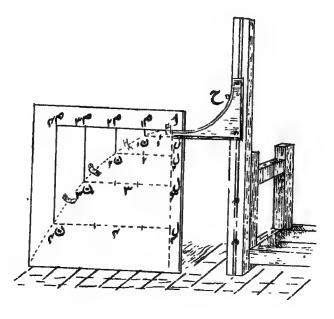
جزء پر منصر نہیں ہے۔ منتجم صرم (۷) ماسکہ س کا ارتفاع ن میں سے گزرنے والے اُفقی خط سے = س م = ام - اس

= ساجب عد ساجم عد المراجم عد المراجم عد المراجم عد المراجم المحم المولة بيد فاصله منفى مهو كل المراجم على المراجم

افقی خط سے نیجے واقع ہوگا۔
سم اللہ اللہ کرو کہ طریق کے کسی نقطہ پر ذرہ کی رفتار مقدار کے ساوی ہوتی مقدار کے مساوی ہوتی ہے جو وہ مرتب سے نقطہ مذکور یک شاقولی سمت میں

TOM بلا ٹکلف گرنے سے حاصل کرسکتا ہے۔ دفعہ سال کی شکل میں م او کو کا تک اتنا خارج کرو کہ ار کا اوس کے مساوی ہواکا ک کو افقی سمت میں و انت لاک مرتب ہوگا۔ راگری برکی رفتاری ہو تو دفعہ ۱۰۲ کی روسے الا = ( ال جب عد - ج س) ا + ( ال جم عد) ا יב ע' - זע ج جب عد × " + ج' ב" = ۲۶ [ المجرد عبدت - ۲ ج تاً )] ایکن م کا = م را + رکا = کاجم عمر = ماجم عمر = ماج اور م ع = ق ل = راجب عد بدت \_ با ج سا : 3 = 15 [98-93]=15 x38 اسلئے ترک انس رفتار علمے مساوی ہے ہو ذرہ مرتب سے نقطہ ق مک شاتولی سمت میں بلا تکلف گرنے سے حاصل کرتا ہے۔ ۱۱۸ اس مسللہ کا تجربی ثبوت کہ ایک مرمی کاطریق قطع مکافی ہوتا ہے فرض سرو کہ ایک منحٰی شختہ راح پر ایک نالی یا جھری

فرض کرو کہ ایک منحی شختہ اسے پر ایک نالی یا جھری بنادی کمئی ہے جس میں سے ایک چھوٹی گولی پنچے کی طرف لڑ کہ سکتی ہے، اس کو ایک عمودی شختہ سائے



104 باب مقتم علم حركت بڑی احتیاط سے گولی کو ہمیشہ اسی نقطم سے سے چھوڑنا چلہئے یہے ایک منحنی ال ن ن ن ن منتجو جو ان حلقو مرکزوں میں سے گذر ہے ، اگر بہت سے طلقے تھیک طور پر اپنے اپنے مقامات پر نگائے گئے ہوں تواس منی کا صرف ہاتھ سے کھینج لینا آسان ہوگا۔ عودی خط ن مم، ن مم، کسیجو جو ا میں سے گزر نے والے افقی خط کو م، م، مس فاصلے اوم، امر، ۔... اور ن مر، ن مر، ... نایو تب رم، رام، رام، المم، الممان درو کے مربع کیے اور آنکو او معلوم ہو گاکہ ہر صورت میں قریب قریب نیتجہ دہی ہ اسلنے معلوم ہواکہ منحنی کے کسی نقطہ ن کے لئے اوم ا منتقل ہے یعنی الل ستقل ہے۔ اسلنے درا ایسے برات ہے جیسے ال لیکن یہ قطع مکافی کی بنیادی خاصیت ہے اسلئے منی مکور قطع مکافی ہے اگر ہم گولی کو نالی کے کسی اور نقطہ ح سے چھوڑیں تو بھی یہی نینجہ حاصل ہوگا۔ لیکن ابتدائی نقطہ ح کا مقام برلنے سے شلجی کی شکل میں تغیر واقع ہوگا۔ ام ننی شریب اگر منحنی شختہ کو اس طرح ترتیب دیا جائے کہ نالی کے

علم حركت

نقطه الرير كولى كى سمت متوازى الافق نه بهو- تو بھى اسی طرح سے ہم ثابت کرسکتے ہیں کہ خواہ گولی کسی سمت میں کسی رفتار سے پھینکی عمیٰ ہو اس کا طریق هميشه قطع مكاني ياسشلجي موكا-

## امثله نمبری ۱۹

(۱) چاند پر کوئی کرہ ہوائی معلوم نہیں ہوتا اور چاند پر کی قرت جاذبہ متفدار میں جاذبہ زمین کی نسبت بقدر ہے کے کم ہے ، اگر جاند پر کے ایک قلعہ کی توپ سے اور نظے۔ تو معلوم ایس فیار سے گولہ نظے۔ تو معلوم كروكم ملك كاكتنه حصه اس توب كي زد ين جو كاب و (۲) ایک شینس کا گیند ۸ فٹ کی بلندی سے پھینکا كيا ہے ، يہ جال كو ايك ايسے نقط پر مس كرتا ہ جس کی بلندی سوفٹ سوانج ہے اور دوسری طرف جال سے ١١ فيٹ سے فاصلہ برج کے پڑتا ہے ،جال کے پائیں سے گیند کھنکنے والے کا افقی فاصلہ ۹ س فٹ ہے ، نابت کروٹر گیند کی افتی رفتار اءا فٹ فی ثانیہ ہے اور زاویہ رمی دریافت مرو-رس) آیک مسطح مائل آفق سے ملاکا ناویہ بناتی ہے اور اس کا طول 4 فط ہے ، ایک ذرہ سطح برسیدها

معلوم کرو لہ وہ لب اور لس جگہ ایکدوسرے سے ملینے۔
ال (١) ایک شے نقطہ رقی ہیں سے گذر نے والی سطح افقی
میں واقع ہے ، اگر زاویہ ارتفاع عہ کے ساتھ اس کا
نشانہ کیا جائے تو مرمی ال فٹ کم رہ جاتا ہے اور اگر
مرمی کا ارتفاع بہ ہو تو یہ ب فٹ آگے چلاجاتا ہے ،
ثابت کرد کہ اگر ہرصورت میں رفار رمی ایک ہی ہوتو
صیح ارتفاع ہے جب الرجب برب بے ہوگا۔

، من جرائی ایک سطح (۱۱) خابت کرد کے والی ایک سطح (۱۱) خابت کرد کہ نقطہ رخی میں سے گذرنے والی ایک سطح مانل پر کا بڑے سے مساوی ہے

جو ذرہ اس پٹہ کی مدت پرواز میں بلا مکلف گئے سے

اور (۱۲) ایک ذرہ ابتدائی رفتار می سے پھینکا گیا ہے اور نقطہ رقی میں سے گذرنے والی لیک سطح مائل کو زاویہ قائمہ بر اگر لگنا ہے اگر سطح کا میلان افتی سے بہ ہو توثابت کروکہ نقطہ رقی میں سے گزرنے والی افقی سطح بر اس نقطہ کی بلندی بہاں ذرہ سطح ائل سے جانے سطح بر اس نقطہ کی بلندی بہاں ذرہ سطح ائل سے جانے اور مرت برواز گئت ہے کی جانب ہے وار مرت برواز

مراجب البياب × البياب المراجب المراجب

(۱۱۰) نابت کرو کہ آیک افقی سطح پر کی مدت پر وازمیں جو نانبوں کی تعداد ہے اسکے مربع کا چارگنا اُن فٹونکی تعداد کے سب سے تعداد کے سب سے اوٹے نقطے کی بلندی میں میں ۔
اوٹے نقطے کی بلندی میں میں ۔

رہم ایک مرمی کی بڑی سے بڑی لمندی نقطہ رمی میں سے گزرنے والی افقی سطح سے دب ہے اور ناویہ رمی عہ ہے ان دو آلؤں کا باہمی وقفہ دریافت

باببفتم

کرو۔ جن جب مری کی بلندی ب جب عمر ہو (۱۵) ایک بندوق چلائے کے وقت ایک جسم ایک غبارہ کروکہ سے بلا تکلف گرئے کے لئے چھوڈا گیا ہے، معلوم کروکہ بندوق کی سمت کیا ہوکہ گولی جسم سے طرا ہے۔ اگرغبارہ کی بلندی سائز ہو اور نقطۂ رقی سے غبارہ کا ارتفاع میں ہو اور گولی کی رفار رقی ۱۳۲۰ فی سیکنٹر ہوتو جہاں گولی اور جسم عکراتے ہیں اس نقطہ کو معلوم کرد رغیارہ ساکن ہے)۔

(۱۹) دو ذرے ایک ہی آن ہیں پھینے گئے ہیں۔
ایک بڑاویہ ارتفاع ۹۰ رفتار ہی کے ساتھ اور
دوسرا ایک چکنی سطح مائل پر جو افنی سے زاویہ ۳۰ کابناتی ہے رفتار س کے ساتھ اکابت سرو کہ آن فرکورسے کابناتی ہے رفتار س کے ساتھ اکتابت سرو کہ آن فرکورسے ساتھ کابناتی ہوں گے۔ بعد ذرے بلحاظ ایک دوسرے سے ساتھ ساتی ہوں گے۔

سائن ہوں ہے۔ اگے اور پچھلے بہیوں کے نصف قطر اور اور بی اور اُن کے دعمروں کا درمیانی قطر اور اور بی اور اُن کے دعمروں کا درمیانی فاصلہ کر ہے ، مثلی کا ایک ذرہ پچھلے بہیے کے سب سے اوشیے نقطہ سے چھٹ کر ایکے بہیئے کے سب

سے اوشی نقطہ پر آگر بڑتا ہے ، ثابت کروکہ گاڑی

کی رفتار (د+ب-ل) (د+د-ب) ج ب

(۱۸) اگر ۱۰ پونڈ بارود ۲۸ پونڈ کے ایک گولے میں ۱۰۰۰ اور کولے کی ۱۰۰۰ فٹ فی سیکنڈ کی رفقار پیدا کر سکے ۱ اور کولے کی توا نائی بالقوہ بارود کی مقدار کے متناسب ہو۔ تو معلوم کرو کہ اسی گولے کو بارتفاع ۱۵، ۳۰۰۰ گزشک

پھینکئے میں کتنی بارود درکار ہوگی ؟

(19) لا پونڈ کی کمیت کا ایک جسم ۲۰ فٹ فی سیکنڈ کی رفتار سے ایسی سمت میں پھینکا گیا ہے ، جو افق سے ۱۰ کی رفتار سے ایسی سمت میں پھینکا گیا ہے ، جو افق اور جسم اسی وقت اسی نقطہ سے ۲۰ فٹ فی سیکنڈ کی رفتار سے بارتفاع ۳۰ پھینکا گیا ہے ، جس بلندی کی رفتار سے بارتفاع ۳۰ پھینکا گیا ہے ، جس بلندی کی رفتار سے بارتفاع ۳۰ پھینکا گیا ہے ، جس بلندی دو مرتبہ کے اعتاریہ مرکز ثقل بہنچ سکتا ہے ، اس کو دو مرتبہ کے اعتاریہ میک دریافت کرو اور جہاں یہ مرکز تقل نقطہ رمی میں سے گزر نے دالی افقی سطح سے تقل نقطہ رمی میں سے گزر نے دالی افقی سطح سے مات نقطہ کو اس نقطہ کو فاصلہ معلوم کرو۔

۱۳۰۶،۸۰۰ ایک ریل گاڑی ۴۵ میل فی گفتہ کی رفقار سے

جارہی ہے ' اُس میں کا ایک مسافر ایک گیند کو عمودی سمت میں ۱۲ فٹ فی سیکنڈ کی رفتار سے بھینکتا ہے ' گیند اسی گیند کے طریق کا وتر خاص معلوم کرو۔ اگر گیند اسی رفتار سے ۔ ۱۹ کے زاویہ پر (۱) گاڑی کی حرکت کی سمت میں بھینکا جائے تو سمت میں بھینکا جائے تو

علم حركت

ہر صورت میں وتر خاص دریافت کرو۔ (۲۱) جو وقت ایک ذرہ کو خط مرمی کے وتر خاص کے کسی ایک سرے تک پہو کیخے میں لگنا ہے اسے دریا

( ۲۲) ایک ذره اسطح بیمینکا گیا ہے کہ وہ ایک یتلی چھوٹی مستقیم کلی سے ایک سرے سے داخل ہوکردوسر سرے سے نکل جاتا ہے ، نلی کا زاویۂ میلان ہم ا سے ، نابت کرو کہ نلی میں داخل ہونے سے پہلے ذرہ

کا جو طریق ہے ائس کے وتر خاص اور اس طرفق کے وتر خاص کا باہی فرق جو نلی سے خارج ہونے کے

بعد بیدا ہوتا ہے ، نلی سے طول کا ۲۱ گن ہے۔ (۲۳) ایک دره ۱۰۰ فٹ بلند برج کی چوٹی سے آفتی

سمت میں پھینکا گیا ہے ، اور اس سے طربق کا ماسکہ اُس افقی سطے میں واقع ہے جو برج سے یاتین میں

سے گزرتی ہے ، رفتار رمی دریا فت کرو۔ (۲۲) ایک ذره ابتدائی رفتار ۲ را ج سے پھینکا گیا

ہے و اور وہ کیساں باندی کی دو دیواروں پر سے عین گذر جاتا ہے ، ہر ایک دیوار کی بلندی او ہے

اوران کا باہی فاصلہ بال ہے ، ثابت کرو کہ طراق کا وتر خاص ۱۶ ہے اور دیوا روں پر سے گذرتیکا وقت ۲ براج ہے۔

P4L5 ar

434-37

435 23

16



(۱۱۹) اگر ایک کانچ کی گولی ایک شخص کے ہاتھ سے
سنگ مرمر کے فرش برگرے تو دہ اچھی خاصی دور
یعنی تقریباً اس کے ہاتھ تک اچھلتی ہے۔ اگر دہی
گولی لکڑی کے فرش برگرے تو بہت کم دور اچھلتی
سے۔

آگر ہم دو گو نے لیں ایک کانچ کا اور دوسرا ہاتھی دانت کا بلیرڈ کھیلنے کا گولہ اور دولؤ گولوں کو آیک ہی بلندی سے فرش پر گرائیں تو دولؤ انچل کر مخلف بلندیوں تک جائیں گے۔

اگر ہم سیسے کی گولی اسی بلندی سے اسی فرش بر گرائیں تو وہ کانچ اور ہاتھی دانت کے گولوں سے بہت کم اچھلے گی جس وقت یہ جسم فرش پر پہنچتے ہیں اس وقت ان

مارے اور است کہلائی ہے صورت میں سیدھی گریا تصادم راست کہلائی ہے ہوں اس کے عاد مشکر کی سیدھ میں ہو ان کے نقطہ تاس پر ان کی عرکت کی سیدھ میں ہو ان کی گر کو ٹیرٹھی گر یا تصادم کے اس صورت میں کہتے ہیں جب ان میں سے ایک کی یا دونوں کی حرکت کی سمت ان کے نقطہ تاس پر کے مشترک عادکی سیدھ میں نہ ہو ۔

سیدھ میں نہ ہو ۔

اس مشترک عاد کی سمت کو خط نضاؤم کہتے ہیں۔

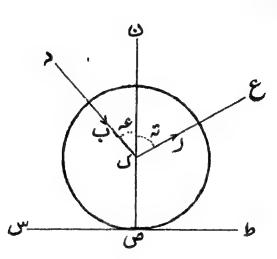
ب اور ب ہوں اور مکرے بعد رفتاروں کے اجزاء

باہشتم علم مرکت ہے ہے ۔ بیان 190 میں یہ مدمنہ 6 کرمنی استی کے تحلیلی اسی سمت میں آزادر کر ہوں تو قانون کا یہ مطلب کہ ريدنء ل (ب - ب) ٠٠٠٠٠(١) یہ تجربی قانون اس طح تھی بیان ہو سکتا ہے رفتار تباعد عد رفتار تقارب کال گنا جهان بهردونو رفقاریں دونو جسموں کے نقطہ تصادم پرکنے مشترک عاد کی سمت میں نابی جاتی ہیں۔ دفعہ ۱۲۶ کی مثال میں بائیں ہاتھ کا کرہ دہنے ہاتھ کے کرے سے مکراتا ہے اور رفتار تقارب ب۔ ب ہے۔ مکر سے بعد دہنے باتھ کا کرہ دوسرے سے علیحرہ ہوتا ہے اور رفتار تباعد رکے لے تو اس قانون کے دوسرے بیان دعوے کے بموجب (ーレー) レーレ) یہ بعینہ مساوات (۱) ہے مخلف جسمون کی صورت میں ل کی قیمتوں میں بہت اخلاف ہوتا ہے۔ کانچ کی گولیوں کی صورت میں ل م 9 و ہے۔ اتھی دانت کی گولیوں کی حالت میں ل ۸۱ ہے ۔ کاک کی گولیوں کے لئے ل ، ۲۵ ، ہے۔ ڈیطے ہوے لوہ کی گولیوں کے لئے 147 اورسینے كى گليوں كے لئے ١٠٠ - اور اگر ايك كولى سب كى ہو اور دوسری لوہے کی تو ل کی قیمت ۱۱۷ ہوگی۔ جن جسموں کی صورت میں لیک کی قدر صفر ہو

مشترک عاد کی عمودی سمت میں کوئی توت عل نہیں

علا ہے یعنی ص ن کرے سے مرکز ک میں سے

علم حرکت الا



وق کروکہ طکرسے پہلے اور طکر کے بعد کرے کی حرکت کی شہتیں کی ک اور ک ع ہیں فرض کرد کہ زاوئے کی اور ن ک ع میم اور تہ ہیں۔ اور فرض کروکہ کرے کی رفتار طکر سے پہلے ہے ہے۔ اور طکر کے بعد لر ہے جیسا کہ شکل میں و کھلایا گیا۔

جے۔ چونکہ سطے کینی ہے اس کئے سطے کے متوازی کوئی قوت عل ہبیں کرتی۔ اس کئے کرے کی رفتار کا جزہ تعلیلی سطے کے متوازی بالکل نہیں براتا۔ نہ رجب تہ ہے ب جب عمد ، ، ، (۱) نیوٹن کے تجربی قانون سے عاد سطے کی سمت میں ہے زفار تباعد اسمی سمت میں رفتار تقارب کال گنائے

بالبشتم 444 تیتنجه صربی (۲) - اگر لیک کی قدر ایک ہوتو نہ =عہ يعنى جب كره كي ليك كابل بهو تو زاويه وقوع اور زاويه انعکاس مساوی ہوتے ہیں اور رفتار مقدار میں نہیں صریح ( ۱۳ ) اگر نیک کی قدر صفر ہو تو تہ = ۹۰ اور رہ بالکل ہے دیجک ہو تو سطح سے فکرانے کے بعد سطح پر حرکت کرے گا اور اس کی رفتار کا جزء تحلیلی سطح سے متوازی ہیں بدلیگا مثال ۔ ایک گولی ۱۰ فٹ فی ٹانیہ کی رفتار سے حرکت کرتی ہوئی ایک ثابت کینی سطح سے ہم سے ناویہ پر الراتی ہے۔ اگر لیک کی قدر کی ہو تو مگر ہونے کے بعد گولی کی رفتار اور سمت حرکت معلوم کرو-زض سردکہ عمر سے بعد گولی کی رفتار رسطے سے زاویہ تہ بناتی ہے۔ طکر سے پہلے رفتار کے اجزاء تحلیلی سطح کے متوازی اور سطح کی عمو دی سمت میں ۱۰ × اور ۱۰ اور ۱۰ این ۵ اور ۵ ال بین -ع کا ہے بعد رفتار سے اجزاء تحلیلی انہی دو سمتوں میں علیہ رجم نه اور رجب نه بي -

بالمستتم 454 علم حركت Th 0 = 2 2 That = Thax d = my ہنا مبعے کرجع کرتے سے 95.4 = 17 = 1 - 18 طبعی عاسوں سے جدول سے تنہ = ۱۳۸ مرا تقریباً یں گرے بعد گولی ۹۶۰۹ فٹ فی نانیہ کی رفتار سے سطے سے میں بہ کا زاویہ بناتی ہوئی حرکت کرتی ہے۔ امتله نمبری (۲۰) (۱) کانچ کی ایک گولی ۹ فٹ کی بلندی سے ایک افقی فرش پر گرتی ہے۔ اگر لیک کی قدر ۹ مو تو دریافت کرو کہ فرش سے محراکر وہ کہاں یک او پر طائے گی 9 (م) اِنتی دانت کی ایک گولی ۲۵ فٹ کی بلندی سے ایک افقی پتھر پر گرتی ہے اور پتھر سے مکرانے کے بعد اچھل کر ١٦ فٹ اوپر کو جاتی ہے۔ شابت کرو کہ پتھر اور گولی کے درمیان لیک کی قدر ۸ر ہے۔ \*134 رم) ایک وزنی کیکدار گولی ایک کمرے کی جھت سے كرتى ہے اور فرش سے دو دفعہ اچك كر چھت كى نفف

(۲) ایک گویی ۸ فط فی ثانیه کی رفتار سے حرکت کرتی ہوئی ایک کینی سطح سے ، افظ کے زاویہ پر گراتی ہے۔ مکر کے بعد اس کی رفتار اور سمت حرکت معلوم کرہ ۔ لیجک کی قدر ہا ہے۔ (2) ایک کرہ ۵ فٹ فی ثانیہ کی رفتار سے حرکت کرما ہوا

ایک چکنی سطے سے گراتا ہے۔ اس کی حرکت کی سمت

بالبشتم

علم حركت سطے سے زاویہ جب اللہ (= ۳۱° ۵۲) بناتی ہے۔ نابت روکہ گرکے بعد اس تی رفتار ۲ (۵ (= ۲ ۲ م) فی نابیہ

ہے اور سطے سے زاویہ مس ا + (= ۲۲° ۱۳۳) بناتی ہے۔

رم ایک گولی ۱۹ فٹ کی بندی سے ایک سطے پر گرتی ہے جس کا میلان افق سے (۱) ۳۰% (۱) ۵۴ (۳) ۲۰ ہے۔

تینوں صورتوں میں گرسے بعد رفتار اور سمت حرکت دریافت کرو- کیک کی قدر ہے ہے۔

۱۲۲- دو کروں کی سیدھی مگر- تحیت م

ایک چکنا کرہ رفتار ب سے حکت ہوا الحمیت م کے ایک دوسرے کینے کرے سے جو اسی سمت میں رفقار

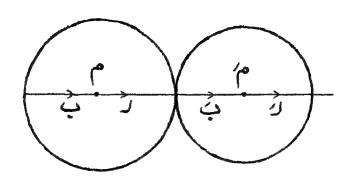
ب سے حرکت کرتا ہے ، سیدھا گرانا ہے۔ اگر لیک کی

قدرل ہو تو گر کے بعد کروں کی رفتاریں معلوم کرو۔ فرض کرو کہ مکر سے بعد کروں کی رفتاریں لے اور لئے ہیں۔

پونکہ رفنار تقارب (ب - ب) ہے اور رفنار تباعد (ار - ر) ہے اس نے نیوٹن کے تجربی قانون کے

(リー・・・・・) (リーレ) (リーレ)





پونکہ دوران تصادم میں جسموں پر صرف ایک ہی قوت علی کرتی ہے۔ علی کرتی ہے میں عمل کرتی ہے توت میں عمل کرتی ہے۔ بین بیوٹ کے خط وصل کی سمت میں بوجب دفعہ ۱۷۰ دونونکی حرکت سے معیارہ مجموعہ نہیں بدت ۔

بہ ہمیں۔ نیز کرہ م پر چوٹ کا صدمہ یہ اس کے معیارِ حرکت کی تبدیلی بالمبتثم

= م (ب-ل)= ممم (۱+ل)(ب-ب) دوسرے کرے پر صدر اس کے مساوی اور متقابل ہے۔ منجه صرح - اگرم = م اور ل = ا فرج ب قور = ب اور ل = ب یس اگر دو ساوی کرے جن کی نیک کامل ہو آپس

میں سیرھے گرائیں تو ان کی رفتاروں کا باہمی تباولہ

ہو جاتا ہے۔ ساما۔ مثال(۱) ایک گولہ جس کی تحمیت اونڈے ا نط فی این کی رفتار سے حرکت کر رہ ہے اسکے بیکھے اسی سمت میں آیک اور گولہ جس کی تحمیت مربونڈ ہے س فٹ فی شنیہ کی رفتار سے حرکت کرتا ہوا آتا ہے اور پہلے اوے سے عرایا ہے۔ اگر ل = اپ تو عمر سے بعد گولوں کی رفارس معلوم كرو-

فض کرو که مطلوبه رفتارین له اور لا مین چونکه مجموعی معیار حرکت منیں بدت

ニャメト + ペメ / ニント・ナントー نیوٹن کے قانون سے

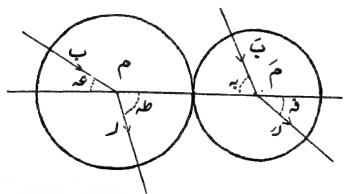
1=(アーア) = ノーン ان سا واتوں کو عل کرنے سے ر= ١٠ اور لا = ١٠ فك في نانيه

مكر كے بعد رفقاريں اور حركت على سمتيس دريافت كرو-

وض کرو کہ کروں کی رفتاریں عکر کے بعد لراور رہیں

ہیں -چونکہ کرے چکنے ہیں اس کئے ان کے خط مرکزین کی عمودی سمت میں کوئی قوت عمل نہیں کرتی - اسلئے اس سمت میں رفتاریں نہیں بدلتیں -

یں رجب طہ ہے ب جب عہ ۱۱،۰۰۰ (۱) رُجب فہ ہے ب جب بہ ۲۰۰۰ (۲)



بونکہ سمت عاد میں رفتار تقارب ب جم عد - ب جم بہ م اور اس سمت میں رفنارِ نباعد ار حجم فنہ - رحجم طرم اس کئے بموجبِ قانونِ نیوٹن

ر حم فه - رحم طه = ل (ب حم عه - ب جم به) ۱۰۰ (۱)

نیز چونکه دوران تصادم میں کروں پر صرف ایک قوت

عن کرنی ہے اور وہ خط مرکزین کی سمت میں ہے

اس نے اس سمت میں مجموعی معیارِ حرکت نہیں بدانا .

ن صرحم طه + ما رُجم فه = ص ب جم عه + ما ب جم به ۱۰۰۰)

مسا واتوں (۱) ، (۷) ، (۳) ، س سے مقادیر مجبول ر ، ر ، طم ، فم ، معلوم ہو سکتی ہیں (۳) کو هم سے ضرب دبکر (س) سے تفریق کرنے سے

رجم طد= (م-لم)بجمعد+م (ا+ل)بجم بد. (۵)

اسی طح (۳) کو مم سے ضرب دیکر (سم) میں جمع کرنے سے

ر جم فد = م (۱+ل) بجم عد + (م کوم) بجم به ۱۰۰۰ م

(۱) اور (۵) سے مربعے لیکر جمع کرنے سے لا اور تقبیم کرنے سے مسس طہ حاصل ہوگا۔

اسی طرح (۲) اور (۲) سے ایا اور مس فہ مال ہو مگر۔

ہو گئے -پس حرکت پورے طور پر معلوم ہوگئی پہلے کرے پر چوٹ کا صدمہ = اس کے معیارِ حرکت کی تبد

= م (ب جم عه - رجم طم)

= م م م (ا+ل) (ب جم عه - ب جم به) مخفر کرنے سے -جوٹ کا صدرہ دوسرے کرے پر اس کے مساوی اور متقابل نے

میجم صرم (۱) اگر ب ۔ تو ساوات (۲) سے

فہ ہے ، اس لئے کرو م خط مرکزین کی سمت ہیں حرکت كرتا ہے۔ يہ نتجہ اس كے بغير بھى نكل سكتا ہے كيوكم م پر صرف آیک ہی توت عمل کرتی ہے اور وہ خط

مرکزین کی سیدھ ہیں ہے۔

نینجہ صریح (۲) اگر م یہ مئم اور ل یہ ا رمیجہ طری ہے جم بہ اور لائے م فہ یہ جم عم پس اگر دو ساوی کھنے سرے جو کمل طور پر کیکدار ہیں

آبیں میں مکرائیں تو خط مرکزین کی سمت میں ان کی رفقار کی

علم حرکت

باہمی تبادلہ ہو جاتا ہے۔ ۱۲۵۔ مثال (۱) ہ پونڈ تحمیت کا ایک گولہ ۱۵ فٹ فی ٹانیہ کی رفتار سے حرکت سرتا ہوا ۱۰ یونڈ کمیت کے ایک گولے سے مکراتا ہے۔ ابونڈ کا گولہ ٥ فٹ فی نابیہ کی رفتار سے حرکت کر رہا ہے ۔ اگر ان کی رفتاریں متوالی

ہوں اور لوقتِ تصادم خطِ مرکزین سے ۳۰° کا زاویہ بنائیں تو گرکے بعد کی حرکت معلوم کرو۔ لیک کی قدر

ا ہے۔ فض کرو کہ مگر کے بعد رفقاریں ال اور ال ہیں اور خط مرکزین سے زاوئے طہ اور فہ بناتی ہیں۔

یونکہ خط مرکزین کی عمودی سمت میں رفتاریں نہیں

علم حرکت بدلتیں اس گئے

ارجب طه = ۱۵جب ۳۰ = الم

ارُجِبُ فہ = ہم جب ہے = ہے .... (۲)

نیوٹن کے فانون سے

ار جم فد- رحم طه = ا (۱۵جم ۳۰- ۵جم ۳۰)= ۵ الله .... (۳)

ن رجم طر+ ۲ لرجم فر = ۲۵ الم بي .... دم)

(س) اور (س) کو مل کرنے سے

رجم طه = ۵ الله ما ده)

ر جم ن = ۵ (۲) · · · · · · · (۲)

(۱) اور (۵) سے

ر = ۵ ما ت = ۱۲ م فط فی ثانیه تقریباً اور طه = ۲۰ م

(۲) اور (۲) سے

ل = الما = ٩ فل في نانيه تقريباً اورمس فه = الله الله

اس کئے طبعی ماسوں کے جدول سے فہ = ۱۲ ہو

مثال (۷) دو چکنے کرے جن میں سے ایک کی محمیت دوسرے سے دونی ہے سادی رفناروں سے

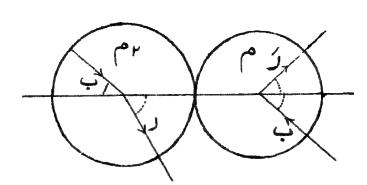
متوازی متقابل سمتوں میں حرکت کرتے ہوے آپس میں

الرائے ہیں۔ کرکے وقت ان کی حرکت کی سمتیں قط کرنین سے بیٹ سے زاوجے بناتی ہیں۔ آگر لیک کی تقریب کی تقور ہے ہو تو تقادم سے بعد رفتارین اور حرکت کی سمتیں دریافت کرد۔

وض کرو کہ گولیل کی کمیتیں ہم اور ہم ہیں اور تصافیم کے بعد رفقاریں کہ افیر نہ ہیں اور خط مرازین سے ناو سے طہ اور فہ بیاتی ہیں اور فض کرہ کہ تکر سے پہلے ہے ایک کی رفقار ہے ہے۔

آبید خط و کراین کی عبودی سمت میں رقباریں نہیں پرلئیں

ر جم قدر رحم ص = ل [ب جم ۴۰ ب جم ۴۰] یعنی لا جم قدر رحم ط = لی ب در در ۱۳ بس باتا یونک خط مرکزین کی سمت میں معیار حرکت بیس باتا د ۲ م ارجم طلب م الرحم قد = ۲ م ب جم ۱۳ م م م م ۱۳ م م م ۱۳ م م ۱۳ م م ۱۳ م م ۱۳ م ۱



(۳) اور (۲) کو حل کرنے سے

رحم طہ = ۱۰ ( رئے جم فہ = اس بی بیات بی ان مساوانوں اور (۱) و (۲) سے

طہ = ۹، ۴ ، ر = ب افہ = ۳۰ ، فہ = ۳۰ ، رئے ب طہ = بہ ان کی عبد بڑا گولہ اپنی پہلی رفقار کے

ریس نصادم کے بعد بڑا گولہ اپنی پہلی رفقار کے

نصف سے خط مرکزین کی عمودی سمت میں حرکت

کرنا سٹروع کرنا ہے اور چھوٹا گولہ اسی طح حرکت

کرنا سٹروع کرنا ہے اور چھوٹا گولہ اسی طح حرکت

کرنا سٹروع کرنا ہے اور چھوٹا گولہ اسی طح حرکت

میں ایک ثابت سطح سے طکرا کر حرکت کرے۔

میں ایک ثابت سطح سے طکرا کر حرکت کرے۔

امثلہ نمبری (۲۱) (۱) ہ پونڈ کمیت کا ایک کرہ ۵ فٹ فی ٹانیہ کی رفار سے حرکت کرتا ہوا م پونڈ کمیت سے ایک (٣) المالية الحيث المالية المراد التي المراد المراد التي المراد الم المراد المراد المراد المراد المراد المراد المراد المراد المراد ے وال المال ہے اور اس سے اس المال کے الريا ہے۔ الله يوسرے سے سياط تارات الله الله كى تقد ي يو تو الرس يعد الروال كى القاليان

رس الله الله الله قط في عاليه كل رقال سے الله الله ے متعلق سے یہ حکت کردیز ہے۔ الالانا ہے۔ چيك سولة الك ين ست سب حرالت الد سي يول الم ي معلد يرب كا رقاد سے سات كتا ہو اور 

(ه) الله هو گولول کی محمول کی تعبیت ۱۱:۱۱ سه الولا

Y16 بالبيتين ان کی رفتاروں کی نسبت ٹکرسے پہلے ۲:۱ ہو اور انکی رفتاریں ایک دوسر سے کے متقابل ہوں اور لیک کی قدر ہے ہو تو نابت کرد کہ عکر نے بعد ہر ایک گولہ کی رفقار أس كى يهلى رفقار كا هي بهو گى اور متفابل سمت (۲) ایک کرو ایک دوسرے ساکن کرے سے سدیھا عُمَالِةً مَا سِبِي - الرُّ البِيك كِي قدر لِ هُو تُو ثابت كروكه عُكُر کے بعد ان کی رفتاروں کی تشبت ١- ل : ١+ ل بوكي (ء) م كيت كا ايك كوله رفقار ب سے بركت کرتا ہوا کی ل م محببت کے ایک دوسرے کو بے سے جو ل ب رفار سے متقابل سمت میں حرکت كريا ہے ، سيدها اكرا تا ہے ۔ اگر ليك كى قدر ل ہو تو نا بت کرو کہ گر کے بعد دوسرنے گونے کی رفار وہی ہوگی جو گر کے قبل پہلے گولے کی تھی۔ (۸) یا یونڈ کمیٹ کا ایک گولہ ایک یونڈ کمیٹ کے ساكن كو لے سے سيدها لكوا اسے - أكر مكر سے يہلے بڑے گونے کی رفار دہی ہو جو مکر کے بعد جھونے گونے کی ہے تو لیک کی قدر معلوم کرو۔ ﴿ (٩) م حمیت کا گولہ م حمیث کے گونے سے سدھا کرانا ہے۔ م کی رفار کر کے بعد اس کی پہلی رفارکا

(۱۳) دو مسادی گولے مساوی چالوں سے حرکت کرتے ہو

روسرے مساوی کرے سے ٹرانا ہوا ایک دوسرے مساوی کرے سے ٹرانا ہو ایک دوسرے مساوی کرے سے ٹرانا ہے جو رفنار ب سے حرکت کی سمتیں حرکت سے حرکت کی سمتیں حرکت سے جہلے خط مرکزین سے بالترتیب ۳۰ اور ۴۰ کے زاوع کی قدر ایک ہو تو تابت راوع کی قدر ایک ہو تو تابت

ہوتا ہے۔ اس سے ظاہر ہے کہ دوران تصادم یں

علم حركت 491 ایک وقت ایسا تھا جبکہ گولے کا وہ حصہ جو فرش سے سس کڑنا تھا ایک دائرہ تھا۔ اس سے صریحاً یہ نتیجہ نکاتا ہے کہ گولہ اس وقت بچکا ہوا تھا اور اس کی شکل کبری بهوئی تقی - بعد میں وہ اپنی اصلی شکل بر سے یہ بھی معلوم ہوگا کہ اگر گونے کو زیادہ بلند سے گرائیں تو چھوٹا دائرہ بڑا ہو جاتا ہے۔ زیادہ بلندی سے گرنے کی وجہ سے گونے کی رفتار زیادہ ہوگی ۔ اس سے ظاہر ہے کہ مکر کے وقت اگر رفتار زیادہ ہے تو بلیرڈ سے کو نے کی شکل کا عارضی بگاڑ بھی زیادہ ہوگا تصادم کا پہلا حصہ اس وقت تک رہتا ہے جبکہایک آن سے لئے دونو جسموں کی رفتار ایک ہو جاتی ہے۔ پھر ایسی قوتیں ظہور پذیر ہوتی ہیں جن کی وجہ سے جسم بھراً بنی اصلی شکل اختیار کرنے لگتے ہیں تصادم کے پہلے عصہ میں جسموں کے تعالی کو پیکنے کی قوت کہتے ہیں اور دوسرے حصہ میں تعامل بلٹنے کی قوت کہلاتا دوران تصادم ہیں دو جسموں کے درمیانی تعامل کی مقارر معلوم کرنے کا کوئی ذریعہ ہمارے یاس نہیں ہے۔ ہمیں صرف یہی معلوم ہے کہ اس میں بہت سی تبدیلی واقع

ہوتی ہے کیونکہ شروع میں اور اخیر میں یہہ تعامل صفر المونا ہے۔ اور دوران تضادم میں کسی آن میں آس کی یشت بڑی بھی ضرور ہوتی ہے۔لیکن نیوٹن کے تیسے فانون کے بموجب ہر آن میں جو قوت ایک جسم پرعل كرتى ہے أتنى ہى قوت منقابل سمت ميں دو سرے جسم پرعل کرتی ہے۔ اس سے قوتوں کے صدمے

جسموں پر لازماً ساوی ہوں سے لیکن سمتوں میں قابل ہوں گے۔۔

٤٧١- يب أساني سے ثابت ہو سكتا ہے كہ يكينے اور یلئے کی قوتوں کی نسبت مقدار ل کے مساوی ہے جو لیک کی قدر کو تعبیر کرتی ہے۔

جیسا که دفعه ۱۲۲ بین بیان ہوا فرض کرو که ایک کره دوسرے سے سیدھا ٹکرانا ہے۔ اور فرض کرو کہ ل، ب، ب الرور، م، مُ حب دفع ١٢١ مخلف مقداروں کو تعبیر کرتے ہیں ۔

فرض کرو کہ بیک کے اختام پر جسوں کی مشرکہ رفار ب ہے تو پہلے کرے کے معیار حرکت کا نقمان = م (ب-ب)

اور دومرب كرب كي معيار حركت كا اضافه = م (ب - ب) یں اگر پیکنے کی قوت کے سدم کوک سے تبیر

علم حركت بالبهشتم ک= م (ب-پ)=م (پ-ب) کے کے بعد کرے بلتے ہیں۔ بلتے میں پہلے کرے نے معیار حرکت کا نقصان = م (ب - ل) اور دوسرے کرے کے معیار حرکت کا اضافہ = م (را-ب) یس اگر پلٹنے کی قوت سے صدے کو سے سے تعبیر کریں تو (ニーノ) ー ー (リーリ) ー や ن مرا + را الراب الراب الراب الراب الراب (۲) .... الراب ال م م م م (۱) اور (۲) سے <u>ات = ات ات ا</u> ١٢٨- تصادم سے توانائی بالفعل كانقصان - دوكرے جن کی کمیتیں اور رفتاریں معلم ہیں مکرتے ہیں۔ تابت کرو کہ توانائی بالفعل کا نقصان ہوتا ہے اور اس نقصان کی مقدار بھی

معلوم کرو ۔.

بالبشتم علم حركت 190 طریق کتابت استعال کرنے سے حسب عمل صورت اول الم راجم طربهم لا جم فر = لم ب جم عد + له م ب جم بر اور چونکہ رجب طہ 🖪 ب جب عہ اور ارُجب **فہ۔ ب**ے جب بہ اس لئے ہم لاجب طہ + ہم رجب فہ = الم ب جب عمد لم ب جب به ..... (۱۹) (٣) اور (١٨) كو جنع كرف سے مر کے بعد توا نائی بالفعل = كرسے يہلے توانائى بالفعل - الله مصر (بجم عد-بجم بر)

= گرسے پہلے توانائی بانفعل۔ اول مہم (بجمعہ۔ بہم) اس سے ظاہر ہے کہ اگر لیک کی قدر ایک نہ ہو تو ہر ایک ٹکر کی صورت میں تواٹائی بالفعل کا کچھ نقصان ضرور ہوتا ہے یا یوں کہو کہ تواٹائی بالفعل کے ایک حصہ کی صورت بدل جاتی ہے۔ حصہ کی صورت بدل جاتی ہے۔ صورت بدل کر سالمی تواٹائی بن جاتی ہے اور زیادہ شر حرارت کی شکل میں نمودار ہوتی۔ ہے۔

ت مہم ادر م کی اس آخری جلہ کی قبت کم ہو جاتی ہے اگر م ادر م کی سنبت زیادہ ہو جاتی ہے گر م ادر م کی کبیت کیل کی کبیت کیل کی کبیت کیل کی کبیت کے مقابلے ہیں جس قدر زیادہ ہوگی اسی قدر کم جیلی توانائی کا نقصان ہوگا۔

یل وابای ما حمان ہوں۔

149 مثال (۱) ایک ذرہ بلندی ی سے ایک ثابت افتی سطح پر گرتا ہے۔ اگر لیک کی قدر ل ہو تو نتابت کردکہ انجانا موقون ہونے تک کی فاصلہ جو ذرے نے طے انجانا موقون ہونے تک کی فاصلہ جو ذرے نے طے کیا وہ  $\frac{1+U^2}{1-U^2}$  می ہے اور کل وقت جو اس میں صربہوا وہ  $\frac{1+U^2}{1-U^2} \times \frac{1+U}{1-U^2}$  ہے۔

علم حركت 196 فرض کرو کہ جب ذرہ پہلی دفعہ سطح سے مکراً ہے اس کی رفار ب ہے اس لئے باتے ک بهوجب دفعه ۱۲۱ نتجه صیح (۱) ذره رفتار ل ب سے ایمات ہے۔ جب وہ دوسری دفعہ سطے سے مکراتا ہے اس کی رفتار ل ب ہوگی۔ دو سری دفعہ اچلنے کے بعد رفتار ل ب ہوگی۔ اسی طح تیسری کی چوتھی ... دفعہ اچھلنے کے بعد نقابی ل ب ، ل ب ب ب ب ، . . . . بوں گئے۔ پہلی ، دوسری ، تیسری ، . . . . دفعہ اچھلنے کے بعد ذرہ جن بلندیوں میک بہنچا ہے وہ یہہ ہیں لڑب کو رائے ب کو رائے ب کا ہے ہیں 607 یغی لئی ، لئی ، لمناكل فاصله طے ہوا وہ = ٢+ ( ل ٢ + ل ٢ + ل ٢ + ١٠٠٠٠ انتها ) لاانتها سلسله مندسيه جمع كرسن S -1-1 = اب وقت كا حماب تكاؤ بہلی دفعہ گرنے میں جو وقت صرف ہوا وہ = ا

علم حرکت 🕟 در سر 🚉 ۲۹۸ طروں کے بعد اوپر جانے میں جو وقت صرف ہوتے ہیں دہ وہی ہیں جو بوجہ جاذبہ ارض کا رفقاروں کی ہے گا ل ب ال ب ال ب المسام معدوم مون ميں مرت ہوں کے اس کئے یہہ وقت یہہ ہیں <u>﴿ بِينَ ﴿ بِينَ ﴿ بِينَ ﴿ بِيلَ ﴿ بِيلَ </u> یعنی ل است کو از است کو از است کا اس  $= \frac{1}{17} + 7 + \frac{1}{17} \left( \left( \frac{1}{17} + \frac{1}{17} +$  $\frac{J+1}{J-1} \frac{Sr}{7} = \left[ \frac{J}{J-1} + 1 \right] \frac{Sr}{7} =$ اس سے ظاہر ہے کہ نظراً نہم نینجہ حاصل ہوا کہ ایک محدود وقت میں گروں کی لا انتہا تعداد وقوع پذیر ہوتی ہے لیکن علاً یہم ہوتا ہے کہ چند بار اچھلنے کے بعد گوے کی رفتار معدوم ہو جاتی ہے۔ بہلی طرکتے بعد ذرہ جس بلندی تیک جاتا ہے وہ آن می ہے یعنی جس بلندی سے گرا اس کا لے گئا۔ م ل = الحطنے کی بلندی

باجشتم علم حركت 799 بذریعہ بالا کسی دئے ہوئے گولے اور دئے ہوئے فرش كى صورت بين ل كى قيمت تجربه سے بآسانی معلوم ہو سکتی ہے۔ کیونکہ اگر کسی موزوں بلندی سے گولہ گرایا جائے تو اسی طرح پیند بار گرانے سے اچھلنے کی بلندی معلوم ہو جائے گی۔ تب ل کی قیمت خود بخو مثال (۲) ایک کبنی افقی سطح کے ایک نقطہ سے ایک ذرہ رفنار ب سے افق سے زاویہ عمر بناتا ہوا بینکا گیا ہے۔ اگر سط اور ذرہ سے درمیان لیک کی قدر ل ہو تو نابت کرو کہ اجسانا موقون ہونے سک وہ ذرہ فاصلہ بہ جب عمر طے کریگا۔ ابتدائی عمودی رفتار سے جب عم ہے۔ حسب متال بالا پهلی ، دوسری ، تیسری ، ۱۰۰۰ بار اچھلنے کے بعد عودی رفتاریں یہہ مونگی لب جبعه، لابجبعه، لابجبعه. اس سے ہوجب دفعہ ۱۰۵ بہلی اور دوسری مگرے

از ال ب جب عم ہوگی

در میان مدت

بانتشتم علم حركت اسی طرح باقی خطوط مرمی کے افقات یہم ہو نگے جو مرف ہوگا وہ عرب جب عمر ال بداجب عمر الأب جب عمر الأنها عمر الأنها عمر المانها عمر المانها عمر المانها عمر المانها عمر الم <u> الراجب عبر</u> ال اس مرت کے دوران میں افقی رفتار نہیں برلتی اور ہمیشہ ب جم عہ رہتی ہے پس افقی فاصلہ طے شدہ وہ سطے پر یکسال رفتار ب جم عد سے حرکت کرنے

امتنگہ نمبری (۲۲) (۱) ایک لچکدار فرہ اس طرح پھینکا گیا ہے کہ ایک

علم حركت

عمودی دبوار سے مگرا کر میر اسی مقام پر وابس آجاتاہے جہاں سے پھینکا گیا تھا۔ اگر زاویڈ رمی عم ہو اور جس وقت ذرہ نقطہ رمی پر واپس پہنچا ہے اس وقت اگر اس کی حرکت کی سمت افق سے زاویہ بہ بنائے تو ثابت کرو کہ مس عہ ہے ل مس بہ جہاں ل لیک

(۲) اگر ایک کیکدار کرہ ۱۱ فٹ کی بندی سے ایک ثابت افقی میز پر گرے تو ثابت کرد که ۸ ثانیه میں 40 فط فط کے ارتبے وہ ساکن ہو جائے گا ( لیک کی

قدر کی ہے)۔ (س) ایک مولی مہم فش کی بندی سے ایک لچکدار افقی سطے پر گرتی ہے اگر لیک کی قدر یہ ہو تو دریافت كروكه كتنا وقت گذر نے نے بعد اور كتنا فاصله طے كركے

گولی ساکن ہوگی ہ (۲م) ایک ذرہ ایک افقی سطح کے ایک نقطے سے ۱۲۴ فٹ فی ٹانیہ کی رفتار سے ، افق سے ، ہو کا زاویہ بنانے

والی سمت میں ، پھینکا گیا ہے۔

اگر لیک کی قدر سے ہو تو دریانت کروکہ افتی سمت میں کتنا فاصلہ طے خرنے سے بعد ذرہ ساکن ہوگا اور اس میں کتنا وقت صرف ہوگا ہ

وه ایک گولی سمت شاقلی میں و نانیہ گرکر ایک ایسی

(۸) دو سادی کولیاں آل اور ب ایک چلی العی مدور تالی میں ایک قطر کے مقابل سروں یہ پڑی ہیں۔ آل کو تاقی میں حرکت دی جاتی ہے اور وقت ر کے بعد یہہ گولی دوسری سے ٹاراتی ہے۔ خابت کرو کہ

44 وقت علی کے بعد گولیاں پھر ٹکرائین گی۔ ل لیک کی قدر ہے۔ کی قدر ہے۔ (۹) دو بیکنی گولیاں جن کے قطر مساوی ہیں اورکمیتیں وا م اور ۱۱ م ہیں ایک مور نالی میں ایک ہی مقام پریشی ہیں۔ ان کو ساوی رفتاروں سے شقابل ستوں میں حرکت دی جاتی ہے۔ اگر لیک کی قدر ہے ہو ين دريافت كروكه دوسري لكركهان موكي ؟ سے بیرط کرانا ہے۔ اگر ص = ل ن تو ثابت کرو کہ مر کے بعد حرکت کی سمتیں ایک دوسرے سے آاوی قائمہ بنائیں گی۔ ل لیک کی قدر ہے۔ (۱۱) ایک سرہ ایک دوسرے ساکن کرے سے جسکی کمیت مساوی ہے ٹکراتا ہے۔اگر ٹکرسے بعد حرکت کی سمتیں پہلے کرے کی پہلی سمت حرکت سے ہو کے زاوئے 'بنائیں تو نابت کروکہ لیک کی قدرہ ہے۔ (۱۲) ایک گولہ ایک دوسرے مساوی گولے سے جو مساوی رفتار سے پہلے کی سمت حرکت کی عمودی مت میں حرکت کرتا ہے ؟ مکراتا ہے۔ بوقت تصادم خط مرکزین دوسرے گونے کی سمت حرکت سے زاویہ قائمہ بناتا ہے۔ اگر لیک کی قدر ل ہو تو ثابت کرو کہ دوسر گونے کی سمت خرکت کی تبدیلی زاویہ مست ال<del>ال</del> کے

علم حرکت

مسادی ہوگی۔ (۱۳) دو مساوی چکنے کرے متوازی متقابل سمتوں میں مُساوی رفتاروں سے حرکت کرتے ہوے مکراتے ہیں۔

یعنی ان میں او جھ ہوتی ہے۔

اگر ان کی حرکت کی سمتوں کا میلان خط مرکزین سے سن آل ہو جہاں ل لچک کی قدر ہے تو نابت کروکہ اُن کی حرکت کی شمتوں میں تبدیلی نقدر ایک زاویہ قائمہ کے ہوگی۔

(۱۲) دو مساوی کرے ایک مینر پر ایک دوسرے سے مسر کرتے ہوئے پڑے ہیں رایک تیبسرا کرہ دولوں سے ایک ساتھ ایک ہی وقت گراتا ہے اور گر کے

بعد خود ساکن ہو جاتا ہے تو شابت کرو کہ لیک کی

قدر ہے ہے۔ (۱۵) بانچ گونے ایک خط مستقیم میں پڑے ہیں اور ان کی تمیتیں سلسلہ مندسیہ میں ہیں جس کی نسبت

٢ ہے اور ان كى ليك كى قدر اللہ ہے ۔ اگر يبلاگل

دوسرے کی طرف رفقار ب سے حرکت دیا جائے تو

ثابت کرو کہ کے بعد دیگرے مگریں ہونے سے پانویں گونے کی رفتار (4) بب ہو گئے۔

(۱۲) ایک گولہ جُل کی لیک کی قدر معلوم ہے مالت سکون سے ایک مائل سطح کی چوٹی سے بنجے کی طرف

بیسات ہے۔ سطح مائل کا طول طہے اور اس کا میلان افق سے عہ ہے۔ سطح مائل کے پاید کے ساتھ میلان افق سے عہ ہے۔ سطح مائل کے پاید کے ساتھ کو ہار ایک خابت افقی سطح ہے جس سے گولہ آگر کا ایک وزنی لچکدار گولہ دن فٹ کی بلندی سے گرتا ہے اور ایک سطح سے ٹکراتا ہے جو افق سے بڑاویہ کرو جہاں گولہ سطح سے ٹکراتا ہے جو افق سے بڑاویہ کرو جہاں گولہ سطح سے ٹکراتا ہے۔ کو جہاں گولہ سطح سے ٹکراتا ہے۔ فل ایک جانی افقی سطح پر 11 فل کی تابیہ کی رفتار سے پھسلتا ہوا ایک چکنی افقی دیل فل سے ٹکراتا ہے۔ اگر سطح پر دا فل سے ٹکراتا ہوا ایک جانی افقی دیل فل ساتھ کی شات حرکت سے ساتھ فل فل بید دیل کی بلندی گولہ کے دفیار سے جو گوئے کی سمت حرکت سے ساتھ فل فل بید دیل کی بلندی گوئے کے ساتھ خل کو دفیار سطے بر دیل کی بلندی گوئے کی ضف قط کا نصف ہو تو ظابت کرو کہ جو قطع

کے تضعن قطر کا نصعت ہو تو تابت کرو کہ جو قطع مکافی کہ گولہ مرشم کرنگا اس کا وتر خاص ایک فٹ ہوگا۔ (۱۹) ایک ذرہ ایک جگنی افقی سطح کے ایک نقطے ال سے اس طرح پھینکا جاتا ہے کہ ایک ناقص لیک والی عبودی سطح سے مکرا کر ایک نقطہ معلومہ ب میں سے عمودی سطح سے مکرا کر ایک نقطہ معلومہ ب میں سے

مودی ج سے مرا کہ معلوم کرنے کے لئے عمل ہندسی گذرے ۔ سمت رقی معلوم کرنے کے لئے عمل ہندسی بناؤ۔

(۲۰) ایک جگنی گول میز کا کنارہ ہر طرن سے اونچا ہے

اور میزی سطح پر عمود ہے۔ اگر ایک گولی کو جس کی

لیک کی قس ل ہے میزے کارے کے ایک تط ے برہ ای فی حکت دی جانے کے اس کی سمت حركت اس تعظے ميں سے گذرنے والے فضعت قطر الولى دو دف كتارت سے الكواكر العظم اللي الله واليس الطائع الله ہے۔ بھی تیابت کروکہ جب مجھی دو مجروں کے بعد نقط ستی ید وایس آئے گی تو اس وقت کی رفار کی نبین سلی رفتار سے اللہ ڈا ہوگی۔ سلی اگر سمت رقی تصف ظر سے زاویہ یتا ہے لو تنابت کروکہ گولی تین میکروں سے بعد نقط سی یہ والیس آنے گی۔ (۱۱۱) دو فیلسار درے الک کننے تعظ سے ایک بی وقت پھنے گئے ہیں۔ نابت كروك الله كا مرك تعل الك بي منك تكافى كي محلف وسي مخلف وضول سي ولتم كرے كا۔

## باب نہم

## رسم الطريق اور عادى اسراع

اس باب میں ہم ایک فرے کی ایسی حرکت کرنا پر غور کریں گئے جبکہ وہ ایک خط منحی میں حرکت کرنا ہے۔ نہیدا ہم اس امرکی تشریح کرینگے کہ ذرہ خواہ کسی طرح حرکت کرے اس کی رفتار کا سمتِ حرکت کو اور اس کا اسراع ایک دوسرے منحی کے ذریعہ مرتشم ہو سکتے ہیں۔

اسا۔ رسم الطرفی۔ تعرفی ۔ اگر ایک ذرہ کسی طریق پر کسی طرح خرکت کرے اور اگر نقطہ و سے جو فضا میں نابت ہے ایک خط متقیم و ق ایسا کھینجا جائے جو طریق کے نقطہ ط پر کی رفتار کے متوازی اور تتناسب ہو تو جو مخنی اس خط مستقیم کے سرے اور تتناسب ہو تو جو مخنی اس خط مستقیم کے سرے وقت میں مرسم ہوگا وہ ذرے کے راشتے کا رسم الطریق ق سے مرسم ہوگا وہ ذرے کے راشتے کا رسم الطریق

بالبهم علم حركت کہ یہہ منحی ذرے کی رفتار ادر اسراع کی تصویر نظر نے سامنے کھینچ دیتا ہے۔ ۱۳۲ اگر ایک متحل نقطے ط کے رائے کا رسم لطابق بنا لیا جائے تو رسم لطریق کے متاثل نقطے تی کی جو رفار رسم الطربق ميل تهوگي - وه مقدار اور سمت مين وی ہوگی جو طاکا اسرع ط سے طبق میں ہے۔ فض کرد کہ ط کے طریق پر دو نقطے ط اور ط ایک دوسرے کے قریب ہیں۔ دو خط وق ور وق اسے کھینے جو ط اور طار برکے ماسوں کے متوانی ہوں اور انبی نقطوں پر کی رفاروں کے تمناسب ہوں تو ق اور ق سم الطریق پر دو نقط ہوں گے جو ایک دوسرے کے قریب واقع ہیں۔ جس مدت میں ذرہ ط سے حرکت کرکے طار پرہنجتا ہے اس مت میں اس کی رفتار وق سے تبدیل ہو کر و ف ہو جاتی ہے۔ اس سنے بموجب دفعہ ۲۵ رفار کی تبدلی ق ق سے تبیر ہوتی ہے۔

5 5

= ت ق کی رفتار رسم اطریق میں یعنی

ط کا اسراع اس سے طریق میں دہی مقدار اور سمت رکھتا ہے جو رسم الطریق میں تی کی رفقار کی مقدار اور

سمت ہے۔

الم اللہ مثالین (۱) اگر ایک نقطہ ایک دائرے پر
کیساں چال سے طے تو اس کا رسم الطریق ایک اور
دائرہ ہوگا جس پر متاثل نقطہ کیساں جال سے حرکت
کرے گا۔ کیونکہ اس صورت میں ط کی رفار نہیں بلتی
اس لئے خط وق کا طول نہیں بدلتا۔

اس لئے تی ایک ایسے دائرے پر واقع ہے جس کا

مرکز و ہے -اور چونکہ ط کی حرکت اپنے دائرے میں کیساں ہے اس نئے ط پر کے ماس کی گردش کے زاوئے مسادی

المحركت

موں گے۔ ہذا خط وی ساوی اوقات میں ساوی زاویوں میں گردش کرگیا۔ رب) اگر ایک نقطہ کساں اسراع سے خط مستقیم میں حرکت کرے تو اس کا رسم الطریق ایک خط مستقیم ہوگا جس پر متاثل نقطہ بکساں رفار سے چلیگا۔ کیونکہ جس پر متاثل نقطہ بکساں رفار سے چلیگا۔ کیونکہ

بس پر ہاں علمہ بیساں میشہ ایک ہی مستقل اس صورت میں خط وق ہمیشہ ایک ہی مستقل سمت میں کھنچا جائے گا اور ق کی رفتار جو مقلار میں ط کے کیساں اسراع سے مسادی ہے کیساں

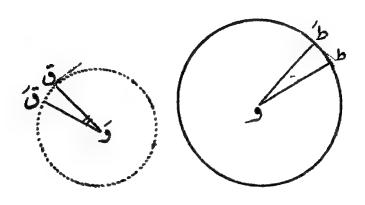
ہوگی۔

## عادى اسراع

ہم ۱۱س کی سمت میں کوئی فرہ ایک دفعہ حرکت میں اجا ہو چکا ہے کہ اگر کوئی فرہ ایک دفعہ حرکت میں اجا اور اس پر کوئی قوت عمل نہ کرے تو وہ ہمیشہ یکسال رفتار سے خط مستقیم میں حرکت کرتا رہے گا۔ اس سے خط منی میں اس کی حرکت ممکن نہیں ہے جب تک کہ کوئی بیرونی قوت اس برعل نہ کرے ۔ اگر فرہ خطمنی بر کیسال چال سے حرکت کرے تو اس سے طریق سے عرکت کرے اور نہ بر کیسال چال میں تبدیلی ورق فوت نہیں ہو سکتی ور نہ اس کی جال میں تبدیلی واقع ہو۔ لہذا اس پرجوقوت اس کے جاتا میں تبدیلی واقع ہو۔ لہذا اس پرجوقوت

ط و ط کے سادی ہے۔ اس کئے قوس ق تک :قوس ط ط :: ک ق : وط:: ل: ن ادر ساتھ ہی تی اور ط کی رفتاریں کم قوسوں ق ت

## علم حركت 717 اور ط ط کے تنام



ق کی رفتار رسمانطریق میں: له:: ك ین ق کی رفقار = <del>این</del> لكين ق كى سمت حركت و ق پر عمود ہے اس كے ط ر سے متوازی ہے۔ ساتھ ہی ط کا اسراع تی کی رفتار کے ساوی ہے (دفعہ ۱۲۲) یں طاکا اسراع ہے اور اس کی سمت طو [ الرجال رمتقل نه مو بلکه متبدل مو تو بھی نابت ہو سکتا ہے (ایلی نظری ڈائی نیکس دفعہ ۱۵۱) کہ عادی اسراع لل منے ] میں صریح (۱) اگر فنے کی زادیٹی رفتار مرکز و کے گرد حم ہو تو لے ن حم اعادی اسراع = حرا ن

عادی اسرع = حرا ن

= الحب ت جبه ك ببت چوانا بهو اور لهذا ته بمي

علم حركت

بهت چونا بو-

ینی ط در کی ست میں اسراع = -



لیکن چونکہ دائرے میں جال کہ ہے اس کئے قِس ططُ = ل

بس امراع مطلوب  $=\frac{U}{U}$  بس امراع مطلوب  $=\frac{U}{U}$  به امراع  $\omega$ کے ساوی ہے جاں حر زاوئی رفتار ہے۔ یہہ بھی ظاہرہے کہ مرکز کی سمت میں قوت مم رئے ہو گی 114 سے میں قوت کا دفعات گذشتہ میں ذکر ہوا اور جو عادی اسراع پیدا کرنے کے لئے مطلوب ہے وہ کئی طح سے پیدا ہو سکتی ہے۔

 بالبهم

علم حرکت کرتی ہے ۔ یہہ دو نو قیش عل اور جواب عل ہیں جن کا ذکر نیوش نے کیا ہے۔ اس شخص کو یہہ معلوم ہوتا ہے کہ جسم اس سے ہاتھ سے چھٹنے کی کوشش كرم ہے۔ اس وجہ سے جو توت جسم كو عادى اُسرَٰع وینے سے لئے ضروری ہے اس کے ماوی اور شقابل قوت کو جمرک مرکز گریز قوت کہتے ہیں۔ لیکن اس اصطلاح سے کچھ غلط فہمی مکن ہے۔ كيونكم اس اصطلح سے يہر ظامر موتا ہے كہ يد وت جم کی ذاتی قوت ہے طالانکہ ایسا نہیں ہے۔ بلکہ یہ ایک بیرونی قوت کی وجہ سے ہے جوجسم پر عمل کرتی ہے۔ اس اصطلاح کا مفہوم یب سی معلوم نبوتا ہے کہ حبم منحیٰ کے مرکز سے البر کی طرف جانے کی کوشش کرما ہے اور اس کو ایسا کرنے سے روکا جاتا ہے۔ طالاکھ ام واقعہ یب نہیں ہے ۔ کیونکہ جسم کو اگر روکا نہ جائے تو وہ سخی کے ماس کی سمت میں حرکت کرے گا۔ منی جسم کی حرکت سمت ط لا میں ہوگ ( دیکھوشکل دفد ۱۳۹)- سمت وط میں حرکت کرنے کا جم کا و مرز جو قت " ایک ایسی اصطلح ہے جس میں غلط ہمی کم ہوگی۔

17 = 1 =

بس رسی کا تناؤ  $= \pi \times \frac{17}{6} = \frac{7}{6}$  پونڈل  $= \frac{7}{6} \times \pi$  پونڈ وزن  $= \frac{7}{6} \times \pi$  پونڈ وزن  $= \frac{\pi}{4}$  پونڈ وزن

مثلل (۷) ایک ذرہ جس کی کمیت ہم ہے ایک افتی میز پر حرکت کرتا ہے اور ایک رسی کے ذریعہ اس میز پر ایک ثابت نقطے سے بندھا ہے۔ رسی کا طول ط ہے۔ اگر رسی زیادہ سے زیادہ ن پونڈ کا وزن سہار سے تو دریافت کرو کہ رسی نوشنے کے پینے زرہ ایک ثانیہ میں زیادہ سے زیادہ کتنی گردشیں کوسکتا ہے ؟

ر صلا ہے : فرض کرو کہ مطلوبہ گردشوں کی تعداد ت ہے تو ذرے کی رفتار منت × ۲۱۲ ط ہو گی

اس نے رسی کا تناؤ = م x م الم تن ظ پر نثر ل بیس ن ج = م م ۱۲ سے ط

امثله نمبری (۲۳)

(۱) ۳ فط لمبی رسی کا ایک سرا ایک چکنی افقی میزک ایک ثابت نقطے سے بندھا ہے۔ اگر ۵ پونڈ سمیت کا ایک جسم رسی کے دوسرے سے باندھکر ہفٹ فی ثانیہ کی کیساں رفتار سے میز پر گھایا جائے تو رسی کا تناؤ دریافت کرو۔

(۲) ایک رسی کا طول ہم فٹ ہے اور وہ ۹ پونڈ وزن کو عین سہار سکتی ہے۔ ۸ پونڈ کمیت کا ایک جسم اس کے سرے سے باندھ دیا گیا ہے اور ایک افتی میزیر کیسال رفتار سے گردش کرتا ہے۔ رسی کا دوسرا سرا میزیر کیسال رفتار سے گردش کرتا ہے۔ دریافت سرا میزیر ایک نابت نقطے سے بدھا ہے۔ دریافت کروگہ رسی ٹوطنے کے بغیر زیادہ سے زیادہ کئی گردشیں

ہرو نہ کہ می وقت سے میبر میادہ فی منٹ ہو سکتی ہیں ہ

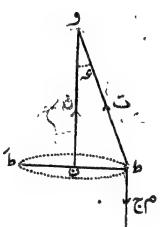
(٣) ایک رسی جس کا طول ۵ فٹ ہے ۲۰ پونڈ وزن کو عین سہار سکتی ہے۔ اگر گردش کرنے والے جسم کی کیست ۵ پونڈ ہو تو دریافت کروکہ رسی ٹوٹنے کے بغیر ایک منٹ میں زیادہ سے زیادہ کتنی گردشیں ہو سکتی ایک منٹ میں زیادہ سے زیادہ کتنی گردشیں ہو سکتی

ہیں ہ سررہ) اڑھائی فط لمبی رسی کا ایک سرا ایک خابث نقط سے بندھا ہے اور دوسرے سرے سے ایک پوٹر کمیت

٢٠ ميل في كُفنته بيو اور منحي كا نصف قطر ٢٠٠ كُرُادُ

علمه حركت

قوت کس قدر ہوگی ہو ایک ذرہ ہو ایک درہ ہو ایک رسی کے ذریعہ ایک ثابت تقطے و سے بندھا ہو ہو اس طرح حرکت کرے کہ ایک افقی سطح میں ایک دائرے اس طرح حرکت کرے کہ ایک افقی سطح میں ایک دائرے پر پیلے اور رسی اپنی گردش سے ایک مخروط بنائے ہیں جس کا محود و میں سے گذر نے والا عمودی خط ہو تو رسی اور ذرہ دونو مل کر مخروطی رقاص کہلاتے ہیں جب حرکت میک ہو تو ذرے کی رفتار اور رسی کے جب حرکت میکاں ہو تو ذرے کی رفتار اور رسی کے طول اور میلان کے تعلقات آسانی سے معلوم ہو سکتے ہیں۔

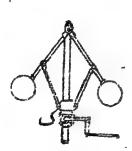


فرض کرد کہ ذرہ ط ہے اور رسی وط سے بندھاہے۔ و ایک ثابت نقطہ ہے اور رسی کا طول ل ہے۔ و میں سے عمودی خط کھینچو اور اس عمودی خط پر ط سے عمود طان نکالو۔ ط ایک افتی واٹرے پر ذرے پر صرف دو قوتیں عمل کرتی ہیں ایک تو رسی کا مناؤ س ہے اور دوسری ذرے کا وزن ہم ج۔ بنی ست عمودی میں ذرے کا کوئی اسراع نہیں ہے بنی اس ست میں قوتیں متوازن ہوں گی۔ بندا اس ست میں قوتیں متوازن ہوں گی۔ اس کئے سے جم عہ ہے م ج ، ، ، ، ، ، (۱) سمت طن میں صرف ایک قوت عمل کرتی ہے اور دوس عہ جب عہ جہ و

(۱) اور (۲) سے لائے = جمعہ اگر ذرہ ایک خانیہ میں گل گردشیں کرے تو

كرنے والے وزنى كولوں پر مشمل ہوتى ہے جو لكى

علم حرکت ہوئے ہوتے ہیں۔ ان سلانوں سلانوں کے دوسرے سرے لیک عمودی سلاخ کے ساتھ جوڑ کے ساتھ جوڑ کا نے یہ اور یہہ عمودی سلاخ آنجن سے ذریعہ گردش کی ہے۔ اگر سادہ فتم دکھائی گئی ہے جو واط کی ایجاد شکل میں ایک سادہ فتم دکھائی گئی ہے جو واط کی ایجاد ہے جب عمودی سلاخ ضرورت سے زیادہ تیز گردش کی وجہ سے اوپر جڑھے جاتے ہیں اور حصہ کی بھی ساتھ ہی اوپر کو اٹھان جاتے ہیں اور حصہ کی بھی ساتھ ہی اوپر کو اٹھان کے کہ یہ حصہ سلانوں سے ذریعہ گولوں سے جڑا ہوا ہے۔



ک کا تعلق بیرموں کے ذریعہ بھاپ کے کھل مندن

کے ساتھ ہے۔ اور بہہ تعلق ایا ہے کہ جب کیے
اوپر کو اٹھا ہے تو کھل مندن کا سوراخ چھوٹا ہوجاتا
اور اس گئے انجن کو بھاپ کم بہنجتی ہے۔ اس طح
اس کی جال بھی کم ہو جاتی ہے۔
اس کی جال بھی کم ہو جاتی ہے۔
اس طح اگر عمودی سلاخ کی گردش سست ہوتو گولے

ہودی سے مال ہو جاتا ہے۔ اس علی کا عمودی جزیا ہودی سے مال ہو جاتا ہے۔ اس علی کا عمودی جزیا ہے۔ اس میں سوار اور اس کی مشین کے جموعی وزن کے ساتا میں استے کے مرکز کی متوازن ہے۔ اور افقی جزء اس راستے کے مرکز کی سمت ہیں ہوتا ہے جس پر کہ سوار اور اسکی مشین کا مرکز جمود حرکت کرتا ہے۔ اور یہی افقی جزء اس عادی اسراع کا باعث ہوتا ہے جس کی اس صورت میں ضورت میں ضورت میں ضورت میں ضورت میں ضورت میں ضورت میں صورت میں صو

سر ہے۔ ساما۔ رباوے لائن کے گول حصے پرربل گاڑی کی حرکت۔

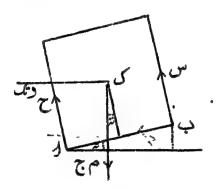
اگریل کی مطرک سطح افقی ہو تو ریلوں کا جو علی پہیوں پر ہوتا ہے وہ اس اسراع کو بیدا کرتا ہے جو ایسی صورتوں میں راستے کے مرکز انخا کی سمت میں ضروری ہے لیکن اس طرح پہیوں اور ریلوں کے درمیان بہت زیادہ رگر پیدا ہوگی اور ریلیں اور پہٹے جلدی کھس جائیں گے۔ اس بات کو روکنے کے نئے باہر کی ریل کو فرا اونجا کردیا جاتا ہے۔ ایسا کرنے سے ریل کی مطرک افقی نہیں رہتی لہذا اس صورت میں ریل گاڑی کا فرش بھی افقی نہیں نہیں ہوگا۔ اگر یہم مقصود ہو کہ پہیوں پر ریلوں کا نہیں ہوگا۔ اگر یہم مقصود ہو کہ پہیوں پر ریلوں کا خرش بھی نہ ہو تو سطرک کا میلان جو اس صورت میں ضروری ہے حسب طریقہ ذیل آسانی سے معلوم ہوگا۔ فرض کروکہ فرض کروکہ ریل گاڑی کی رفتار لر ہے اور فرض کروکہ فرض کروکہ وی کہ ریل گاڑی کی رفتار لر ہے اور فرض کروکہ

اس ذائرے کا نصف قطر ، جس پر گاڑی کا مرز جودک

بابهم

چلتا ہے ، ن ہے -وض کرو کہ دائرہ فرکورہ بالا کا مرکز و ہے۔ شکل نہا گاڑی کی نزاش ہے اس سطح عمودی میں جو ک ویں سے گذرتی ہے۔ فرض کرو کہ یہہ تراش ربیوں کو آواور

ب بر ملتی ہے۔ [سہولت کے لئے پہٹے شکل میں نہیں دکھائے گئے]



فرض کرد کہ سے اور سی ریلوں کے عل ہیں جو قرش المب ير عمود بين اور فرض سروكه فرش كا سيلان افق

سے نتہ ہے ک و کی سمت میں ح اور میں کا جزر تحلیلی ا (ح+س)جب تہ اوہ قوت ہے جو منحی کے مرکز کی سمت میں اسراع بیدا کرنے کے لئے مطلوب ہے۔

باسياكم MYA عنم حركت ے اور س کے عمودی جزء گاڑی کے وزن کے ساتھ متوازن (۱) اور (۲) سے مس تہ = رائے .... (۳) اس سے فرش کا میلان معلوم ہو گیا۔ الرسل كا عرض يعني الب المعلوم بهو تو بابهركي ريل کی لمندی آسانی سے دریافت ہو سکتی ہے کیونکہ یہہ رسے جب نہ کے مساوی ہے۔ المنتجد بالاسے ظاہر ہے کہ اگر یہہ مقصود ہو کہ یہوں یر افتی سمت میں کوئی زور نہ پڑے تو باہر کی رہل کی بلندی گاڑی کی رفتار پر مخصر ہو گی - علاً باہر کی رال کی بلندی اس قدر رکھی جاتی ہے کہ درمیانی رفتار کی صورت میں پہیوں پر زور نہ پڑے ۔ جب سکاڑی زبادہ تیزرفتا سے چلتی ہے توجس قدر زائد قوت اسراع بیدا کرنے کے کئے مطلوب ہوتی ہے وہ ریلوں کے اس دیاؤ سے عاصل ہونی ہے جو ہیوں یر پڑتا ہے۔ اس صورت بين ريلون کا دباؤ بطريق ذبل دريافت بوکتا ہے۔ فرض کرو کہ باہر کی ریل کی بتندی اس قدر رکھی کئی ہے کہ جب گاڑی رفتار کرے کیے تو پہیوں پر

دباؤ نہ یڑے۔ اگر رفتار لہ سے زیادہ تیز ہو مثلاً ب

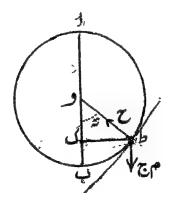
اگرف کے لے تو لہ مثبت ہے اور باہر کی رہل بھام ب دباؤ ڈالتی ہے۔
گرف حرل تو لہ منفی ہے یعنی ارب کی سمت میں ہے۔ اس لئے اندر کی رہل بھام ار دباؤ ڈالتی ہے۔
دباؤ ڈالتی ہے۔
مہم ہم اے گردش کرنے والا کرہ ۔ ایک عمودی قطر کے کرہ کیساں زاویئی رفتار ھے سے ایک عمودی قطر کے اندر گرد گھوم رہا ہے۔ اگر ایک وزنی ذرہ کرے کے اندر

ہو تو نابت کروکہ وہ کرے کے اندر ایک خاص بنندی پر رہ سکتا ہے اور اگر زاوٹی رفتار ایک خاص مقدار سے کم ہو تو ذرہ کرے کے صرف بہت تریں نقطے پر ہی

رہ سکتا ہے۔ فرض کرو کہ کرے کا محور گردش الاب ہے اور البائز

رس رورہ رہے ہو ہور سردس ورب ہے اور رابندر اعظم ہے۔ اور فرفس کردکہ و مرکز ہے۔ اور فرض کردکہ ذرہ مقام طیر اضافی توازن میں رہتا ہے۔ ارب پر طرک عمود نکالو۔

بہونکہ ط ایک دائرے میں گومتا ہے جس کا مرکز ک ہے۔ اور طکی زاوئی رفتار ھر ہے۔ اس لئے ک کی سمت میں قوت کی ہم ھا × طک یعنی م احد ان جب تہ ہوگی ہماں ن کرے کا نفعن قطر ہے اور نہ زاویہ طور ب ہے



فرض کرد کہ طیر عادی عل ح ہے تو ح کا افتی جزء وہ قوت ہے جو سمت طاک میں اسراع مطلوب پیدا

علم حركت اسم بأسباتهم كرتى ہے اور سے كا عمودى جزء درے كے وزن كے سائفه متوازن بيء حجب ته عمطان جب تر....(۱) ح کی قیمت (۱) میں رکھنے سے جم نتر = حدان .... (۳) پس ذرہ یا تو بہت ترین تقطے پر رہ سکتا ہے جہاں یا اس نقطے پر رہ سکتا ہے جو ساوات (۳) ست ماصل موكا-نٹر کی قیت جو مساوات (۳) سے حاصل ہوتی ہے نامکن ہو گی جب تک کہ ھان کی قبت ہے سے بڑی نہ ہو لینی جب مک کہ حرا (جے) اور سے زیادہ نہ ہو۔ اگر زادیٹی رفتار (جے) اسے کم ہوگی تو ۔ درے کے سف کم ہوگی تو ۔ درے کا عرف درے کا عرف پست ترین نقطه می موگا۔ امثلہ منبری (۲۴۷) (۱) ہم پونڈ کمیت کا ایک جسم تین فٹ کی رسی کے

علم حركت 277 ایک مرے سے باندحکر مخروطی رکاص کے ٹوری محالیا جا آ ہے۔ رسی کا میلان سمت عمودی سے ٥م ربیتا ہے۔ یسی کا تماقہ اور جسم کی رفتار دریافت کرو۔ ١٩١) أر أيك مخروطي رقاص كي رسي ١٠ اخ المبي جواور ایک منگ میں ۲۰۰ گروشیں موں تو تابیت کرو کہ میں و ميدن سمت عمودي سے جم مين مين على تقريباً \_8 5 m. 7. ٢١) ايك م فت ليي رسي كا ايك سر جبت ب اور الاسب سي به والمكيت كي يك جسم بندي بهد رسی مخروطی رقاص سے طور پر ایک منٹ میں می گونیل كلّ ہے۔ ثابت كروك يى كا تناو ١٩٠ الله يوندل ب اور اس کی میلان سمت عمودی سے جم المید) مِنی تقریباً دیم اد ہے۔ (٣) ایک گز لمبی ری سے ایک وزنی ذرہ لٹائے۔ فدے کو اتحایا جاتا ہے اس طح کہ یہی کئی بہی ہے۔ جب رمی سمت عودی سے ۲۰ کا زاویہ باتی ہے و فده التي سمت من پينكا جاما ہے۔ اگر معمود ہو کہ ذرہ اُفتی سطح میں حرکت کڑا سب تو رفناند می مديافت كرويه (۵) ایک میل گاڈی جس کی گیت ہوٹن ہے ایک

mmm نحیٰ سٹرک پر ۲۰ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہی سنحیٰ کا نصف نظر ۲۷ فٹ ہے۔ اگر ریل کی سرک افقی ہو تو تابت کروکہ باہر کی ریل کا دباو پہیوں پر ۸. کم ا بونڈ وزن کے مساوی ہے۔ (۲) ایک ریل گاری بم میل فی گھنٹہ کی رفتار سے ایک منحیٰ پر چل رہی ہے۔ منحیٰ کا نضعت قطر ہے۔ میل ہے۔ اگر ربلوں کا درمیانی فاصلہ ہے فٹ ہو تو معلوم کروکہ باہر کی ریل کو اندر کی ریل سے کس قدر بلند کیا جائے کہ ربایوں کا دباؤ بہبوں پر نہ پڑے ۔ (یہ) ایک ربل گاڑی ۳۰ میل فی محینٹہ کی رفتار سے ایک منحی پر جا رہی ہے منحنی کا نصفت قطر ۲۰۰۰ گزاہے۔ ریاں کا در میانی فاصلہ ۵ فٹ ہے۔ آگر یہ مقصود ہوکہ بلو کا دباؤ پہیوں پر نہ بڑے تو دریافت شرو کہ باہر کی ریل كوكس قدر لبندكيا جائے ؟ (۸) آیک ریل محارثی ایک گول سٹرک پر جا رہی ہے جس کا تضف قطر ۱۳۲۰ فٹ ہے۔ دریافت کرو کہ باہر کی رہل کو کس قدر بلند کرس که ریلوں کا دباؤ بہیوں پر نہ پڑے۔ ریلوں کا درمیانی فاصلہ ۵ فٹ ہے اور گاڑی کی رفتار ۵ہم میل فی گھنٹہ ہے۔ (9) ایک جسم ایک ۲ فٹ لمبی رسی سے دربیہ سے ایک ریل گاڑی کی جمت سے لئک رہا ہے۔ اگر گاڑی

آن کے نے آدمی اینے باتھ چھوڈ دے تو نہیں گرنگا۔

(۱۴) مو فٹ لمبی ایک رسی کا ایک سرا ایک نابت نقطے سے

علم حرکت ریس

رور) ایک ذرہ جس کی کیت ہم ہے ایک رسی کے ایک سرے سے بندھا ہے جس کا طول ل ہے۔ رسی کا دوسرا سرا ایک ایسے نابت نقطے سے بندھا ہے جو ایک چکنی میزے اویر کی طرف بلندی ب پر واقع ہے۔ اگر ذرہ میزید ایک خانیہ میں ن گردشیں کے تو میز کا عل در یافت کرو - اور یہم بھی معلوم کرو کہ ن کی بڑی سے بڑی قیمت کیا ہو سکتی ہے اجس سے ذرہ میز کے ساتھ مس کڑا رہے۔ (۱۷) ایک کملی چھتری پانی میں بھیگی ہوئی ہے پر اسکی دندی کو عمودی سمت میں سیدھا رکھکر چھتری کو گھایا جاما ہے۔ ہم تاینوں میں چھنری اورشیں کرتی ہے۔ الرجمتري كاكناره ايك دائره بهو جس كا قطر ايك كرب اور اس کی بلندی زمین سے جارفٹ ہو تو شابت کردکہ ہو تطرے چھٹری کو گردش کی وجہ سے کنارے سے چھٹ کر زمین پر گرینگے وہ ایک ایسے دائرے سے محیط ير رُينًا جس كا قطر يانج فل موكاء اور الرايك تطري کی محست اور اونس مور تو نابت کرو که قطرے کو چھٹری کے کنارے کے ساتھ رکھنے کے نئے جو توت در کار بوگی ده مقدار میں ۲۹۰ یوندل بوگی اور اس کی سمت عمودی سمت سے بزاویہ مسن الله مانل ہوگی۔

سا (۱۸) ایک درہ جس کی تحبیت م ہے ایک چکنی میزیر ایک باریک رسی کے ایک سرے سے بازھ دیا گیاہے۔ میز میں ایک چھوٹا سا سوراخ ہے جس میں سے رسی گذرکہ اینے دوسرے سرے پر آیک دوسرے ذرے کو سہارتی ہے۔ دوسرے ذرے کو سہارتی ہے۔ دوسرے ذرے کو سہارتی ہے۔ دوسرے ذرے کو سہارتی ہوانے سے فاصلہ من پر رکھا جانا ہے ۔ اب بہہ معلوم کروگہ م کو کس رفتار سے بھینکا جائے کہ وہ میزیر ایک ایسے دائرے میں گوم سکے جس کا نصف قطرف سر (۱۹) دو ذرے جن کی کمیتیں م اور م ہیں ایک چکی میزیر ایک رسی کے سرول سے بندھے ہیں اور رسی ایک جھوٹے سے طقے میں سے گذرتی ہے جو میزمیں نصب کیا گیا ہے۔ اگر دولو ذروں کو بالترتیب رفتاروں ر اور ک سے اس طرح پیمینکا جائے کہ ان کی حرکت کی سمتیں رسی سے زاوعے قائمے بنائیں جبکہ رسی ابتاء حرکت میں کسی ہوئی ہے تو دریافت کرو کہ طقہ رسی لو کس ننیت میں تقییم کرے کہ دونو ذرے ایسے دائرد ين محوم سكين جنكا مركز طفه مو-(۲۰) دو ذرے جن کی کمیتیں م اور م ہیں ایک رسی کے دولو سروں سے بندھے ہیں۔ رسی کا طول طب

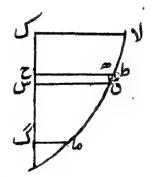
اور وہ ایک چھوٹے طفے میں سے گذرتی ہے۔

کی نسبت معلوم کرو۔ اگر رسی کا طول ہم فٹ ہو تو

رسی کی گروش کی مرت بھی معلوم کرو۔

449 سن (۲۳) ایک جمع جس کی کمیت هم ہے ایک میزیر حرکت اُرہا ہے لیکن اس طرح کہ جسم ایک رسی کے آیک سرے سے بندھا ہے جس کا دوسرا سرا میزکے رایک البت نقطے سے بندھا ہے ادر رسی البی ہے کہ کھینچنے سے اس کا طول بڑھ سکتا ہے اور اس کی لیک کا . مقیاس که ہے۔ اگر رسی کا اصلی طول کر ہو اور جسم ایک ایسے دائرے میں گردش کرر کی ہو جس کا نصف تطر ن ہے تو جسم کی رفتار معلوم کرو۔ ایک ایک بیکدار رسی کا ایک سر ایک ثابت نقط کس بندھا ہے اور زوسزے سرے سے ایک ذرہ لٹک رہا ہے۔ رسی کی ایک کا مفیاس ذرے سے وزن کا دو چند ہے اور رسی کا اصلی طول ل ہے - اب رسی کو ایک مخروطی رقاص کی صورت میں گھایا جاتا ہے جس كا محور أيس سے گذر نے والا عمودى خط ب الرينر متبدل حركت كى حالت مين الرسى ينج كول راستے کا فاصلہ ل ہو تو ثابت کرو کہ ذر سے نمی رفتار 1430 Jel-(۲۵) سوال (۸) میں افتی داؤ معلوم کرو جبکه رفتار (۲۵) سوال (۸) میل فی گھنٹہ (۲) ۲۰ میل فی گھنٹہ ہو۔ گاڑی کی تحبیت دس ٹن ہے۔ ہر ایک صورت میں بیان سروکہ کونسی ریل کا دباؤیرتا ؟

١٢٥ اس كتاب ميں ايك فرے كى حركت سے ائس عام مسئله پر بحث بنیس موسکتی جبکه دره کوئی سی مفرق قوتوں سے زیر عل ایک منحنی پر جلایا جائے یا جبکہ ذرہ جاذبہ ارض کے زیر عل کسی منحی پر چلایا جائے۔ جاذبہ ارض سے زیر عل صرف ایک صورت ہے جو ہم ابتدائی اصولوں کی اماد سے حل کر سکتے ہیں اور جوکہ حرکت کے متعلق بہت سے امور دریافت کرنے کے لئے مفید ہے -۲۷۱- مرعلم - اگر ایک ذرہ ایک چکنے منحی کیایک ۲۷۱- مرعلم - اگر ایک درہ ایک چکنے منحی کیایک قوس بر نیجے کی طرف کیسلتا ہوا سطح عمودی میں حرکت كرے أور أكر اس كى ابتدائى رفتار ب ہو اور عمودى فاصلہ می سیلنے کے بعد رفقار لے ہو تو تابت کودکہ لا = ب اج می -فرض خروكه لا منحى كا وه نقطه به جهال سے

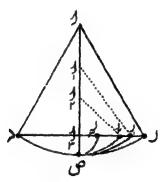


ط پر اسراع ط ق کی سمت میں ج جم ص ق ط ہے۔
اس لئے اگر ط اور ق پر رفتاریں لے اور لیے ہوں تو
رہ اس کئے اگر ط اور ق پر رفتاریں لے اور لیے ہوں تو
من رہ اس کے مربع جم ص ق ط یہ ط ق
یعنی رفتار کے مربع میں جو تبدیلی ہوتی ہے وہ ط اور ق
کے درمیانی عمودی فاصلے کے باعث ہوتی ہے۔چؤمکہ

ياب ديم علم شركت 444 یہ توس سے ہرایک چھوٹے جزء کی صورت میں صحیح ہے اس نے یہہ تام قس لاماکی صورت میں صح ہے۔ اس نے لا سے ماک پسلنے میں رفار کے مریعے میں جو تبدیل ہوگی دو عمودی فاصلے ہی کے با مِنلہ بالا اصول بقاء توانائی کے ذریعہ بھی ثابت ہوسکتا۔ چونکہ منحی کینا ہے اس کئے قوس کا عمل ہیشہ ادرے کی سمتِ حرکت پر عمود ہوگا۔ اس کئے (بموجب سکونیا وقعہ ١٩٩) منحی کا دباؤ ذرے پر کوئی کام نہیں کڑا۔ اس نئے جو قوت کام کرتی ہے وہ صرف ذرے کا وزن ہے۔ چونکہ توانانی کی تبدیلی اس کام کے ساوی ہے جو بم ورب الم الماء كام جوورن في كياء م حى ١١٤ الرچك منحى كے يتبي كى طرف يسلنے كى بحا ن لاء ب ٢٠٦٣ ي فدہ اس سخی ہر اوپر کی طرف پھینکا جائے ساکہ اوپرکی طون حرکت کرے۔ تو اس صورت میں اگر ابتدائی رفتار ب ہو اور عمودی فاصلہ می طے کر چکنے کے بعد

MARIN يأب ويم رنقِار که ہو تو یہہ رفقار که مساوات ذیل سے حاص ہوگی لا = با - ١ جى ى اس کئے ذر سے کی رفتار اس وقت تک معدوم نہوگی جب مک کہ درہ منحی کے ایک ایسے نقطے پرنہ کہنچے جس کا عمودی فاصلہ نقطے رقی سے بہتے ہے۔ اس سے ظامر ہے کہ جس بلندی تنگ درہ اوپر چرکھ سکتا ہے وہ منحی شکل پر منحصر نہیں ہے۔ اور یہہ بھی ضروری بنیں ہے کہ ذرہ اپنی حرکت کے دوران میں اوپر وار ہی چڑھتا رہے۔ یہہ فکن ہے کہ ذرے کی حرکت پہلے اوپر کی طرف ہو پھر نیچے کی طرف پھر اوير كي طرف و على ہذا القياس - جس مقام بر آخركار ذرہ ساکن ہوگا اس کی بلندی ہی ہوگی اس مقام سے جہاں ذرے کی رفتار ب ہے۔ اس سے یہہ نینجر نکلتا ہے کہ اگر ایک ذرہ حالت سکون سے ایک چکنی قوس پر حرکت کرے تو وہ اس وقت ساکن ہوگا جبکہ وہ نقطهٔ ابتداءِ حرکت کے مساوی بلندی یک بہنچیگا۔ نظ گاڑی اس کی ایک تقریبی مثال ہے۔ کیونکہ یہہ جس مقام سے چلتی ہے اُسکے ساوی باندی مک پھر چڑھ جاتی ہے۔ ساوی باندی ملا جو نتائج حاصل ہوتے ہیں ان میں تعوراسا

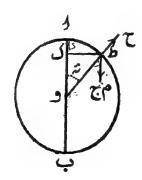
**یا ب** دہم 777 علم حركت فِق ہوتا ہے اس کی وجہ ہوا کی مزاحمت اور پہیوں کی رں ہوں ہوں ہوں انداز نہیں ہو سکتی اگرچہ مقدار میں کم ہے۔ رکڑ ہے جو نظر انداز نہیں ہو سکتی اگرچہ مقدار میں کم ہے۔ نظر گاڑی کا وزن جینا زیادہ ہوگا اتنا ہی کم فرق نظری اور على نتائج ميں ہوگا۔ ایک آیسے مقام پرجس کی بلندی نقطهٔ ابتداء حرکت سے سی ہے رفتار ایک ہی ہوگی خواہ وہاں ذرہ اویر جا رہا ہویا نیجے جا رہا ہو۔ دفعہ گذشتہ کا مسلبہ صرف حرکت بجاذبۂ ارض سے گئے ہی صبیح نہیں ہے بلکہ وہ ہرایک ایسے ذرے کی حرکت سے لئے بھی درست ہے جو کسی جگئے منحی پر ایک متقل قوت سے زیر عل حرکت کرے جہاں قوت کی سمت بھی ستقل رہنی ہے۔ ایک چکنی مانل سطے پر کی حرکت اسکی ایک شال ہے۔ يهم مسئل اس صورت ميس بهي صيح کی بجائے ایک بے فیک رسی رکھیں جو ایک البت نقطے سے بندھی ہویا ایک سلاخ رکھیں جو ذرے کی مرکت کی سمت پر ہمیشہ عمود وار رہے۔کسی منحی پر ذرے کی حرکت کا عام سلم علم احصا کی اماد کے بغير عمواً حل نهيس هو نسكتا-كليلوكا تجربه جوجهم ایک تیکئے منحی پر ننیجے کی طرف پھسل رہا ہو



تختہ سیاہ پر نقطہ د کا نشان لگاؤ ہماں سے جسم حرکت کرنے کے لئے چھوڑا جاتا ہے۔ اس نقطے د میں سے ایک افتی خط د لے لے کھینچو۔ اگر اب گولی کو جھولنے دیا جائے تو وہ دوسری طرف ایک نقطہ لہ پر سائن ہوگی جو تقریباً خط د لے پر واقع ہے

بوری بپ ی بورو این کا رک این این این بیخ اس صورت میں گولی خط در سے اتنا قریب نہیں بیخ سکی جتنا کہ سیسے کی گولی بہنجی تھی۔ اگر بجائے آ<sup>4</sup> لو<sup>4</sup> لو<sup>4</sup> کے تہم کسی اور نقطے طربرکیل

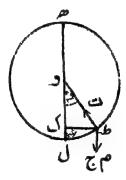
علم حركت 7444 باب دہم گاڑیں جو مثلث کر کہ اس میں واقع ہے تاکہ رسی اس کیل سے انگ جان تو بھی وہی تیتے حاصل ہوں گے۔ ١٨٩- ایک عمودي دائرے کے بامري طون حركت اگر ایک ذرہ ایک چکنے عمودی دائرے کی چوٹی سے دائرے پر حالت سکون سے نیچے کی طرف میسلنے کے لئے چھوڑا جائے تو نابت کرو کہ جب وہ دائرے کے نصف نظر کے ایک خلت کے ساوی فاصلہ عموداً طے کر کپانگا تو وہ دائرے پر سے اتر جائے گا۔ فرض کروکہ دائرے کا مرکز **و**ہے اور اس کا بلند تری<sup>ں نقط</sup> ا ہے۔ فض کرو کہ جب ذرہ دائرے کے نقطہ ط پر پہنچا ہے اس کی رفتار کے ہے اور منحیٰ کا عمل ح ہے۔ فرض کرو کہ دائرے کا نصف قطر ن ہے۔ عمودی نصفِ قطر و إ برطك عمود كمينيو اور فض كردكه اك=ى



بأب دہم MAY علم حركت U = 77 x 12 = 77 2 تب طور کی سمت میں قوت عدم = م ج جم ت - ح جاں تہ زاویہ ط و را ہے۔ لیکن بوجب وفعہ ۱۳۵ ط و کی سمت میں جو قوت ہے وہ لازاً م را کے ساوی ہے۔ ن مراز = م ج جم ت - ح = 1 3 0 - 2 - 4 3 2 = مع ن-سی

اس سے ظاہر ہے کہ جب س کی = ن یعنی ک = ہے ہو جاتا ہے تو اس وقت عمل ح معدوم ہوجاتا ہے اور اس کی علامت بدل جاتی ہے ۔ اس کئے ذرہ اس اور آزادانہ ایک تطع وقت متعنی بر سے اثر جائے گا اور آزادانہ ایک تطع مکافی میں حرکت کرے گا۔ کبونکہ اس خاص مقام۔ گذر نے کے بعد ذرہ اسی صورت میں دائرے بہ رہ سکتا ہے آگر عمل ح تناؤ کی صورت اختیار کر۔

علم حرکت ۱۲۶ ا لیکن یہہ نامکن ہے کیونکہ منحی ذرے کو کھینچ نہیں سکتا۔ ،۶ سر ملا ، حرکمت ۔ ایک ذرہ جس کی محمیت م ہے ایک رسی کے ذریعہ جس کا طول ن ہے ایک ٹابت نقطے سے سمت شاقولی میں نطاتا ہے۔ اب اس کو رفتار ب سے حرکت دی جاتی ہے اور یہم ایک عمودی دائرے میں گردش کرنے لگتا ہے۔ اس خرکت کے دوران میں کسی نقطے پر رفتار اور تناؤ دریافت کرو۔ اور وہ شرط بھی دریافت کرو جس کے پورے ابونے سے ذرہ عین پوری گردش کرسکے۔ فرض کروکہ نابت نقطہ جس سے رسی بندھی ہے وہے۔ اور و میں سے خط ول شاقولی سمت میں کھینجاگیاہے۔ فرض کرو کہ نقطہ ط پر ذرے کی رفتار لرے اور رسی کا تناؤ مت ہے۔ رل پر طک عمود کھینچو۔ فض کرد کہ لک=ی فرض کرو کہ زاویہ ط دل = تہ



تب بوجب وفعه ۱۲۸ لا=با-۲ج ی ۱۰۰۰۰(۱) اور بموجب دفعہ ۱۳۱،م سے ساوی ہے اس قوت سے جو ذرے پر عاد ط و کی سمت میں عل کرتی ہے۔ ی م <u>ت</u> = ت - م ج جم ته = ت - م ج <u>د - ی</u>

دت = م <u>الا+ع (ت-ی)</u>

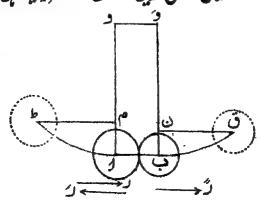
یعنی ت = م ب + ج (ن - ۲ ک) ....(۱)

متباوات (۱) ر ۲۱) سے ذرے کی رفتار اور رسی کا مناؤ طراق کے کسی نقطے پر معلوم ہو گیا۔ اگر رسی کا ثناؤ منفی ہو جائے تو ذرہ دانرے کے بلند ترین نقطے صریر نہیں پہنچ سکتا۔ مناؤ کے منفی ہونے کے معنی یہ بوں گے کہ رسی بجائے کھنے کے دھکیلنا شروع کرنتی ہے۔ اور یہہ نامکن ہے کیونکہ سی دھکیل نہیں سکتی۔ اس نئے ذرہ عین ہوری گردشیں اس صورت میں کرسکیگا

جبكه تناو بند ترين نقط ير صفر مو سكيجان يون

علم حركت 401 با ب دہم يهم اس حالت ميں ہو گاجب ب + ج (ن - ١ ن) = - بذريع ماوات (١) یعنی جب مبات = ۵ ج ن پس پوری گردشیں اس صورت میں مکن ہیں جب کہ ب المجن سے كم نہ ہو۔ اگر ب = م م جن تو بست تريں نقطے پر اس کئے رسی اس قدر مضبوط ہونی جا مینے کہ جسم کے وزن کا چھ گنا سہار سکے۔ اون کا جھو گنا سہار سکے۔ اوا۔ بیوس کا جم کی قانون۔ بدریعہ مسلہ دفعہ ، س ہم تبلا سکتے ہیں کہ نیوش نے قانون تصادم رجب کابیان دفعہ ١١٨ ميں

ہموا) کس طرح دریافت کیا۔ دو چھوٹے کرے متوازی رسیوں و از اور و کب کے ذریعہ الفکاؤ۔ رسیوں کے طول اسقدر ہوں کہ جب دولو کرے بلا تکلف لٹک رسیعے ہوں تو وہ عین مس کریں اور ان کے مرکز ایک ہی افتی ظاہر واقع ہو۔



إب دهيم

، ب کرے و کو پیچھے کی طرف کھینچو لیکن سی کسی رہے۔ کے کو اس قدر کینے کہ اس کے مرکز کی بندی (صریعی) ہو۔ یہ بندی مرکز کی ابتدائی وضع السے نالی جائے گی۔ اب بماں سے کرے کو چھوٹر دو تاکہ بلا تکلف حرکت کے۔ يهد كرو إلى فيح كى طرك أنت كا اور دوسرت كرت ب

ہے گات عا۔

جب کرو د باب سے کرانا ہے تو او کی رفتار ۲ج می برگا فرض کرو کہ مکر کے بعد کروں کی رفتاریں کے اور کڑیں اور ی اور می وه بلندیال بین جهال کک وه ان رفتارول کی

وجہ سے اوپر وار جاتے ہیں۔

تو ال = ١٦٦ اور ال = ١٦٦ ئ

كره أ كرك بعدياتو يبيه بنيكايا ساكن رب كاياب مم بیجے بائے گا۔

فرض کرو کہ کو الم سیکھے ہٹتا ہے تو رفتار بتاعد لرار عني اج (ای + رای + ---

رفنار تقارب (۲۶ x کی تھی

فخلف تجرب کرنے سے ہیں معلوم ہوگا کہ می کی میت خواہ کچھ ہی ہو اور ا اور ب کی کمیتوں کی نسبت خواہ کھے ہی ہو ، ( ایک + ایک اور ای کی نسبت ایک ہی رہے گی۔ اس نسبت کا انحصار آر اور ب کے

ما دوں کی قسموں پر ہوگا۔

ہم نے صرف ایک آسان صورت پر غور کیا ہے۔ اگر ہم کوں کو مناسب مقامات سے حکت کرنے کے لئے چھوڑیں اور ایسا کرنے میں احتیاط سے کام لیں تو ہم دونو کروں کو چیچے ہٹاکر اس طرح چھوڑ سکتے ہیں کہ ٹکرسے وقت دونو کرے اپنے داستوں کے بست تریں نقطوں پر دونو کرے اپنے داستوں کے بست تریں نقطوں پر دونو کرے اپنے داستوں میں صبح ثابت ہوگا۔

امنیله نمیری (۲۵)

(۱) ایک ذرہ جس کی کمیت ۵ پونڈ ہے ایک تین فط لمبی رسی کے ذریعہ لئکٹا ہے۔ رسی کا اوپر کا سا ایک ثابت نقطے سے بندھا ہے۔ اگر ذریے کو ۲۵ فٹ فی ثانیہ کی افقی ہوجا افقی رفتار سے حرکت دیجائے تو جب رسی (۱) افقی ہوجا (۷) اوپر وار عمودی سمت میں ہو اس دونوں وضعول میں ذریے کی رفتار اور رسی کا شناؤ دریافت کرو۔

(۲) سوال (۱) میں آگر یہہ مقصود ہوکہ ذرہ عین پوری گردشیں کرے تو رفتار رعی کی اقل قیمت دریافت کرہ اور یہہ بھی بتاؤ کہ رسی کم سے کم کتنا وزن سہارنے مے قابل ہونی چاہئے۔

بین پہ ہے۔ (۳) ایک ۳ فٹ لبی رسی کا ایک سرا ایک ثابت نقطے سے بندھا ہے اور اس کے دوسرے سرے سے مم ذریعہ ۳۷ پونڈ کمیت کا ایک گولہ چلایا جاتا ہے۔ گولے کے چلنے سے توب بینچے کو ہٹتی ہے اور عموداً ۲۶۲۸ فراور جاتی ہے۔ اور عموداً ۲۶۲۸ فراور جاتی ہے۔ تو گولے کی ابتدائی رفتار دریافت کرو اور یہ بھی دریافت کروکہ گولے کے چلنے کے دقت رسیوں کا تناؤ کیا تعلقہ اور جس وقت توب بینچے ہٹ کر پہلی بار ساکن ہوئی اسو تناؤ کیا تھا ؟

(4) ایک چوٹا وزنی علقہ ایک رسی پر چڑھا ہوا ہے۔ رسی الطول سم افٹ ہے اور اس کے دونو سرے دو ثابت نقطول اور جب کا درمیانی اور جب کا درمیانی فاصلہ ۳۰ فٹ ہے۔ اور خط آل جب افقی ہے۔ جب علقہ آل سے ۵ فٹ ہے تو اس کو وہاں کیڈکر رسی کو کس کرطقے کو چیوڈر دیتے ہیں۔ ثابت کرو کہ جب علقہ س فٹ رسی طے کرکیتا ہے تو اس کی رفتار تقریباً ۱۱و،۱ فٹ نی ثانیہ ہوگی۔ (۸) ایک ذرہ ایک دائرے کی قوس پر نیمے کی طون پیسلتا کرد کہ دائرے کی قوس پر نیمے کی طون پیسلتا کرد کہ دائرے کی قوس پر نیمے کی طون پیسلتا کرد کہ دائرے کے بہت ترین تقطے پر ذرے کی رفتار اس طح براتی ہے جس طح کہ قوس ننرول کا وتر براتا ہے۔

بوں ہے۔ (۹) ایک ذرہ ایک چکنے عمودی دائرے پر باہر کی طرف بلند تربن نقطے سے حالت سکون سے پھسلنا شروع کرتا ہے۔ دائرے پرسے اترنے کے بعد جس قطع مکانی میں ذرہ حرکت کریکا اس کا وتر خاص دریافت کرو۔ (۱۰) م تحمیت کی ایک گولی ایک عمودی مدور چکنی نلی میں بند ترین مقام پر بڑی ہے اور ۲ م تحمیت کی ایک گولی ایک میں بند ترین مقام پر بڑی ہے۔ اب گولی م اوپر سے بیسلن شروع کرتی ہے اور اندر ہی بیسلتے گولی سے بیسلن شروع کرتی ہے اور اندر ہی بیسلتے گولی م دیافت کروگہ عکر کے بعد گولیاں نلی کے اندر کہاں تک دریافت کروگہ عکر کے بعد گولیاں نلی کے اندر کہاں تک اوپر وار جائیں گی ؟

اوپر دار جابیں کی ہ (۱۱) ہتی دانت کے دو مسادی گولے منوازی رسیوں کے فریعہ لئک رہے ہیں اس طرح کہ گولے مس کرتے ہیں اور ان کا خط مرکزین افتی ہے۔ ان نقطوں سے جہاں رسیاں بندھی ہیں خط مرکزین کا عمودی فاصلہ ۲ فٹ ہے۔ ان گولوں سے بجوٹریں ہوتا ہے کہ اگر ایک گولوں سے بجوٹریں جہاں کہ اس کی ایک گولے کو ایسے مقام سے جھوٹریں جہاں کہ اس کی رسی کا میلان سمت عمودی سے ۱۴° ہے تو یہہ گولہ دوسر گولہ دوسرا گولہ اس حرکت دیتا ہے اور دوسرا گولہ اس حرکت سے بہا آئے عموداً اوپر وار جاتا ہے۔ اس کی قدر دریافت کرو۔

روں می پات کی مدر رویا کے محاذی مرکز پر مس کا زاویہ ایک دائرے کی قوس سے محاذی مرکز پر مس کا زاویہ بنتا ہے۔ یہہ قوس سطح عمودی ہیں اس طرح نابت کرد ایک گئی ہے کہ اس کا مرکز ایک بی افعی خط میں واقع ہیں۔

اب ایک ذرہ اس قوس سے بلند ترین بقام سے حالت سکون سے پیسلنا شروع کرتا ہے اور پیسلتے توس ب اتر جاتا ہے۔ تابت کرو کہ قوس پرسے ازنے کے بعد جو قطع سکافی ذرے کی حرکت سے بنتا ہے اس کا وتر فاص قوس کے نصف قطر کا نصف ہے۔ (۱۳) ایک بے وزن بے لیک رسی کا طول ۱ ل ہے اور اس کے دونو سرے دو نقطوں ال اور ب سے بندھے ہیں۔

فاصلہ أدب طول میں ل سے ساوی ہے اور سمت میں اِ فقی ہے۔ ایک جسم س جس کی تحبیت م ہے رسی کے وسط میں بندھا ہے۔ اگر س کو سطح ر س ب کی عمودی سمت تن کیمینکا جائے اور رفتار رمی اس رفتارسے دو چند ہو جو پوری گردش سے لئے ضروری ہے تو رسی کا بڑے سے بڑا اور کم سے کم تناؤ دریافت کرد۔

جس وقت جسم مل البنے بلند ترین اور بیت ترین مقامات کے عین درمیان ہو اگر اس وقت رسی کا ایک

حصہ کاٹ دیا جائے تو حرکت کس طح ہوگی ہ (۱۲۷) ایک مشمن متظم کے سات ضلعوں کی شکل کی ایک تلی ہے۔ س کے ہرایک ضلع کا طول او ہے۔ یہ نلی اس طح رکھی ہے کہ اس کا ایک سرے کا ضلع سب سے ینے ہے اور افقی ہے اور دوسرے سرے کا ضلع عودی ہے ایک بے بیک ذرہ اس کے اندر سرے پر رکھدیا گیا ہے۔

یہ ذرہ ایک رسی کے ذریعہ سے ایک دوسرے مساوی فرے سے بندھا ہے جو سمت شاقولی ہیں لٹکا ہے۔ ذرو کی رفتاریں اس وقت کیا ہونگی جب پہلا ذرہ نئی سے نکلیگا؟

(۱۵) اگریہ تبلیم کرلیا جلٹ کہ زمین ایک کرہ ہے جس کالفف قطر ... ہم میں ہے تو تابت کروکہ خط استوابر زمین کی گردش کی وجہ سے کسی جسم کا مزی وزن بقدر ہا۔ سے کم ہوجائیگا۔

اگر خط استواپر ایک بیل گاڑی ایک میل فی دقیقہ کی رفتار سے مشرق کی جانب جارہی ہو تو تابت سروکہ اس کا مزی وزن بقدر ہم .. کے کم ہو جائے گا۔

ران ایک ذرہ ایک چکنے منحنی پر نیجے کی طرف بیسلتا ہے۔ جب وہ عمودی فاصلہ ہی طے کرطیتا ہے تو اس کی رفتار مصلہ اس قدر ہوتی ہے کہ ن نصف قطر والے عمودی دائرے پر اندر کی طرف بوری گردشیں کرسکے (جیسا کہ مرکز گریز ریل گاڑی میں ہوتا ہے)۔ ثابت کرو کہ ۲ می لازاً ۵ ن

سے بڑا ہوگا۔

(۱۷) دفعہ ۱۵۱ کے تجربہ میں کروں کی تحبیت مساوی ہے اور وہ مساوی رسیوں کے ذریعہ سے لٹکتے ہیں۔ پہلا کرہ بنجے آنے میں ایک ایسی قوس طے کرتا ہے جس کا وتر لا ہے اور دوسرا کرہ گرکے بعد اوپر وار جانے میں ایک ایسی قوس طے کرتا ہے - ثابت کردکہ ایسی قوس طے کرتا ہے جس کا وتر ما ہے - ثابت کردکہ لیک کی قدر بھا لیک موگی۔

عین مرکز میں لگتی ہے اور اس میں گفس جاتی ہے ۔ کمعب کی تحمیت ۲۰ کیلو گرام ہے اور وہ ایک رسی کے ذریعہ سے لٹکتا ہے۔ دیافت کرو کہ کمعب کس قدر فاصلے تک

علم حركت

باب وہم

عوداً اوپر وار جاکر ساکن ہوگا ؟
(۱۱) ربت کے ایک صندوق کی کمیت ۲۰۰۰ پونڈ ہے اور وہ دو عبودی رسیول کے ذراعہ سے لٹکتا ہے۔ ہرایک سی کا طول ۸ فط ہے در پونڈ کمیت کا ایک گولہ انقی سمت میں اس طرح چلایا جاتا ہے کہ صندوق سے مرکز نقل کی سیدھ میں گئے سے مندوق کا مرکز نقل کی سیدھ میں گئے سے مندوق کا مرکز نقل ایک ایسی قوس میں حرکت کرے جس کا وتر ۲ فط ہے تو نابت کرو کہ گولے کی رفار کرے جس کا وتر ۲ فط ہے تو نابت کرو کہ گولے کی رفار کرے جس کا وتر ۲ فط ہے تو نابت کرو کہ گولے کی رفار کرے ایس فی نابیہ ہے۔

اگر گولے کی تحبیت کی اور صندوق کی تحبیت ص ہو اور ہرایک عمودی رسی کا طول ل نہو اور قوس حرکت

کا وتر ت ہو تو ثابت کردکہ گونے کی رفار گریس بدت بر الح ہوگ -

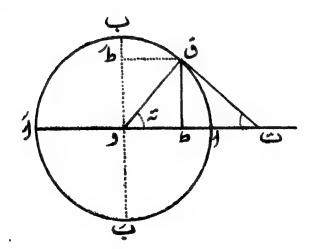
ا بہہ اس سوال کی عام صورت ہے۔ اس کے ذریعہ سے ہم نسی گونے یا گولی کی رفتار معلوم کر سکتے ہیں۔ دت کی قیمت ہمیں ستجربہ سے معلوم کرنی ہوگی ]

----(<del>\$</del>)-----

## بارديم

بسيط موسيقي حركت ـ رقاص

الم الم المسئله الرایک نقطه ق ایک دائرے پر کہاں ناوئی رفتار سے حرکت کرے اور دائرے کے ایک فابت قطر او و آئر ہے اگر اس فابت قطر او و آئر ہے ہوگا اس کورکہ طاکا اسراع دائر کے مرکز و کی جانب ہوگا اور اس طرح بدلیگا جس طرح مرکز و کی جانب ہوگا اور اس طرح بدلیگا جس طرح طرک دربیانی فاصلہ ۔ ساتہ ہی طاکی رفتار اور کسی فاصلے کو طے کرنے کی مدت بھی معلوم کرو۔



علم حركت فرض کروکہ واٹرے کا نصف قطر ن ہے اور فرض کرو کہ زاویه ق و کوئتہ ہے۔ نقطہ ق پر مماس ق ت کینیو جو وا اسے من پر لے۔ فض کروکہ دائرے پر ق كى كيسال أاديني رفار حرب جوعودك في سے الأيد کینیا جاتا ہے ، ط رہیشہ اس عمود کے پایہ پر رہتا ہے۔ اس لئے ط کی رفتار وہی ہوگی جو ق کی رفتار کاجر جھلیلی ا وی ست میں ہے اور ط کا اسراع بھی ق کے اسراع سے جزو تخلیلی نے مساوی ہوگا جو سمت اور میں

بهوجب دفعه ۱۳۵ نیتجه صریح (۱) ق کا اسراع طان م اور اس کی سمت ق و ہے۔

اس کے طاکا سراع طو کی ست یں = حان جم تد = ط×وط یعنے طاکا اساع اس طح بدل ہے جس طلح طاکا فاصلہ مرکز وائرہ سے ۔

اور ط کی رفتار

عن مرجم ق ت وون محب ته عرط ق = صرات الأسرو) جاں وط= لا يه رفتار إ اور إ پر صفر ب اور اس كى برى سے بڑی قیت ریر ہوتی ہے۔ جب ط ، ویں سے گذرا ہے تو اس عمدوم

ہو جاتا ہے اور اپنی علامت بدل لیتا ہے۔
اس لئے نقطہ ط الر پر سائن ہوتا ہے یعنی اس کی زقار الر بر صفر ہوتی ہے لیکن اس سے اسراع کی قبت الر پر صفر ہوتی ہے ۔ الر سے پل کر جب نقطہ و پر بہنچا ہے تو اس کا اسراع تو صفر ہوتا ہے لیکن اس کی رفار کی قبت بڑی ہوتی ہے۔ جب ط اگر پر بہنچا ہے تو پھر وہ سائن ہوتا ہے یعنی اس کی رفار صفر ہوتی ہے اور اس کا اسراع یہاں پھر قبیت اعظم رکھا ہے اور اس کا اسراع یہاں پھر قبیت اعظم رکھا ہے اور ط اسی راستے سے الر پر واپس آتا ہے۔
اور ط اسی راستے سے الر پر واپس آتا ہے۔

وہ مدت جو کوئی فاصلہ اوط ملے کرنے میں لگتی ہے ساؤی ہے اس وقت سے جو نقطہ ق قوس اوق ملے کرنے

میں صرف کرتا ہے اور یہہ وقت = تنہ = اللہ جم اللہ ) .....(۱)
اس لئے ال سے الر کم جانے کی مرت

= (1-) | = =

١٥٣- بسيط موسيقي حركت- تعرليف- الرايك

بابيازدهم 444 علم حركت نقطہ ایک خط ستقیم میں اس طیح حرکت کرے کہ اس کے اسراع کی سمت ہمیشہ اس خط ستقیم کے ایک ٹابت نقطے کی سیدھ میں ہو اور اس اسراع کی مقدار ہمشہ اس طی برنے جس طی متوک نقطے کا فاصلہ ثابت نقطے سے برا ہے تو اس حرکت کو بسیط موسیقی حرکت کہتیں۔ وفعه مابقه بین ط کی حرکت بسیط موسیقی حرکت ہے۔ اگر ہم علا کو سہ سے ساوی فرض کریں تو دفعہ سابقہ کے نگانج دن درد) و (٣) سے ظاہر ہے کہ اگرایک نقطے ط كى مُركت بسيط موسيقى حركت بهو أور أكر وه حالت مكون سے ديسے مقام سے حركت شروع كرے جس كا فاصلہ ٹابت نقطے وسے ن ہے اور اس کا اسراع مه × وط ب ق. (۱) اس کی رفتار ایسے مقام پر جس کا فاصلہ نابت نقطے

مر ان - لا موگ

ے لا ہ

(۱) اس مقام کک پہنچ دیں مرت الم جمم کی صرف ہوگی در ایس مقام کک پہنچ دیں مرت المحمد کی صرف ہوگی در ایس پہنچ کے لئے مرت رسی مقام ابتداء حرکت پر واپس پہنچ کے لئے مرت رسی کی ایس ہوگی مرت ہوگی مرت ہوگی

رفار = امد [نا- ناجم (المدت)]
دفار = المدال موسیقی حرکت کی مثالیں - طبیعیا به اور علم حیلی تے سائل میں یہ حرکت اکثر وقع پذیر ہوتی ہے ۔
دو علم حیلی تے سائل میں یہ حرکت اکثر وقع پذیر ہوتی ہے ۔
سرکے دو شاخے کے کسی نقطے کی حرکت اور بیلے کے تاریخ کسی نقطے کی حرکت اور بیلے کے تاریخ کسی نقطے کی حرکت یہی ہوتی ہے جبکہ ان کی

علم حركت

مرکت میں اہتماز ہو۔ ایک رقاص کی حرکت (دفعہ ۱۵)

علی بیط موسیقی ہے جبکہ اس کی حرکت کا زاویہ چھوٹاہو۔

اگر ایک جسم ایک لچکدار رسی سے ذریعہ سے لٹک رائی میا اشتراز کرے

اکسی سمانی سے بندھا ہو اور خط عودی میں اشتراز کرے

اکسی سمانی سے بندھا ہو اور خط عودی میں اشتراز کرے

و یہ بھی بسیط موسیقی حرکت ہوگی ۔ مخوطی رقاص (دفعہ ۱۲)

کے گروش کرنے والے جسم کی حرکت بھی بسیط موسیقی نظر

انے گی اگر اس کو ایک ایسے نقطے سے دیکھا جائے جوجسم
کی گروش کی سطح میں واقع ہو لیکن بہت دور ہو۔مشتری
کی گروش کی سطح میں واقع ہو لیکن بہت دور ہو۔مشتری
کی گروش کی سطح میں واقع ہو لیکن بہت دور ہو۔مشتری
سطح سے کسی ایسے نقطے سے ان کو دیکھا جائے جو بہت

دور واقع ہو۔

مطح سے کسی ایسے نقطے سے ان کو دیکھا جائے جو بہت

دور واح ہو۔
عوا جن لچکدار جمہوں میں قوت انقل مکان کے متناسب
موتی ہے ان کی حرکت بیط موسیقی ہوتی ہے۔
موتی ہم مثال (۱) ایک نقطے کی حرکت بسیط موسیقی اس کی مرت ہم نانیہ ہے۔ اگر وہ اپنے طریق کے مرکز اس کی مرت ہم نانیہ ہے۔ اگر وہ اپنے طریق کے مرکز سے ہم فٹ کے فاصلے سے حالت سکون سے حرکت میں شروع کرے۔ دریافت کردکہ ہوٹ فاصلہ طے کرنے میں شروع کرے۔ دریافت کردکہ ہوٹ فاصلہ طے کرنے میں کتنا وقت صرف ہوگا اور ہوف طے کرنے کے بعد رفار

كي ولى ؟ اگر اسراع فاصلے كا سه گن وو تو  $\frac{11}{4m} = 7$  باب يا زدېم

「(平) = ~:

جب نقطہ ٢ فٹ طے كر كَيْنًا نَهِ تو اس وقت وہ اپنے مركز حركت سے ٢ فٹ كے فاصلے پر ہوتا ہے۔ اس لئے بموجب دفعہ (١٥٣) نيتجہ (٢) جو وقت گزرا وہ

اور بموجب دفعہ (۱۵ ) نیتجہ (۱)

رفار = رامه (نا - رام) = ( الله ) (۲ - ۲ ) = الله ف فی الله مرفال (۲) ایک نقطه جس کی حرکت بسیط موسیقی ہے اپنی حرکت کے فاصلے سے جلتا ہے۔ اگر ابتداءِ حرکت میں اسراع ہم فٹ نمانیہ اکائیاں ہو تو دریا کرو (۱) اس کی رفتار جب وہ مرکز سے ۸ فٹ سے فاصلے کرو (۱) اس کی رفتار جب وہ مرکز سے ۸ فٹ سے فاصلے پر ہو اور جب وہ مرکز میں سے گزرے (۲) اس کی مرت ۔ (۱) فرض کروکہ اسراع فاصلے کا مہ سن ہے ۔ تو مدمد کا ہے ہم یہ یہ الله الله بھوجب دفعہ (۱۵ اس کی مدت اس کے موجب دفعہ (۱۵ اس کی مدت ہو اس کی رفتار جب وہ مرکز سے ۸ فٹ ہو اس کی رفتار جب وہ مرکز سے ۸ فٹ ہو اس کی رفتار جب وہ مرکز سے ۸ فٹ ہو

اور اسکی رفتار جب وہ مرکز میں سے گزرتا ہے

= الم × ١١٦ = ١ فث في ناييه

(9) اس کی مدت = الله = الله علی الله الله الله تقریباً معمل (۳) ایک لمکی لجدار کانی کا اصلی طول طسنتی پیر معمل کی ایک لمکی لجک کا مقیاس ان گرام وزن کے مساوی ہے ۔ اور اس کی لیک کا مقیاس ان گرام وزن کے مساوی ہے ۔ اس کانی کا ایک سرا ایک نابت نقطے سے باندھکر دوسرے سرے سے م گرام کیست کا ایک جسم لئکا دیا دوسرے سرے سے م گرام کیست کا ایک جسم لئکا دیا گیا ہے ۔ نتابت کروکہ جسم کے عمودی انجنراز کی مدت

۱۱۲ مان × ج موگ فرض کرد که کانی کا نابت سرا دے اور در اور اس کی اصلی وضع ہے۔ یعنی وہ وضع ہے جکہ اس کی اصلی وضع ہے۔ بینی وہ وضع ہے جکہ اس کے طول میں فرق نہیں آیا۔ فرض کرد کہ دیسے اور فرض کرد کہ دیسے اور فرض کرد کہ دیسے تو کانی کا تناؤ دیت ہے۔ کو بیو جب جسم ب پر ہے تو کانی کا تناؤ دیت ہے۔ کو بیو جب کانون کی

ت = ل <u>لا-ط</u> جهال ل پک کا مقیاس ہے = ن ج <u>لا-ط</u>

اس نے جسم پر اوپر کی طرف ماصل قوت ع ست ۔ م ج

449

= ن برب مرک اسراع اوپر کی طرن = ن بر درب مرک اسراع اوپر کی طرن = مرط × درب

یعنی جسم کی حرکت بسیط موسیقی ہے اور اس کا مرکز وہے۔ اور بہوجب دفعہ ۱۵۳

مرت اہتزاز = ١٦٠ + الله علاق = ١٦٢ مرت اہتزاز = ١٦٠ + الله مرت اہتزاز = ١٦٠ برائل معلم مالت سكون واضح رہے كہ و وہ مقام ہے جہاں جسم طالت سكون ير ہو تو كانى كا تناؤ اوپر ير ہو تو كانى كا تناؤ اوپر

علم حرکت

کی طرف یہہ ہو گا:۔

اور یہم جسم سے وزن سے مساوی ہے - اس کے وَبِرِ جسم مالت تو ازن بیں ہوگا -

امثله نمبری (۲۷)

(۱) ایک ذرہ ایک خط مستقیم میں بسیط موسیقی حرکت کرتا ہے۔ ایک سکون سے دوسرے سکون کک مدت دریافت

رم) سوائج کے فاصلے پر اسراع وفط نانیہ اکائیاں ہو۔

(س) ایک فٹ کے فاصلے پر اسراع TT فٹ ٹانیہ اکائیاں و

(۱) سوال (۱) کی ہرایک صورت میں دریافت کروکہ جب ذرہ اپنے راستے سے مرکز میں سے گذرتا ہے تو اس کی

رفاري موگي - حركت كي سعتين الترتيب افث الا أي

ریب سے ہیں۔ (س) ایک ذرہ ایک خط مستقیم میں بسیط موسیقی حرکت کرا ہے۔ اس کی مرت اہتزاز ایک صورت میں بانانیہ دوسری

ہے۔ اس کی مرت اجترار ایک عورت میں ہرسوریں ہرس

سعت ایک فٹ ہے۔ مرکز حرکت میں سے گذرنے کے وقت ذرے کی رفتار ہر صورت میں دیافت کرو۔

(۱۷) ایک ذرے کی حرکت بسیط موسیقی ہے اور جب وہ مرکز طریق میں سے گذرتا ہے اس کی رفتار ہم فٹ فی خانیہ ہے اگر وہ حالت ہے اور ہے وہ حالت میکون سے چلے تو ایک فٹ کا فاصلہ کتے وقت میں طے کرگا ہ

(۵) آیک نقطے کی حرکت بسیط موسیقی ہے۔ آگر مرکز طریق سے سوفٹ اور ہم فٹ کے فاصلوں پر اس کی رفتاریں بالترتیب ۸ فٹ اور ۹ فٹ فی ثانیہ ہوں تو دریافت کروکہ اس کی ممت اہتزاز کیا ہوگی اور مرکز طریق سے فاصلہ اعظم پر اس کا اسراع کیا ہوگا ہ

(۱) ایک گرام کمیت کا ایک جسم اپنے طریق کے مرزکے دونو طرف ایک ایک بلی جسم اپنے طریق کے مرزکے دونو طرف ایک ایک بلی میٹر تک اہتزاز کرتا ہے اور یہ اہتزازی حرکت ایک ٹانید ہیں ۲۵۹ دفعہ ہموتی ہے۔ یہ تسلیم کرکے کہ حرکت بسیط موسیقی ہے ٹابت کروکہ ذرے تسلیم کرکے کہ حرکت بسیط موسیقی ہے ٹابت کروکہ ذرے

پر قولت اعظم السر (۱۲ میل) وائین ہے۔
(۱) ایک افعی شخی خط عودی میں بسیط موسیقی حرکت کرتی ایک افعی شخی خط عودی میں بسیط موسیقی حرکت کرتی ہے۔ اگریہ مقصود ہو کہ شخی پر جو اشیا بڑی ہیں وہ اس کے ساتھ مس

کرتی رمیں تو معلوم کردکہ بڑی سے بڑی سعت سینٹی میٹروں میں

کیا ہوسکتی ہے ج (۸) الا پونڈ کمیت کا ایک جسم ایک لمکی کانی کے ذریعہ سے للك را ہے - كاني ايسى ہے كہ اگر اس سے تناؤ ميں أ یوٹر وزن کا اضافہ کیا جائے تو اس کے طول میں ایک ينظ كا اضافه موكا - الركاني كا اوير كا سرا في الفور م إلى اٹھاکر ٹابت کردیا جائے تو ایسا کرنے سے جسم کی جو حرکت مو کی اس کی سعت اور مرت انتزاز دریافت کرد-(4) ایک بلی کانی کے ایک سرے سے ایک وزن بندھا ہے اور اس کا دوسرا سرا ایک ثابت نقطے سے بندھا ہے۔ وزن کو باندھکر چوڑ دیا گیا ہے۔ اگریبہ عودی خط یں اتناز كرے اور سعت لا أنح بوتو من ابتزاز معلوم كرو-(۱۰) ایک نظدار سی کے وسط سے ایک ذرہ باندھ ویا كي ہے۔ يسى كو كھينے كر اس كا طول اصلى طول سے دوچند ك كيا كيا ہے اور اس وضع ميں ايك ميز ير كھكر رسى كے دونو سے ٹابت کردئے گئے ہیں۔ اب ذرے کو یسی کی سمت یں انی عگہ سے ہٹا کر چھوڑ دیا جاتا ہے۔ ذرے کی مت المتزاز مرافت كرو-

(11) ایک ماخ اجب اس طح حرکت کل ہے کہ اس کا مرا ہے کہ اس کا جر کا مرا ہو ایک ایسے خط جر کا مرا ہو ایک ایسے خط مشنیم پر حرکت کرتا ہے جو نقطہ و میں سے گزرہ ہے

بسیط موسیقی ہے۔

[اس سوال سے ظاہر ہے کہ ہم علاً بسیط موسیقی حرکت ماصل کرسکتے ہیں۔ فرض کرو کہ ویب ایک گردشس کرنے والی سلاخ ہے اور بہ ایک اور سلاخ المب سے وصل کی گئی ہے۔ فرض کرد کہ بھاپ کے انجن سے فشادہ کی طرح ارکو ایک مستقم خط لال پر چلایا جاتا ہے تو ایک مستقم خط لال پر چلایا جاتا ہے تو ایک حرکت بسیط موسیقی ہوگی]

## ١٥٥- بيط مونيقي حركت كے مثله كي توسيع

منحنی پر حرکت۔

زض کرو کہ منحل نقطہ ط کسی شکل سے لیک منمی سے

صے اور او بر اس طح حرکت کرتا ہے کہ وہ او سے

طالت سکون سے شروع ہوتا ہے اور اس کا ماسی اسلی

ہمیشہ توس کی سمت میں ہے اور و کی جانب ہے

اور مقدار میں مہ × قوس وط سے مساوی ہے تو

دفعہ ۱۵۳ سے تام نتائج اس صورت میں بھی صبح ہونے۔

مرار ور بط د ب

فرض کروکہ وکب ایک خطمتقیم ہے جو طول میں قوس و لئے مسادی ہے اور فرض کروکہ نقطہ طَخطمتقیم میں اس طح حرکت کتا ہے کہ اس کا اسراع مہ × وَطُ ہے اور فرض کروکہ وَ طَ = قوسس وط میں جونکہ ط کا اسراع اس کے طریق میں جمیشہ وہی ہے جو ط کا اسراع اس کے طریق میں جمیشہ وہی ہو گئی اور جو ط کا اسراع ہے اس لئے جو رفاریں ط اورط ایک ہو گئی اور مساوی فاصلے کرنے کے اوقات بھی مساوی ہو گئی اور ساوی فاصلے کرنے کے اوقات بھی مساوی ہو گئی۔ اور کی رفار ہے ط کی رفار ہے ط کی رفار

= مد (وَبدُ وَطُ") = مد (وَسول)-(وَس وط)"}

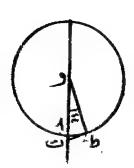
(۲) اوسے طاعک جانے کا وقت ہے ہے طام مک جانے کا وقت

= المرا رفط على = المرا (قيس وط) = المرا (قيس وط) (٣) أسے أرسك اور بچر واليس أسك بلنے كى مرت = <u>١١٢</u>

رقاص ۱۵۸- بسیط رقاص - اگر ایک ذرہ ایک رسی کے ایک سرے سے بندھا ہو اور رسی کا دوسرا سرا ایک نابت نقطے سے بندھا ہو اور ذرہ ایک ایسے عمودی دائرے میں اہتزازی حرکت کرے جس کا مرکز وہ ثابت نقطه مو تو اسے بسیط رقاص کتے ہیں۔

مدت اہتزاز کا انحصار زاویٹہ اہتزاز پر ہے ہم آیندہ دفسر میں نابت کرینگے کہ اگر زاویہ اہتزاز چھوٹا ہو تو رقاص کی مدت اہتزاز تقریباً مستقل رہتی ہے۔

109-مسئلہ- اگر ایک ذرہ رسی کے ذریعہ سے ایک ثابت نقطے سے لٹک رہا ہو اور اسکو ایک چھوٹے ناوٹ میں اہتزانی حرکت دی جا تو ثابت کرو کہ مت اہتزاز ۱۱۲ ایج ہے جاں ل رسی کا طول ہے۔



فض کرد کہ و ابت نقطہ ہے اور ول ایک عمودی خط ہے اور فرا ایک عمودی خط ہے اور فرا ایک عمودی خط ہے۔ اور فرض کرد کہ الط وہ قوس ہے جس بر فدہ چلک ہے۔ ور فرض کرد کہ زاویہ ار ط = تہ

زف کروکہ طایر عاس طاست ہے جو وال سے مت پر من ہے۔ تو ذے کا اسراع طات کسمت یں = ج جب تم عن ہے۔ تو ذے کا اسراع طات کسمت یں = ج جب تم

= ع × توس اط

اس سے ظاہر ہے کہ عاس کی سمت میں اسراع اس طح برات ہے جس طح کہت تریں نقطے سے نسے کا قوسی قاملہ براتا ہے۔

اپس ثابت ہواکہ درکت بسیط موسیقی ہے ابندا بموجب دفعہ (۱۵۵) نتیجہ (۱۲)

一里一里一

بہلے بہل گلیلیو نے سلاما کے قریب یہہ مدیافت کیا کہ رقاص کی مت اہتزاز مستقل رہتی ہے۔ اس نے دیکھا کہ پائی ساکے گرچے میں جو بیش کا بڑا لیمپ لٹکتا ہے وہ جب جھولتا ہے تو خواہ وہ کسی زاوئے میں جھولے جمولتا ہے تو خواہ وہ کسی زاوئے میں جھولے کی مدت ایک ہی رہتی ہے۔ گلیلیونے وقت کا اندازہ اپنی شبض کے ذریعہ سے لگایا تھا۔

مثال - ایک ایسے رقاص کا طول معلوم کرو جو ۵۵ شانیہ بیں ۵۹ دفعہ جھولے -

یهاب مدت اہتزاز = <u>۵۵</u> خانیہ پسس اگر رقاص کا طول ل ہو تو

J ++ = J T = 00

0 = J :

ن ل = ۲۵ × ۲۵ = ۲۵ فظ = الم ۱۲۵ م ۱۹ - شجر فی قصد لق - دفعه گذشته سے اہم نیتج کی اچھی فاصی تصدیق تجربہ سے ہوسکتی ہے - طالب علم کو واضح رہے کہ نظری حسابات کا " ذرہ "علا تو ہمیں قال

ایس ہو سکتا اور نہ ویسی سی ہی الی سکتی ہے جو بانگل ایس ہو سکتا اور نہ ویس سے ہی الی اللہ ہم میشل یا محسی اور دصات ایسے واللہ " ہو ۔ لیکن اللہ ہم میشل یا محسی اور دصات كَى يَعِيلُ مِن كُولَى فين اور اس مِن لِكِ جِنوا ما جَالَ مَنبَطِ يراً النام ك إلى الله عالى الله عالى الله الكا وي توجب قريب بسيط روس بن البات الله اول سی سے عاب کرو کہ مت ایسند اس طاق بالتي بيد جس طئ طوال كا جد -ست سی الیس گولیاں او اور ال سے فورے یامد عمر غزیت تقفوں سے النکائو۔ سے اس ملے سے کیا مناسب جو گا۔ کی تنایت اٹھی معتی میں میوٹے میں طلقے میچوں سے جروو۔ وہورے الل طلقول میں سے تدار کرمسی مورول سیارے سے الدھ تھوسوں سے ماول ایسے رکھو کہ اگر گولیوں سے مرتبعل القلط تعلق عمك تائي عاصل الوقع المراه ١٠٠٠ الله المالة المستول من المول - إشلاب طول رك ما كت بين :-الليبي موكت يوكر سب ليك يبى وقت جيوف "راولول على جون شیع کریں۔ ویکنے سے سلوم جونگاکہ اللہ کے معنی طیلوں کے میتررول کی السیسول میں جید -الرتجرب كرنے ولا مرفت والد الله ليك وقت

کی نوع مادہ پر نہیں ہے۔
دو چھوٹے گونے لو جو ناپ ہیں تو ایک سے ہوں لیکن فیلف اشیاء کے بنے ہوسے ہوں یہ یاد رہے کہ کاک جیسی ہلکی چیز کے بنے ہوئے نہ ہوں۔ بیسا کہ پہلے بیسی ہلکی چیز کے بنے ہوئے نہ ہوں۔ بیسا کہ پہلے بیر بیان ہوا ہے اسی طح ان گولوں کو مساوی طول کی رسیوں کے ذریعہ سے نشکاف اور ان کو ایک ساتھ جھولنے کے لئے حرکت دو۔ یہ اس طح ہوسکتا ہے جھولنے کے لئے حرکت دو۔ یہ اس طح ہوسکتا ہے کہ ایک تختی کے ذریعہ سے گولوں کو ایک طرف دھکیلو اور پھر تختی کو فوراً چیچے سٹالو۔ ایسا کرنے سے معلوم اور پھر تختی کو فوراً چیچے سٹالو۔ ایسا کرنے سے معلوم

ہوگا کہ گولوں سے پینگوں کی مرتبی مساوی ہیں لیکن یہم نتیجہ اسی صورت میں حاصل ہو سکتا ہے جب کہ ربیو تے طول احتیاط سے مساوی بنائے جائیں۔ کچھ وقت گذر نے کے بعد ملکے گونے پیچے رہتے جائیں گے۔ آگی وجہ یہہ ہے کہ ہواکی فراحمت کا اثر ملکے گولوں پر زیادہ ہے اور بھاری گولوں پر کم ہے -سوم ۔ ببیط رفاص سے ذریعہ سے ج کی قیمت ایک گوله لو اور اسکو مناسب طول (مثلاً ۴ فش) کی ایک رس کے ذریعہ سے انکاؤ۔ نقطہ نقلیق سے گولے کے مرویک فاصلہ احتیاط سے ناپ لونہ آب کونے کو جنو کے لئے حرکت دو۔ اور ایک پورے پینگ کی مدت و معلوم کرو ۔ مت معلوم کرنے کا بہترین طریقہ یہہ ہے كه بهت اسے رستلاً ، م) بينگوں كا وقت و كيمو اور اس وقت کو بہم پر تقسیم کرو۔ [ایک معمولی محمری سے زیعہ سے جس میں نانیہ کی سوئی کہو اچھے خاصے صبیح نثائج ماس ہو کتے ہیں آ ليكن بموجب دفعه ١٥٩

> مت = ۱۲ علی ططول ہے بنی و = ۱۲ علی ط

ہمیں و اور ط دونو معلوم ہیں

ウ 'Tr = で ::

بزریعہ جدول لوکار ثم یا معمولی حماب سے ہم ج کی قیمت فٹ ٹانیہ اکائوں میں دو درجہ اعتباریہ کک صحیح معلم کرسکتے ہیں۔

اگر طول سنیٹی میٹروں میں نایا جائے تو ہم کو ہم کی میٹروں میں نایا جائے تو ہم کو ہم کی قبیت میں معلوم ہوگی۔
قیمت میں گ مت نظام میں معلوم کی مرت اہماز میں اواص کی مرت اہماز میکون سے سکون ک ایک خانیہ ہو یعنی جس کے پور سکون سے سکون کا نیہ کی زناص میں ہو اسے مانیہ کا رقاص پینگ کا نقاص

کہتے ہیں ۔ کیسر، اگر اس کا طول ط ہو تو

T = 1

ن ط = ج فط

پونکہ زمین کے مخلف مقامات پر ج کی قیمت مخلف ہے اس لئے یہ ظاہر ہے کہ نانیہ سے رقاص کا طول زمین کے مخلف مخلف ہوگا۔

زمین کے مخلف مقامات پر مخلف ہوگا۔

اگر ج = ۱۳۶۲ اور 17 = علا

باب يازدېم

علم حركت

توط = ۱۲۹۳ فٹ = ۱۱۶۹۹ اپنج تقریباً
توط = ۱۲۹۹ فٹ = ۱۱۶۹۹ اپنج تقریباً
اگر ہم اکائیوں کا س ک ث نظام استعمال کریں توج = ۱۹۹۱
اس کئے ط = ۱۹۶۳ سنیٹی میٹر
اس کئے ط = ۱۹۶۳ سنیٹی میٹر
کندن کے عرض بلد میں ثانیہ کے رقاص کے طول کی
صدح ترقیمتیں میٹر ہیں۔
صدح ترقیمتیں ۱۳۹۲ ۱۳۹۶ ۱۹۹۱ اور ۱۳۱۳ ۱۹۹۶ سنیٹی میٹر ہیں۔

## امثله نميري (۲۷)

وفعد مجعو لديكا ؟

(۲) شابت کرد که ایک رقاص جس کا طول ایک سیل ہے بہ نانیہ میں جھو لیگا۔

(٤) ایک رقاص جس کا طول ۱۸ ، ۳ انج ہے ایک مقام پر تین دقیقہ میں ۱۸۳ دفعہ جھولا ہے۔ اساع بجاذبہ ارض معلوم کرو۔

(۸) دریافت کروکہ ایک دن میں ہم فٹ طول کا ایک رقاص کتنے اہمٹزاز کرے گا ؟

(۹) ، ۵۰ فظ لمبا رقاص بیرس کے ایفل برج میں لئکتا ہے۔ خابت کرو کہ اس کا پورا استزاز ہے۔ استفار کے انتہ میں ہوتا ہے۔

ہوتا ہے۔ رسی کی تحیت اگرجہ کم ہوتی ہے لین صفر

باب يازدهم

ہیں ہوتی اور گولے کو ہم ذرہ نہیں کہ سکتے۔
ہارا کوئی رفاص خواہ کسی سٹکل کا ہو اس کا
ہسیط مساوی رفاص وہ رقاص ہے جس کی مرت
اہتزاز ہمارے رقاص کے مساوی ہو۔ کسی استوار جسمواور
اس کے بسیط مساوی رقاص کے باہی تعلق پر ہم اس
اس کے بسیط مساوی رقاص کے باہی تعلق پر ہم اس
کاب کی حدود کے اندر ہوٹ نہیں کر سکتے تاہم یہ بات
قابل ذکر ہے کہ اگر ایک بہتلی کیسان سلاخ کا ایک سا
فابل ذکر ہے کہ اگر ایک بہتلی کیسان سلاخ کا ایک سا
فابل ذکر ہے کہ اگر ایک بہتلی کیسان سلاخ کا ایک سا
فابل ذکر ہے کہ اگر ایک بہتلی کیسان سلاخ کا ایک سا
طول سلاخ کے طول کا دو خلات ہو۔

## ١١٢٠ اسراع سجاذبهٔ ارض - نوس نے قدرت

کا یہہ بنیادی قانون دریافت کیا کہ ہر ایک ذرہ ہر ایک دوسرے ذرے کو ایک ایسی قوت سے کینچنا ہے جو اس طرح دروں کی جمیتوں کا حال ضرب اور ان کے درمیانی فاصلے کے مربع کا عکس منبل قوتوں کی کسی کتاب کے دیکھنے سے ظاہر ہوگاکہ بندیعہ قانون مذکورہ بالا ثابت ہو سکتا ہے کہ اگر ایک ذرہ ایک کرے کے باہر ہو تو کرے کی جنبی قوت ذرے پر ایک کرے کے باہر ہو تو کرے کی جنبی قوت ذرے پر اس طرح عمل کرتی ہے گویا کرے کی خل محمیت اس کے مرکز پر جمع ہے۔ اس لئے وہ امراع جو اس قوت کے

اشر سے پیدا ہوا اس طح بران ہے جس طح مرکز اور ذرے کے درمیانی فاصلے کے مربعے کا عکس۔

یہہ بھی ٹابت ہوسکتا ہے کہ اگر ذرہ کرے کے اندر واقع فی ہو تو اس پر کرے کی جنبی قوت اس طح براتی ہے جس طح مرکز سے ذرہ کا فاصلہ برانا ہے۔

پس اگر بلندی می پر جاذبہ ارض کی نیمت ج مو اورسطح نیمین پر ج ہو اورسطح نیمین پر ج ہو اور نیمین کا قطر کی ہو تو

اس نئے : ج: ج: ت

ج = ج ( ( ن + ي )

اگر ایک کان کے اندر جس کی گہرائی گ ہے جاذبہ ایس کی قیمت ہے ہو تو ج ہے جس میں تاریق کی قیمت سطح زمین پر آمدیو اس سے ظاہر ہے خد ج کی قیمت سطح زمین پر آمدیو زمین اور بیرون زمین سے زیادہ ہے۔ ۱۹۵ اب ہم اس مسلہ پر غور کرفیگے کہ اگر بسیط تقاص کے طول بین تعوری سی تبدیلی وقع ہویا ہے کی قیمت میں تعوری تبدیلی ہو تو رقاص کی مرت انتراز پرکیا آثر ہو۔ ایک وقت میں تاریکی وقت میں نے برتیا میں تو خابت کرو کہ مفرض میں ن بورے انتراز سرے تو خابت کرو کہ مفرض میں ن بورے انتراز سرے تو خابت کرو کہ

(١) الله ج بدل كرج + ج مو جائ ، تو تعداد المتزازات

شن ب بخ کا اضافہ ہوگا اللہ تاری کی برلے طائیں

وم) اگر رقاص کو سطح زمین سے بلندی می پر لے جائیں تو تعداد اہتزازات میں ن × رہے کی کمی ہوگی جہاں لہ

زین کا نفت قطر ہے۔ وس اگر اسے ایک کان کے اندر لے جائیں جس کی گہرائی

رہ) ہر ہے ایک دی سے دائی ہوگی۔ گ ہے تو تعداد میں ن × ک کی کمی ہوگی۔ رم) اگر اس کا طول بدل سرط + ط ہو جائے تو تعداد

رم ) اگر اس کا طول بدل کر ط + ط ہو بات و عدر میں کمی ن × ط ہوگی -

یں ں ہو کہ بہلے مدت اہتزاز ن تھی اور تنبیلی کے فرض کردکہ بہلے مدت اہتزاز ن تھی اور تنبیلی کے بعد ت مفروض میں اہتزاز بعد ت مفروض میں اہتزاز

جد ک ہوں۔ سیسر ر عمی نئی تعداد ن ہے تو

ن ت د ن ت

(۱) اس صورت یں ت= ۱۱ ح

اور ت ع ۱۱۲ عرج

خ ن = ن = ا + ج تقرياً

علم حرکت باروتهم [بریعه مسئله شانی ، بخ کا مربع اور باقی رقیس نظرانداز کی گئی ہیں ]

= ا - ای تقریباً

ن ج = ج ای اس سے جیسا کہ صورت (۱) میں معلوم ہوا تعداد اہرازا میں معلوم ہوا تعداد اہرازا میں معلوم ہوا تعداد اہرازا میں محمی ن ی ہوگی۔
(۳) اگر گہرائی پر ج کی قیمت ج ۔ ج ہو تو

ج-ج: ج: ربك ال

ن تعداد انتزازات میں کی =  $\frac{3}{7} \times \frac{3}{7} = \frac{3}{7} \times \frac{3}{7}$ (م) اگر طول ط بمل کر ط + ط بهو جائے تو

(م) اگر طول ط بمل کر ط + ط بهو جائے تو

(م)  $\frac{1}{7}$ (م)  $\frac{1}{7}$ 

اور ت = ١١٢ م

ن ن = ن = (ا+ ط ) = ا- ا ط تقریباً

اس لئے تعلاد اہزازات میں کی = ن - ن = ن × ط واص

اس مئلہ سے ظاہر ہے کہ اگر ثانیہ کے ایک رقاص
کو سطح زین سے کسی بہاڑ پریاکان کے اندر لے جائیں تو بہاڑ کی بندی یاکان کی گہرائی تعداد اہتزازات کی محمی سے تو بہاڑ کی بندی یاکان کی گہرائی تعداد اہتزازات کی محمی سے

معلوم ہو سکتی ہے۔ ۱۹۹۱۔ مندال (۱) سلح زمین پر ایک رقاص کی مدت اہتزاز ایک نانیہ ہے۔ اگر اسے پانچ میل لمند بہاڑ کی پوٹی پر بیجائیں تو دریافت کرو کہ ایک دن میں کتنے نانیوی

چوں پر بیجایں کو قرافت کرو کہ ایک وال میں سے میوں کمی ہوگی ؟ یہ شیر کرایا جائے کہ زمین کا نصف قطر ۲۰۰۰م میل ہے۔

یہ کسلیم کرایا جائے کہ رمین کا تصف نظر ... ہم سیل ہے۔ فرض کروکہ سلح سمندر پر اور پہاڑ کی چوٹی پر اسراع بجاذبہ ارض بالترتیب ج اور ج ہے تو

ح: ٢: ٢: ١٠٠٠) ا

 $\binom{A\cdot 1}{A\cdot \cdot \cdot} = \binom{F\cdot \cdot \cdot \delta}{F\cdot \cdot \cdot \cdot} = \frac{7}{5} = \frac{1}{5}$ 

پوکھ سلح زمین پر مت اجتزاز آیک عانیہ ہے اس نے

علم حرکت بسم الله بازیم الله بهار کی پیوٹی پر مت س بهو تو

(۲) کو (۱) پر تقییم کرنے سے

(۲) کو (۱) پر تقییم کرنے سے

(۲) = اب

اس کئے پہاڑئی چوٹی پر ایک دن میں تعداد اہتنازارات میں معداد اس معداد اس

1-(1 +1) AY M. = 1 × AYM. =

= ۲۰۰۰ (۱- ۱۰۰ (۱۰ مرياً

1.4 - 446 -=

اس کئے تعداد اہتزازات میں ۱۰۸ کی کمی ہوگی مثال (۲) ثانیہ کا ایک ناقص رقاص ایک دن یں مثال (۲) ثانیہ کا ایک ورافت کرد کہ اس کو درست کرنے کے لئے اس کے طول میں کیا تبدیلی کی جائے ؟ کرنے کے لئے اس کے طول میں کیا تبدیلی کی جائے ؟ یہم رقاص ۲۰۰۰ مانیوں میں ۱۳۸۰ دفعہ جمواتا ہے

ینی اس کی مت انتظان = ۸۹۳۸ نانیه اس لئے اگر اس کا طول ط جو تو

 $\frac{\sqrt{\gamma}}{\sqrt{\gamma}} = \prod_{n=1}^{N} \frac{1}{\sqrt{\gamma}} = \prod_{$ 

(۱) کے مربعے کو (۱) کے مربعے میں سے تفریق کرنے سے

 $\frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{1}{\sqrt{11}} = \frac{1}{\sqrt{24 \pi 4}} - 1$ 

[1- ( ATFA )] = y:

[ 1 - r- r- -1 ] = - =

 $\left[ 1 - \frac{r}{\Lambda \gamma r_{\bullet}} + 1 \right] \frac{r_{\bullet} \times r_{P}}{r_{PP}} =$ 

اننی اللہ اللہ میں تقدر ۱۰۱۸ النی کمی کرنی جائے اس کئے رقاص کے طول میں تقدر ۱۰۱۸ النی کمی کرنی جا

174۔ چاند کی حرکت کے ذریعہ قانون

جا ذبۂ ارض کی تصدیق۔ تسلیم کرکے کہ چاند کی گردش زمین سے سرد ماذبۂ ارضی

کی وجہ کسے ہے ہم چاند کی پوری گردش کی مدت معلوم کر سکتے ہیں اور اس کے ذریعہ سے ہم قوت جاذبہ ارض

کی تصدیق کر سکتے ہیں۔ فرض کرو کہ زمین کی قوت جاذبہ کی دجہ سے جاند کا اساع ع ہے تو چونکہ دونوں جسموں کے مرازوں کا درمیانی

فأصله زمین کے تفیقت قطرکا ۲۰ گنا ہے اس کئے

1 : 7 : E جہاں ن زمین کا نصف تطریع ۔

يعنى ع ي ج

فرض کرد کہ جاند کی رفتار زمین سے گرد کہ ہے تو ببوجب دفعه ۱۳۵

#Y .. = 3 = "

م ال سے جن ال من اللہ کی گردش کی مت سے جاند کی گردش کی مت سے لے لے اللہ کا اللہ کی بات ہے لیے اللہ کا اللہ کی ہائے کے لیے اللہ کی ہائے کے لیے ہائے کی ہائے کی

عانيه عانيه عانيه عانيه

زمین کے نضف تطر کو ... ہم میل تسلیم کر کے اور ج کو درج کو ہوتی ہے۔ اور چائد میں ہوتی ہے۔ اور چائد کی عرب میں میں میں کر گئے ہے۔ اور چائد کی طردش کی مرت جو نظر آتی ہے۔ وہ بھی تقریباً یہی ہے۔

امثله نمیری (۲۸)

(۱) ایک رقاص کی مدت انتظار کرنیج میں ایک نانیہ ہے اور وہاں ج کی قیمت ۱۹۲۱ ہے۔ اب اس رقاص کو کسی دوسرے مقام پر لیجاتے ہیں بہاں یہہ بانتانیہ فی یوم سست ہو جاتا ہے۔ دوسرے مقام پر ج کی کیا قیمت ہو گی ہ

رم) ایک رقاص ایک مقام پر ۱۰ ثانیه فی یوم تیز ہوجاتا ہے۔ دونوں مقامول پر اسراع بجاذبہ ارض معلوم کرد۔ رم) اگریہ تسلیم کرلیا جائے کہ فٹ ثانیہ اکا نیوں میں ج کی قیمت خط اسکتوا ادر قطب شمالی پر بالترتیب ۲۲۶۰۹ ادر ۲۲٬۲۵ ہے تو دریافت کرد کہ جو رقاص خط استوا پر

علم حركت بأب يازدتهم mam ایک خانیہ میں جھولتا ہے وہ تطب شالی پر کتنے خانیہ لي يوم ينز بو گا؟ (م) ایک کلاک جس میں نانبہ کا رقاس لگا ہے ایک دن میں ۹ ثانیہ مست ہو جاتا ہے۔ دریافت کرو کہ رقاص کے طول میں کیا تبدیلی کی جائے ؟ (٥) ایک کلاک ۵ ثانیه نی یوم تیز ہوجاتا ہے۔ بتلاؤکہ اس کوکس طح درست کیا جاے ؟ رد) اُکر تانیہ کے ایک رقاص کا طول بقدر بہا۔ زیادہ كرديا جائ تو دريانت كردكه أيك دن بي تعداد المتزازات ين کس قدر کي بوگي ؟ زے ایک بسیط رفاص کی مرت اشتراز ایک ثانیہ ہے۔ اس کا طول بقدر الله ایج زیاده کردیا گیا ہے۔ دیافت کرد کہ مہم گھنٹوں میں کننے نابیوں کی تحمی ہوگی ؟ (۸) ایک بسیط رقاص مہم نابیوں میں بورے ۲۱ بینگ لینا ہے۔ جب اس کے طول کو بقدر ۱۹۸۵ کا کم سنیشی میشر کم کردیا جائے تو وہ ۱۳۳ تاینوں میں ۱۲کامل اہتراز کرتا کہا۔ ج کی قیت دریانت کرو۔ (٩) لو ہے کے ایک باریک تاریت ایک وزنی گولہ النكاكر تانيه كا ايك بسيط رقاص بنايا كيا ہے۔ أرزقال حارت سے صفر درج سنیلی ارید پر سی ہو تو دریافت كروكم ١٠ كفتول مين ٢٠ ورج سنيلي كُميَّة بركيَّة اليوكي

ایک ذرہ وقت سے بیں جاتا ہے۔ اگر سطح مرکز تک قوت جاذبہ ارض کیساں رہے تو ذرہ وقت سے بیں مرکز تک بہنچا ہے۔ ٹابت کرو کہ

TV + : TI :: ( : : :

(۱۹) ایک بسیط رقاص قوت جاذبہ ارض کے زبر عمل اس طرح جھولتا ہے کہ جب رسی عمودی ہوتی ہے اس وقت اس کا تناؤ رقاص کے گولے کے وزن سے دو چند ہوتا ہے۔ نابت کرد کہ سمت عمودی سے رسی کا بڑے سے بڑا میلان اللہ ہے۔ دوری رسی کا بڑے سے بڑا میلان اللہ جسم لئک رہا ہے اور سانج کے فاصلے شک جھولتا ہے۔ مدت اشتراز دوری کا اور سانج کے فاصلے شک جھولتا ہے۔ مدت اشتراز مدیافت کرد اور بہ بھی معلوم کرد کہ بنیگ سے دونوں مروں پر اسراع کیا ہونگے اور وسط میں رفنارکیا ہوگی مروں پر اسراع کیا ہونگے اور وسط میں رفنارکیا ہوگی اور

## ب دواردیم

## ا کائیاں اور ابعاد

۱۲۸ جب ہم مسی خاص سننے کی مقدار کا اندازہ لگانا یا ہتے ہیں تو جم اسے اسی قسم کی کسی اکائی کی رفوں ہیں بیان کرتے ہیں ۔ اینی اس میں دو باتوں کا بیان ضروری ہے اول ہماری اکائی دوم پہد کہ اس خاص مقدار میں ایسی کننی اکائیاں ہیں یعنی اس مقدار کی اکائی سے

یہ سبت ، اکائی کی رقموں بیں اس مقدار کی ناب

مثلاً اگر ہم کسی آدمی سے قد کو بیان کرنا جا ہیں تو ہم کہ سکتے ہیں کہ یہ چھ فٹ ہے۔ یہاں فٹ جاری اکائی ہے اور چھ اناب ہے۔ ہم یہ بھی کہ سکتے ہیں کہ اس ادمی کا قد اگریا ہے۔ قد اگریا ۱۷ اپنج ہے۔ مخلف اکائیوں کے استعال کرنے سے ناب مخلف ہوگی۔

لیکن اگر ہم کسی چیزکی ناپ کو اکائی سے ضرب دیں تو

باب دواردهم 791 ماصل ضرب تمام صورتوں میں سادی ہونگے (مثلاً اگز= افث و مرد ہے ۔ بس الرکسی طبیعی مقدار سے ندازے کے نئے اکا نیاں اک اور [ک] استمال کی جائیں اور ان دونوصورتوں ميں تاب بالترقيب أن أور نَ موں تو ال ال ال الك ا 5:5:[3] لهذا برجب تعريف تبدل 10 00 [5] یتی در اکانی می کی رقبول میں کسی مقدار کا اندازہ نگایا مات اس ملح برلتی ہے جس طح ناپ کا عکس۔ اور ناپ اس ملے برلتی ہے جس طح اکالی کا عکس -119- ایک خط ستقیم کا صرب طال موہ ہے س کی چوڑائی اور موٹائی نہیں ہوتی۔ اس نے یوں کیا جاتا ہے کہ خط ستغیم کا ایک بعد طول میں ہے -اگر ہم کوئی رقبہ لیں تو اس کی لمیائی بھی ہوگی اور چڑالی یعی ۔ لیں موانی نہیں ہوگی ۔ اس سے یوں کیا جا ہے كرتے كے دو بعد طول ميں ہيں - رقبے كن اكائى عموا

وہ ہوتی ہے جس کی لمبائی اور چوڑائی طول کی اکائے

باب دوازدیم

مساوی ہو۔ بس اگر ہم طول کی دو مختلف اکائیاں لیں جن کی نسبت ل : ا ہو تو ان سے مطابق رقبے کی اکائیاں لیں جن کی اکائی ان : اک نسبت میں ہوں گی۔ یعنی اگر رقبے کی اکائی کو [ ط ] سے تغیر کریں تو

499

[ ل ] ﴿ [ ط ] الله مربع فت من الله مربع فت الله

آگرہم مجم کولیں تو اس ہیں لمبائی چوڑائی موٹائی تینوں ہوتی ہیں۔ اس کو یوں کہا جاتا ہے کہ جم کے تین بعد طول میں ہیں۔ جم کی اکائی وہ ہے جس کی لمبائی چوڑائی موٹائی طول کی اکائی کے مساوی ہو۔ رقبے کی صورت کی طرح آگر [ ح ] حجم کی اکائی کو تعبیر کرے تو

"[b] > [c]

چونکہ رقبے اور حجم کی اکائیاں طول کی اکائی پر منصر ہیں اس سلٹے ان کو ماخوذ اکائیاں کہنے ہیں اور طول کی اکائی اساسی اکائی کہلاتی ہے۔ اساسی اکائی ہے۔ اس کو عام ایک اور اساسی اکائی وقت کی اکائی ہے۔ اس کو عام ایک اور اساسی اکائی وقت کی اکائی ہے۔ اس کو عام

طور پر [ و ] سے تبیر کرتے ہیں۔ وقت کی کسی مرت کا بُعد وقت کی کسی مرت کا بُعد وقت کے کسی مرت

باب دواز دہم ٨.. علم حركت تمیسری اساسی یا مطلق اکائی تحمیت ماده کی اکائی ہے۔اسکو [ك] سے تبيركتے ہيں۔ ادے كى كسى مقداركا بعد بھاظ محیت ادہ سے ایک ہے۔ مبه تینوں بنیادی اکانیاں ہیں۔ باتی تمام اکانیاں چونکہ اِن تینوں پر منحصر میں اس لئے ماخوذ آکا نیال کہلاتی میں۔ (۱۷۰) دفعہ (۹) میں رفتار کی اکائی کی تغریب یوں کی گئی ہے:-اگر ایک نقطہ وقت کی اکائی میں لول کی اکائی طے کرے تو اس نقطے کی رفتار کو رفتار کی اکائی کہتے ہیں۔ بس أكر وقت كي أكاني يا طول كي أكاني يا دو او بي تبديلي واقع ہوتو رفار کی اکائی ہی بالعموم بدل جائے گی۔ مثلاً فرض کرو،کہ طول کی آکائی ایک فٹ سے بدل کرم فٹ ہو جاتی ہے اور وقت کی اکائی ایک نانیہ سے ساٹا نیہ ہو جاتی ہے۔ تو رفار کی نئی اکائی ایک ایسے نقطے کی رفار ہوگی جو سانانیہ میں مفت طے کرا ہے۔ یعنی جو ایک نانیہ میں بےفٹ مے کرا ہے۔ بس زقار کی یہہ اکائی بہلی اکائی کا دو خلف ہے۔ اسی طرح اگر ایک سوک جسم کی رفتار کی تبدیلی وقت کی ایک اکائی میں رفتار کی اکائی سے ساوی ہو تو یہ کہا جاتا ہے کہ اس جسم کی حرکت میں اسراع کی ایک اکائی ہے۔ اس الله اساع كي أكاني كا انصار رفتار اور وقت كي أكانيو

[طَ ] = هم [ط] اور [وُ] = ن [و تب ایک جسم رفتار کی بہلی اکائی سے اس وقت حرکت کرتا ہے جبکہ وہ

وقت [و] میں طول [ط] سے کرے۔
اس کئے رفتار مم [ل] سے اسی وقت حرکت کرکیا
جبکہ وہ
ونکت [و] میں طول مم [ط] سے کرے۔

بند رفتار ف [ ر ] سے اس وقت حرکت کرایگا

جبکہ وہ وقت ن[و] میں طول م [ط] کے کرے ینی رفآر میے [ل] سے اس وقت حرکت کر کیا جبکہوہ

وقت [ف] من طول [ط] طے کرے۔

لكن جب وه وقت [و] ين طول [ط] ط كرآ ب اس وقت اس كى رفنار [ك] ہوتى ہے۔

- [ز] = <del>ق</del> [ر]

ن [ر]: [ر] · ·

 $\frac{\begin{bmatrix} b \end{bmatrix}}{\begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix}} : \frac{\begin{bmatrix} b \end{bmatrix}}{\begin{bmatrix} 0 \end{bmatrix}} ::$ 

یں تبدل کی تعربیت کے ہو جب

باب دوازدهم

 $[c] \propto \frac{[d]}{[e]} \text{usi} \propto [d][e]'$ 

ا ١٤٢ مسئله - ثابت كروكه اسراع كي أكاني اس طرح بدلتی ہے جس طح طول کی اکائی اور وقت کی اکائی سے مربع

طول اور وقت کی اکانیاں حسب دفعہ ۱۷۱ لو اور

فرض کرو کہ [ع] اور [ع ] ان سمے مطابق اسراع کی اکائیاں ہیں۔

تب ایک جسم کی حرکت میں اسراع کی پہلی اکائی [ع]اس وقت ہوتی ہے

جبكه وقت [ ر] ميس رفقار [ط] في [و] كا نضافه بهوم ب

لهذا اسراع م [ع] اس وقت موكا جبكه وقت [ف] ين رفقارم [ط] في [و] كا اضافه مو

اس کے اسراع میں [ع] اس وقت ہوگا

جبكه وقت [و] بين رفقار م[ط] في ن [ر] كا اضافه هو

اس کئے اسراع میں [ع] اس وقت ہوگا بکہ وقت ن [د] میں رفتار مم [ط] فی ن[د] کا اضافہ ہو بینی اسراع میں [ع] اس وقت ہوگا

> جبکہ وقت [فر] میں رفتار [طر) نی [فر] کا اضافہ ہو لکین یہہ اسارع کی نئی اکائی [ع ] ہے

> > ا ع ا = الله

ن [ع]: [ع]: م: ك

'[3]: [b]::

[b] : [b] ::

اس کئے بوبب تعربیت تبدل  $\begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix} \infty \begin{bmatrix} 1 \\ 6 \end{bmatrix}^{"}$  یعنی  $\begin{bmatrix} 1 \\ 6 \end{bmatrix}^{"}$ 

علم حرکت

سا ۱۷- مثال (۱) اگر طول ادر وقت کی اکائیاں نٹ اور نانيه سے برل تر بالترتيب ١٠٠ فظ اور ٥٠ ثانيه مو جائين تو دریافت کرد که رفتار اور اسراع کی اکائیاں کس نسبت

میں بدلیں گی ہ

- انط في ٥٠ ثانيه كي رفقار ، رفنار كي نئي أكائي بهو گي-

اور یہم م قط فی نانیہ کی رفقار ہے۔ اس سے رفقار کی نئی اکائی رفتار کی پہلی اکائی سے دوگنی ہے۔

ایک جسم کی حرکت میں اسراع کی نئی اکائی اس وقت

موگی جبکه ۵۰ نانیه مین ۱۰۰ فظ فی ۵۰ نانیه کی رفتار کا

یعنی جبکه ۵۰ نانیه میں ۲ فط فی نانیه کی رقارکا اضافه مو-

يعنى جبكه أيب ثانية بين الم في ثانيه كي رفيار كا إضافه مو

یس اسراع رکی نئی اکائی اسراع کی پہلی اکائی کا ہے۔ يا نظرته ويكر- دنعات (۱۵۱) و (۱۷۲) كاطرت كابت لو-

[ط] = ١٠٠ [ط] اور [ف] = ٥٠ [د]

 $\frac{1}{r_0} = \frac{1}{r_0} = \frac{r_0}{r_0} = \frac{r_$ 

یعنی رفتار اور اساع کی نئی اکائیاں - بیلی اکائیوں سے
مارت دوگنی اور اللہ بین -

بالرّيب دوگنی اور الم بين -مثال (۷) - اگر اسراع سجاذبه ارض کی قیمت نش نامنیه کے نظام میں ۱۹۲۷ ہوتو اس کی قیمت گر دقیقہ کے نظام میں دریا فت کرو-

ایک کرتے ہوے جسم کی رفتار میں ایک تانیہ میں ۱۲۲۲ عنوں ۱۲۲۲ عنوں کے مقاربین ایک تانیہ میں ۲۲۲۲ عنوں کے م

فَطْ فَى ثَانِيهِ كَى رَفّارِكا اضافه ہوتا ہے -تو ایک دقیقہ میں ۲۲۲ × ۹۰ فط فی ٹانیه كى رفّاركا اضافه ہوگا-

اصافه ہو ٥-یعنی ایک دقیقہ میں ۳۲،۲×۳۱۰ فٹ فی دقیقہ کی رفار کا اضافہ ہوگا۔

اس کے ایک دقیقہ میں ہے ×۲۲۲۳ گز فی دقیقہ کی رفقار کا اضافہ ہوگا۔

 $\mu \wedge \mu = \frac{\mu + \mu + \mu}{\mu} = \frac{\mu + \mu}{\mu}$ 

اس سوال کا مختر طل یہہ ہے -فرض کرد کہ قبیت مطلوبہ لا ہے -

ت لا x [غ] = ۲۶۲ [ع]

 $r = \frac{[9][b]}{[6]} \times \text{PPSP} = \frac{[8]}{[6]} \times \text{PPSP} = \frac{[8]}{[6]}$ 

باب دوازدهم

+ xmrsy= 1 mrsy=

₩ 17 m =

منال (۳) - اگر ایک گرتے ہوئے جسم کا اسراع بطور اسراع کی اکائی کے لیا جائے ادر جو رفتار کہ گرتا ہواہم ایک منٹ میں طاصل کرسے وہ رفتار کی اکائی ہو تو طول ادر دفت کی اکائیاں دریافت کرو۔ دفعات (۱۷۱) و (۱۷۲) کا طریق کتابت استعال کرد۔

اس نے ۲۲×۹۰ [ر] = ا × [ر]

یعنی ۲۰ × ۳۲ × [ط] [و] اید [ط] [و] استرا) مساوات (۲) کے مربعے کو (۱) پر تقییم کرنے سے

 $PYXY_0X_{\frac{1}{PYXY_0}} = \frac{[b]}{[b]} \frac{1}{PYXY_0} = \frac{[c]}{[c]} (r)$  پس بذریعہ (۲)

« [ و ] = ۱۰ [ و ] = ۴ ثانیه = ایک دقیقه

امتنله نبسری (۲۹)

(۱) اگر طول کی اکائی ایک میل ہو اور وقت کی اکائی ایک دو۔
دفیقہ ہو تو رفتار اور اسراع کی اکائیاں دریافت کرو۔
دفیقہ ہو تو رفتار اور اسراع کی اکائیاں دریافت کرو۔
ہوتو رفتار اور اسراع کی اکائیاں دریافت کرو۔
ہوتو رفتار اور اسراع کی اکائیاں دریافت کرو۔
دس اگر رفتار کی اکائی ۳۰ میل فی گھنٹہ کی رفتار ہو اور وقت کی اکائیا

معلوم کرو۔ رسم) اگر ایک بلا تکلف گرنے والے جسم کا اسراع بطور اسراع کی اکائی کے استعال کیا جا سے اور وقت کی اکائی اسراع کی اکائی کے استعال کیا جا سے اور وقت کی اکائی ہ تانیہ ہو تو ٹابت کروکہ رفتار کی اکائی ۱۲۰ فط فی ٹانیہ

کی رفتار ہے۔

(۵) اگر اسراع بجا ذبہ ارض کی قیمت ہما رکھی جائے

اور وقت کی اکائی ۵ ٹانیہ ہو تو طول کی اکائی کیا ہوگا؛

(۲) اگر رفقار کی اکائی ۳ میل فی گھنٹہ کی رفقار ہو اور

وقت کی اکائی ایک سٹ ہو تو طول کی اکائی دریافت کو۔

(۵) اگر ایک گرتے ہوے جسم کا اسراع بطور اسراع کی

اکائی کے لیا جائے اور جو رفقار یہ جسم ۵ ٹنانیہ من طال

کرے وہ رفقار کی اکائی ہو تو نابت کروکہ طول اور وقت کی

شلاً دفعات (۱۷۱) و (۱۷۱) سے نتائج اس طرح بیان ہوتے ہیں کہ رفقار سے ابعاد طول میں ا اور وقت میں۔ ہیں۔ اور اسراع سے ابعاد طول میں ا اور وقت میں۔ ہیں۔ دفعات (۱۷۱) و (۱۷۱) میں صاحت سے ساتھ بیان ہوا اور فغات (۱۷۱) و (۱۷۱) میں صاحت سے ساتھ بیان ہوا الکین یہ نتائج زیادہ آسانی اور اختصار کے ساتھ بھی خال لیکن یہ نتائج نوادہ آسانی اور اختصار کے ساتھ بھی خال ہو گا۔ ہو سکتے ہیں جیسا کہ دفعہ آئیدہ سے ظاہر ہو گا۔ کی عددی قیمت آر ہے اور وہ ایسے وقت میں جس کی عددی قیمت آر ہے اور وہ ایسے وقت میں جس کی عددی قیمت آر ہے ایک ایسا فاصلہ طے کرتا ہے جبکی عددی قیمت ف ہے آ

ار طول، وقت اور رفقار کی اکائیاں [ط] '[و] اور[ل] ہو تو حسب طریق دفعہ (۱۲۸)

ف در الما المرافع المر

(١) اسراع - فرض کروکه ایک فده اسراع س

علم حركت حرکت کرتا ہے اور وقت زیں رفتار زُمال کرتا ہے تو 'زیس ر اگر [ع] اساع کی اکائی کو تبیرکرے تو ·[E] > 0 ं हिं ० नि हिं।  $[3] \propto [c] [c] \propto [d] [c]^{7}$ (۳) کٹافٹ - فرض کروکہ ایک جسم کی کثافت ڈے اور اس کی کمیت ادہ گ ہے اور حجم سے تو اگ = خ کم الر [ت ] اور [ح ] كتأفت اور حجم كي اكائيان مون تو د در این اور خ در این ا न्त्र न्त्र क्या न्त्र

" ان اح اک الح آمر اک الط آم

باب دوازدهم علا دركت جرجم ببت بيلام ايساكه است محض سطح سمجه مكيس تو حب طریق بالاسطی کثافت کی اکانی سر اک [ط] اسی طرح اگر جسم ایسا ہو کہ اس کی چوڑائی اور موٹائی نظرافاز مو کے یعنی جسم ایک مادی خط مو تو خى كأنت كر اك [ [ ط ] [ ط ] رمه ) قوت - اگرظ ایسی قوتِ بوجو کمیت اده گ میں اماع س پیدارے توظء گ س بس ار [ق] توت كى اكال كو تبير كرك تو [ق مراك] [ع احراك] [ط ا [و]" ره ) معیار حرکت -اگر کیت ۱۷۰ گ کا ایک جسم رفتار ر ا مرکت کرد ا مو اور اس کا معیار حرکت مح مو تو ع ۽ گ ز ہے اگر [م] معیار حرکت کی اکائی ہو ة ام احراك الراح اك الطا [و] ولا) صدمد ار ایک قوت ظاکا صدمه وقت زین

ہذا کام اور توا ہائی باطعل سے ببعاد ہیں ہاں رو (9) طاقت یعنی کام کرنے کی شرح - اگر طق وہ طاقت ہوجس سے کام می وقت نسر میں ہوتا ہے تو

طق = ي زا

بِس اگر [ سط] طاقت کی اکائی ہو تو [سط] حر[ل] [د] حراک [ط] [ط] [د] "

(۱۰) زاوئی رفار - اگر حا ایک ایسے نقط کی زاوئی رفتار ہو جو رفتار ژر سے ن نصف قطر والے دائرے میں حرکت کرتا ہے تو

ط = ت = ثن ا (دفه ۲۹)

پس اگر زاوئی رفتار کی اکائی [ص] سے تعبیر ہو تو [ص] = [ر][ط] = [ر]

١٤٦- مثال (١) الرحميت ماده كي أكائي ١١٢ يوند مو

باب دوازدهم

اور طول کی اکائی ایک سیل ہو اور دقت کی اکائی ایک منت ہو تو قوت کی اکائی دریافت کرو۔
منت ہو تو قوت کی اکائی دریافت کرو۔
ہوجب دفعہ (۱۱) قوت کی اکائی وہ قوت ہے ہو کمیت اورہ کی اکائی میں اسراع کی اکائی بیدا کرتی ہے۔
یعنی جو ۱۱۲ پونڈ میں ایک میل فی منط فی منط کا اسراع پیدا کرتی ہے۔
پیدا کرتی ہے۔

یعنی ۱۱۲ پونگر میں المیل فی نانیہ فی منٹ کا اساع پیلا کرتی ہے یعنی ۱۱۲ پونگر میں المیل فی نانیہ فی نانیہ فی نانیہ بی ۱۱۲ پونگر میں المیل فی نانیہ فی نانیہ

یعنی ۱۱۲ پوند کی اس ۱۲<del>۷ × ۱۱ فط</del> فی آنیه فی تأنیه رسر سر

یعنی ا پونڈ میں ۱۷۹۰ ×۳×۱۱۳ نی نمانیہ نی تانیہ سر سر

پس قوت کی نئی اکائی = ۱۱۲×۳×۱۲۹۰ پونڈل

= مم ١٦٨ بوندل = ١٥ بوند درن تعيراً

یا بطرز دیگر - بوجب دفعه ۱۷۵ (۱۷)

 $\begin{bmatrix}
 \dot{\zeta} \\
 \dot{\zeta}
 \end{bmatrix} = \frac{[\tilde{\zeta}][\tilde{d}][\tilde{\zeta}]}{[\tilde{\zeta}]} = \frac{[\tilde{\zeta}][\tilde{\zeta}]}{[\tilde{\zeta}]}$ 

عبد الا × ١٤٩٠ = الم ١٩٢ = ١٩٢ = ١٩٢ = ١٩٢ = ١٩٢ = ١٩٢ = ١٩٢ = ١٩٢ = ١

مثال (ع) ایک جم کی توانائی بانفعل فٹ پونڈ نانیہ نظام یں ۱۰۰۰ ہے - اس کی قیمت میٹرگام منٹ نظام میں دریافت کرد - یہ معلوم ہے کہ ایک منٹ = ۲۰۰۹سیٹی میٹر اور ایک بونڈ = ۲۵۰۰ گرام تقریباً -فرض کرد کہ قیمت مطلوب لا ہے تو

لا [ت] = ١٠٠٠ [ت] لا [ك] [ط] " [د] " = ١٠٠٠ [ك] [ط] " [د] " كين [ك] = ١٥٠٠ [ك] ١٠٠٠ [ط] ١٠٠٠ [ط] ١٠٠٠ [د] ميلوا [د]

مثل (مه) اگر رفتار کی اکائی ۱۱ فت فی ننانیه کی رفتار ہو اور اساع کی اکائی ۱۲ فٹ فی ننانیہ کی رفتار ہو اور اساع کی اکائی ۲۴ فٹ ننانیہ اکائیاں ہوں اور قت کی اکائی ۲۰ پونڈل ہو تو تحیت مادہ اور طول اور وقت کی اکائی بھی معلوم کرو۔ الکائیاں دریافت کرو۔ ساتھ ہی کام کی اکائی بھی معلوم کرو۔

رفآد کی اکانی [ک] = ۱۱ [ک] ینی [ط] [ک] '= ۱۱ [ط] [ک] '....(۱) اسرع کی اکانی [ع] = ۲۲ [ع]

باب روازدہم

$$(٣)$$
 يعنى  $[ك][d][e]$  ،  $[A][e][e]$  و  $[A][e][e]$ 

$$\begin{bmatrix} d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h \end{bmatrix} = f \begin{bmatrix} d \end{bmatrix} = f \begin{bmatrix} d \end{bmatrix} = f \begin{bmatrix} d \end{bmatrix}$$
 $\begin{cases} d \end{bmatrix} = f \begin{bmatrix} d \end{bmatrix}$ 
 $\begin{cases} d \end{bmatrix} = f \begin{bmatrix} d \end{bmatrix} =$ 

ن [ل] = م × ٢٦ × ٢ [ل] = ١٢٠ فظ يونمُل

ا مثله نمبری (۳۰)

(۱) اگر طول کی اکائی ۱۹۹ ایج مهو اور وقت کی اکائی ۱۶ تا سی اور کی اکائی ۱۶ تا سی اور کمیت ماده کی اکائی ۱۳ بندر ده ویث مهو تو قوت کی اکائی ۱۳ بندر ده ویث مهو تو قوت کی اکائی ۱۶ بندر ده ویث مهو تو قوت کی اکائی دریافت کرد

امان مروس الروس المرود وقت كى اكا نيال بالترتيب المائيال بالترتيب المرائية المرائية المرائية المرائية المرائية المول المرائية المول المائية المول المائية المول المائية المرائية المرا

م پویر ۱۰ س مروع ماییه این ر دریافت کرد –

ریاب سرد -(۳) اگر طول کی اکائی مافٹ ہو اور کمیت مادہ کی اکائی ایک پونڈ ہو تو وقت کی اکائی کیا ہونی چاہئے کہ توت کی

ایک ویر ہو و ماک می اور ہو ہے۔ اکانی ایک پونڈ درن مو ۔

(سم) اگر کیت مادہ کی اکائی ایک ہنڈرڈ ویٹ ہو اور قوت کی اکائی ایک شن وزن ہو اور طول کی اکائی ایک سیل ہو تو عابت کرو کہ وقت کی اکائی ہے۔ میل ہو تو عابت کرو کہ وقت کی اکائی ہے۔ (۵) اگر زنار کی اکائی ایک سیل فی منٹ کی رفتار ہو۔ اور امراع کی اکائی وہ امراع ہو جس سے یہہ رفتارہ سنٹ اور امراع کی اکائی وہ امراع ہو جس سے یہہ رفتارہ سنٹ

میں سامل ہو اور قوت کی اکائی تضعت ٹن وزن کے مسادی

علم حركت

ہو ۔ تو طول کو دفت اور سمیت مادہ کی اکائیاں دریافت کرد۔

(۲) اگر کمیت ماده کی اکائی ایک مہنڈرڈ ویٹ ہو اور وقت کی اکائی ایک پونڈ وقت کی اکائی ایک پونڈ

وزن رمو تو طول کی اکائی دریافت کرد -

( ) اگر قوت کی اکائی ہ اونس وزن کے مسادی ہو اور وقت کی اکائی ایک منٹ ہو اور ۱۰ فط فی تانیہ کی رفتار

ہ سے تعبیر ہو تو طول اور تحمیت مادہ کی اکا نیاں دریا نت کرد۔

(۸) اگر الله م گر طول کی اکائی ہو اور رفتار کی اکائی ایک گر فی نائیہ کی رفتار ہو اور قوت کی اکائی ۲ پونڈل ہو تو

کریت ماده کی اُکائی دریافت کرو-

(۹) یہہ تسلیم کرکے کہ ایک فٹ = ۳۰۱۵ سنیٹی میٹر ایک پونڈ = ۳۵۲ کرام اور ایک گرتے ہوے جسم کا اسراع=

، ۳۴ فٹ ٹانیہ اکائیاں ،

ٹا بت کرد کہ

(١) ايك پوندل = ١٣٨١٦ دانين

(١) ايك فث يوندل = ١٥ ١١٨ ارگ

(س) ایک ارگ = ۲۱۲ د ۱۰×۱۰ من یونگر

(م) ایک اسی طاقت یه ۱۰ × ۲۰ ۱۹ ارگ نی نانیه

(۱۰) اکائیوں کے دو مخلف نظاموں میں ایک اسراع کی قیمت ایک ہی عدد سے تبیر ہوتی ہے اور ایک رفتار م سرت انتها می سبت انتها موتی ہے جن کی نسبت انتها دو خلف عددوں سے تعبیر موتی ہے جن کی نسبت انتها ہے ۔ طول اور وقت کی اکائیوں کا مقابلہ کرو ۔ ایسے عددوں سے تعبیر ہو آر ایک جسم کا معیار حرکت ایسے عددوں سے تعبیر ہو جس کی نسبت کا جس کی نسبت کا جس کی نسبت کا نیوں کا مقابلہ جس کی نسبت کا دو کی اکائیوں کا مقابلہ جس کی نسبت کا جس کی نسبت کی دو کھی تو کھی تو کھی تو کھی نسبت کی نسبت کی دو کھی تو کھی تو کھی تو کھی نسبت کا دو کھی کی دو کھی تو کھی تو

کرو۔ (۱۱) اگر طول ' رفار اور قوت کی اکائیوں میں سے ہراکیں دو چنر ہو جائے تو نابت کرو کہ دقت اور تحمیت مادہ کی اکائیا نہیں برلیں گی اور توانائی بالفعل کی اکائی ا : ہم کی نسبت

میں بڑھ جائے گی۔

(۱۲) اگر وقت کی اکائی ایک گھنٹہ ہو اور تحبیت مادہ کی ایک ہٹرڈ ویٹ ہو اور قوت کی اکائی ایک پوٹر وزن ہو تومطلق اکائیوں میں کام اور معیارِ حرکت کی اکائیاں دریافت کرو۔
اکائیوں میں کام اور معیارِ حرکت کی اکائیاں دریافت کرو۔

(۱۳) اکائیوں کا ایک ایسا نظام دریافت کروجس میں قوت کی اکائی ایک بونڈ وزن ہو اور اگر ہم پونڈ کمیت کا ایک جسم ہ فٹ فی ٹاینہ کی رفتار سے حرکت کررا ہو تو اسکے جسم ہ فٹ فی ٹاینہ کی رفتار سے حرکت کررا ہو تو اسکے معیار حرکت اور توانائی بالفعل ہیں سے ہرایک کی عددی معیار حرکت اور توانائی بالفعل ہیں سے ہرایک کی عددی

قیمت ایک ہو۔

(۱۲) اگر ایک گرتے ہو ہے جسم کا اسراع بطور اسراع کی اکائی کے لیا جائے اور ۵ ٹانیہ میں اس کی رفتار محصلہ بطور رفتار کی اکائی کے استعمال کی جائے اور ۱۰ ٹانیہ گرنے کے بعد ایک اکائی کے استعمال کی جائے اور ۱۰ ٹانیہ گرنے کے بعد ایک بونڈ کے جسم کا معیار حرکت کی ایک بونڈ کے جسم کا معیار حرکت بطور معیار حرکت کی

441

باب دواردهم اکائی کے لیا جانے تو طول ' وقت اور کھیت مادہ کی اکائیاں دریافت کرد ۔

(١٥) جو كام ايك منظرة ويك كوتين كُر اوير وار المان من كيا جائے اگر وه كام كى اكائى ہو - اور معيار حركت كى اكائي ايك ايسے جسم كا معيار حركت موجس كى كيت ماده ايك يوند مو اور مبكه وہ سجاذیہ ارض سمت شاقولی میں ہم فط گرے اور اساع كى أكانى اس اسراع كا تين كنا موجو جاذبه ارض سے ظہور ميں الله ہے تو طول ، وقت اور تحمیت مادہ کی اکائیاں دریافت کرو۔ (١٦) اگر اسراع کی اکائی وہ اسراع ہوجو ١١ گرام تحمیت کے جسم میں ایک جرام وزن کی قوت کے عل سے بیارا ہو اور جو کام بیلے چار ثانیہ میں ہو وہ کام کی اکائی ہو آور جب ا الم المنتيلي ميطر في ثانيه كي رفقار سے جل رہا ہو اسوقت كام سلى مشرح كى أكائى سے كام ہو رہا ہو تو طول، وقت اور تحمیت ماده کی اکائیاں دریافت کرو۔

(۱۷) ایک ریل گاڑی ۴۰ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے چل رہی ہے۔ اگر اس رفتار کو ۸ سے تعبیر کیا جائے۔ اور ربل کی حرکت کے مقابل جو مزاحمت ہے وہ ١٤٠٠ یونڈ وزن سے مساوی ہے۔ اگر اس فراحت کو ۱۰ سے تعبیر سریں۔اورایک میل علنے میں انجن جننی کام کی اکائیاں کرنا ہے ان کو ۱۰سے تعبیرکیا جا سے تو طول ، وقت اور تحمیت مادہ کی اکائیاں دریافت کرو۔ (۱۸) اکائیوں کے ایک نظام میں اسراع بجاذبہ ارض سسے

تمير ہوما ہے۔ اور ١٦٠٠ پونڈ محميت كا أكب مولد جو ١٦٠٠ فث ز تنیا کی رفقارے حرات کرم ہے اس کی تو افی بالفعل .. سے تعیر موتی سے اور اس کا معیار حرکت ماسے تعییر ہولاً ہے۔ طول مبت اور سمیت مادہ کی بھاٹیاں دیافت کو۔ المال الله من المح الله المحاسبة المعالم المال الله المال الله المال الله المال الله المال المال الله المال فی گھٹلہ کی تِقَار سے جِل مہی ہے۔ اگر اس کی توا مانی یا تفعال مراا سے تغییر کیا جائے۔ اور اس قوت سے صدمے کو جو اس کو ساکن کرسکے وے تبیر کریں اور سم اسی طاقت کو ۱۱۵ سے تعییر کمیں کو حول اوقت اور تحییت مادہ کمی انگالیال وریافت کرو اور تایت کرو که اسل بیافیه ایض ۱۱۹ سے تعيير موكا - يب تسلم لرا جائ كه فت شانيد أكانيول مين السلاع سيحاقية الض كي قيت ١٠٠٠ ہے۔ ﴿ ١٠ اللَّهِ قُولَ كَيْ أَكِلْ إِيكَ لِيؤِيِّمْ وَرَكَ مِو لَوْ وَرِيا فَتَ كُرُوكُ تحبیت مادہ کی اکائی کیا موتی جا ہے کے مساوات ( قوت یکیت مادہ «اسٹ ) ان اکا یکول سے گئے يى ھيج رہے۔

## تعادات صابط الماسي المصداق

عدا۔ بیت سے ضابطوں اور نیچول کی جانیے مقاویر شمول کے ابعاد شمار کرتے سے ہو مکتی ہے ۔ قرض کرو کہ ایک الليبي سلاوات ہے جس میں چند مقادیر طبیعی شامل ہیں

ہم اس نیخبر پر بہنچ ہیں کہ افظ = ۱۰ نید - ظام ہے کہ بہد نیخبہ صبح نہیں ہو سکتا۔

اب يهبه مساوات لو

٣ أرّ = ٥ ك ب ٢ + ١ ع ن

جہاں کی ایک جسم کی کمیت مادہ ہے اور ب ایک ابتدائی رفتار ہے اور حرکت شروع ہونے سے بعد کسی آن میں اس کی رفتار رہے اور ع اس کا اسراع ہے اور

يني [ك] إطام ' [ك] [طام ' [طا

اس سے ظاہر ہے کہ مساوات بالکل غلط ہے کیونکہ رقمونکے ابعاد نه تو محمیت ماده میں مساوی ہیں اور نه طول اور وقت

میں-اب فض کردکہ ایک سوال میں کام کی مقدار مطلوب ہے

علم حرکت 40 بأب ووازدتهم اور سوال مِل کرنے سے ہمیں یہ جواب حاصل ہوتا ہے۔ کام = کظ ز+ ۳ک زع جہاں اطریق کتابت حسب باب ہذا ہے۔ یہ مساوات صبح نہیں ہو سکتی کیونکہ بوجب دفعہ ۱۵۵ کام کے ابعاد يه بي [ك] [ط] ا اور ک ظر کے ابعادیہ ہیں [ک] (ک) (ط) × [ط) دیہ ہیں ایک الحقاقیہ ایک الحقاقیہ ایک الحقاقیہ ایک الحقاقیہ ایک الحق ينى [ك] <u>[ط] "</u> ينى اك ] ا یہ ابعاد طول اور کمیت مادہ کے لحاظ سے غلط ہیں۔ س ک رع کے ابعادیہ ہیں [ک] اوا اوا ينى <u>[ك][ط]</u> ينى <u>آو</u>]

مهد ابعاد وقت کے لحاظ سے غلط ہیں۔

[ك] ا ( ا ) ا ( [ و ] ا

يني [ك] م [ط] به الله [و] - الله

یہہ ظاہر ہے کہ جواب کا صرف ایک بعُد وقت میں ہے اور کیت مادہ ادر طول میں کوئی بعُد نہیں ہے -

اس کے عہد ۔ ، بہ + گہ ۔ ، اور ۲- اگہ = ا

$$\frac{d}{dt} = \frac{d}{dt} \quad \text{if } t = \frac{d}{dt}$$

$$\frac{d}{dt} = \frac{d}{dt} \quad \text{if } t = \frac{d}{dt} \quad \text{if } t = \frac{d}{dt}$$

پس مدت المتزاز اس طی برلتی ہے جس طی است [دفعہ ۱۵]

بنیادی مقادیر کے ابعاد اور قبینوں کی جدول

ابعاد بلحاظ			
وقت	طول	کمیت ماده	مقاد پرطبیعی
	m-	1	حجمى كثافت
	r-	.1	سطحی کثا فت
	1-	1	مخطی کثافت
1-	1		رفنار
<b>r-</b>	1		اسراع
Y-	1	1	قوت
1-	1	ı	معیا رحرکت
1-	1		صدمه
۲-	۲	1	تواناني بالفعل
٣-	۲	1	طاقت یا کام کی شرح
1 -			زا وینی رفتار
			- 1

باب دواردتم CYA علم حركت "ج" کی قیمتیں فت نانيه اكائيان سنتي ميشر نانيه اكاليا مقام خط استوا pr 5- 91 9 6 451. 9 1 - 5 41 عض بلد ۵ س 94-590 سرد ا وسر پیرکس 901516 لندن قطب شالي 9 4 5 11 MYSTOF ان کانیہ سے رقاص کا طول اندن میں = ۳۹۶۱۳۹ ایخ = ۱۳۱۸ ۹۹ سنیٹی میٹر اسنی میشر = ۱ د ۱ د ۱ میش = ۱ د ۲۸۰۹ وفط ا فٹ = ١٩٤٨ ٢٠٥ سنٹی میٹر اگرام = ۱۳۰۲ ما گرین = ۱۳۰۲۲ - وید الوند = ١٥٥٩٥٩ كرام و دَائِين = المه كرام كا وزن تقريباً ايوندل = ١٣٨٢٥ داين افت يونتل= ١٠١٣٩٠ ارگ

## متفرق سوالات

الله فره بغیرکسی روک کے ایک برج کی چوٹی پرسے گرنا ہے اور اپنی حرکت کے آخری ثانیہ میں کل بلندی کا م استحصد طے کرتا ہے۔ برج کی بلندی دریافت کرو۔

مصد طے کرتا ہے۔ برج کی بلندی دریافت کرو۔

مرد ایک شخص ایفل برج پر چڑھٹا ہے اور ایک خاص بندی سے ایک بخفر بنچ چھوڑتا ہے۔ پھر اور ایک اور نیل اور بخفر گراتا ہے۔ نیل مک بہنچنے میں دوسرے بخفر ایک اور بخفر گراتا ہے۔ زیل مک پہنچنے میں دوسرے بخفر کو پہلے بخفر سے نصف ثانیہ زیادہ گلتا ہے۔ دوسرے بخفر کو بہلے بخفر سے نصف ثانیہ زیادہ گلتا ہے۔ ہوا کی مراحمت کو نظر انداز کرکے دریافت کرو کہ بہلا بخفرکس ہوا کی مراحمت کو نظر انداز کرکے دریافت کرو کہ بہلا بخفرکس بلندی سے چھوڑا گیا اور اسے زمین مک بہنچنے میں کرونہ وقت صرف ہوا ہ

رکس ایک گولی ۱۲۰۰ فٹ فی سیکنڈ کی رفتار سے حرکت کرتی ہوئی ایک گھنے سے ہوئی ایک گلطی میں گھس جاتی ہے۔ یہہ تسلیم کرمے کہ فراحمت کی رفتار نصف رہ جاتی ہے۔ یہہ تسلیم کرمے کہ فراحمت کیساں ہے دریا فت کرو کہ گولی کتنی دور گھس کر ساکن ہوگی؟ کیساں ہے دریا فت کرو کہ گولی کتنی دور گھس کر ساکن ہوگی؟ (ہم) ترازو سے دو بلڑے جن میں سے ہرائیک کی محبیت کا دونس ہے ایک رسی کے دونوں سروں میں باندھکرائیک چرخی پر چڑھا دئے گئے ہیں۔ اگر ایک پلڑے میں ہول میں اونس محبیت کا جسم رکھا جائے اور دوسرے بلڑے میں ہیں اونس محبیت کا جسم رکھا جائے اور دوسرے بلڑے میں ہیں۔

علم حركيت

٨ ١ونس تحميت كا ـ تو دولو بلرون برجهمول كا دباؤ دريافت كرد ری دو ماوی جسم ایک رسی کے دونوں سروں میں باندعکر ایک ہلکی چرخی پر چڑھا دئے گئے ہیں اور توازن میں لگتے ہیں۔ نابت کرو کہ اگر ایک جسم میں بقدر اس سے لے کے اضافہ کردیا جائے اور دوسرے میں سے اس کا اللہ نکال دیا جائے تو رسی سے تناؤ میں کوئی فرق نہیں آئے گا۔ (4) ایک بے وزن رسی کا طول ط ہے۔ اس کے مرون سے دوجیم جن کی تحبیت م اور ۱ مم ہے بندھے ہوتے بیں۔ رسی کو مینر پر اس طح رکھ دیا گیا ہے کہ رسی کا طول میر کے کنارے سے زاویہ قائمہ بناتا ہے اور م كنارے برسے ينج للنا ہے۔ اگر ميزكي بلندي بھي ط ہو تو نابت کروکہ ۳ م فش پر م سے فاصلہ ط پر گرنگا۔

واضح رہے کہ فرش کیے لیک ہے ۔ (۵) ایک ذرہ جو بجاذبۂ ارض گریا ہے ایک خاص نانیہ میں وراف طے کرتا ہے ہوا کی فراحمت کو نظر انداز کرے دیا کرو کہ اس کے بعد کے ۱۰۰ نٹ وہ کتنے وقت میں طے

ار بوجه مزاحمت فرے کو ١٥ تانيه وقت لگے تو مزاحت کو کیساں فرض کرمے مزاحمت کی نسبت ذرے سے وزن سے معلوم كرو -

(۸) ایک ببیط رقاص کے گو نے کو اٹھا کر ایسی وضع میں

لایا جاتا ہے کہ رسی کس کر افقی ہوجاتی ہے۔ اب یہاں سے گونے کو چھوڑ دیا جاتا ہے۔

ثابت کرو کہ جو حرکت ہو گی اس میں رسی کا تناؤ گو لے کے طے کردہ عمودی فاصلے کے متناسب ہوگا۔

(۹) ایک ذرہ ایک رسی کے ذریعہ سے سمت سٹاق لی میں لٹک رہا ہے۔ رسی کا طول لیہ ہے اور دو سری طر

یں محص مہا ہے۔ دی ہوں در ہے مرر دو سری طری ہے۔ رسی ایک ثابت نقطے سے بندھی ہے۔ اب ذرے کو

رفتار الم ج ل سے سمت افقی میں حرکت دیجاتی ہے۔

جب رسی ابقی وضع میں ہوتی ہے اور اس کے بعد جب ذرہ بلند تریں مقام پر بہنچا ہے ان دونوں دضعوں ہیں

نابت کرو کہ رسی کے تناؤں کی نسبت ۱:۱ ہے۔

(۱۰) ایک رانجن هم پونڈ کمیت کے ایک بوجھ کو ایک

سطح ائل پر کھینے کرنے جاتا ہے۔ سطے کا میلان افق سے

عبہ ہے اور قدر فرک ق ہے۔

اگر حرکت کی ابتدا حالت سکون سے ہو اور امراع ایکسال ہو اور و ِنانیہ میں رفتار لے حاصل ہو جائے تو نابت

کو کہ انجن کی اوسط اسپی طاقت ممرا [ رئے + قرم عد اجب عمرا

(۱۱) ایک جسم ایک لفٹ میں اوپر وار پھیکا جاتا ہے۔ رفتار رمی بلحاظ لفٹ کے لہے اور جسم کی مرت برواز

و ب تابت کروکہ نفٹ اوپر کی طرن اسراع مراروسے سے جارا ہے ۔

(۱۲) ایک جہاز شال کی طرف جارہ ہے اور اس کا دھواں مشرق جنوب مشرق کی طرف جارہ ہے۔ ایک اور جہاز جنوب کی طرف جارہ ہے۔ ایک اور جہاز جنوب کی طرف جارہ ہے ۔ ایک مشرق کی طرف جارہ ہے اور اس کا دھواں شال شال مشرق کی طرف جارہ ہے۔ دونو جہازوں کی رفتاریں مساوی ہیں۔ نابت کرو کہ موا شال مشرق کی جانب جل رہی ہے اور اس کی رفتار سے مساوی ہے۔ اس کی رفتار سے مساوی ہے۔ اس کی رفتار سے میں ۱۵ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے جل رہا کی گھنٹہ کی رفتار سے جل رہا میل فی گھنٹہ کی رفتار سے جل رہا میل فی گھنٹہ کی رفتار سے جل رہا ہے۔ دائرے کی نفط ۴۰ فٹ ہے۔

ِ ثابت کروکہ زمین آور گھوڑے کے سموں سے درمیان قدر فرک کی اقل قیمت لہے ہے -

(۱۲) ایک ریل گاڑی چل رہی ہے اور دوران حرکت میں ایک ڈبہ علیٰدہ ہو جاتا ہے اور ن منٹ میں فاصلہ دیک ڈبہ علیٰدہ ہو جاتا ہے اور ن منٹ میں فاصلہ ن طے کرکے ساکن ہو جاتا ہے ۔ یہہ تعلیم کرکے کہ ابطاء کیساں ہے ریل گاڑی کی رفتار اس وقت کی معلوم کرو جس وقت ڈبہ علیٰدہ ہوا۔

رد ایک جهاز جنوب مشرق کی طرف جاریا ہے۔اس جهاز

ایک اور جہاز نظر آتا ہے جو اسی شرح سے چل رہا ہے۔
پہلے جہاز والوں کو دوسار جہاز ہمیشہ قریب آتا ہوا معلوم ہوتا،
اور ہمیشہ عین مشرق کی طرف دکھائی دیتا ہے۔ دوسرے
جہاز کی سمت حرکت معلوم کرو۔

(۱۹) ایک ذرہ جس کی لیک کامل ہے افق سے زاویہ علم بناتا ہوا بیصینکا جاتا ہے۔ ایک جکنی سطح نقطہ رقی ہیں سے گذرتی ہے اور افق سے بزاویہ لطہ مائل ہے۔ مائل ہے ۔ ثابت کرد کہ ذرہ نقطہ رمی پرواپس آجائیگا بشرطیکہ مم عہ ممم (طہ۔عم) صحب رہ درہ دو تعلم درہ درہ دواپس آجائیگا بشرطیکہ مم عہ ممم (طہ۔عم)

• (۱۷) ایک ذرہ سکون سے سٹروع ہوکر ایک خط مستقیم میں اس طرح چلتا ہے کہ اس کی حرکت میں باری باری اساع ع اور ابطاء ع ہوتا ہے۔ اساع اور ابطاء کی مت ہر دفنہ مساوی ہوتی ہے۔ ثابت مساوی ہوتی ہے۔ ثابت مردوکہ کے دار ہوتی ہے۔ ثابت کرو کہ کا ک ایسی مدتوں میں یہ فاصلہ طے ہوگا۔

<u>ن وا</u> [(۲ن +۱) ع -(۲ن -۱) ع]

(۱۸) ایک ذرہ ایک کھردری افقی سطح پر رکھا ہے۔ ذرب اور سطح کے درمیان قدر فرک لر ہے۔ سطح ایک عمودی محور کے گرد گھوم سکتی ہے۔ محور سے ذرب کا فاصلہ اور ہے۔ دریافت کردکہ سطح زیادہ سے زیادہ کتنی گردشیں فی منط کرسکتی ہے کہ ذرہ بلحاظ سطح سے حرکت نہ کرے۔ فی منط کرسکتی ہے کہ ذرہ بلحاظ سطح سے حرکت نہ کرے۔

، (1) ایک توپ کے گولے کا کمیہ افقی سطح پر ح ہے۔ جن دو راستوں سے یہہ بیٹہ حاصل ہوتا ہے ان کی بڑی سے بڑی لجندیاں ہی اور کمی ہیں۔ نابت سروکہ ح =

## - 55 ~

روم ایک جو نے کی رسیاں ایک آدمی کے وزن کا دوگنا مانت سکون میں سہار سکتی میں تو معلوم کرو کہ وہ آدمی اس جو نے میں جبول سکتا ہم جو نے میں جبول سکتا ہم جو نے میں جبول سکتا ہم اور ہم میں ایک رسی کے فرید سے بندھے میں اور رسی جس کا طول معلوم ہے فرید سے بندھے میں اور رسی جس کا طول معلوم ہے ایک چوٹے طقے میں سے گذرتی ہے ۔ طقہ ایک عمودی فور کے گرد بلا نگلف حرکت کرسکتا ہے ۔ ہم کو اس طح حرکت دی طاقی ہے کہ وہ تو زاوئی رفار ھے سے ایک افقی دائرے میں گھوٹے اور ہم حالت سکون میں سے سے انگنا دائرے میں گھوٹے اور ہم حالت سکون میں سی سے انگنا رہے ۔ خابت کروکہ ہم کا فاصلہ طقے سے ہم جے ہے۔

(۲۲) دو بے لیک گونے ناپ میں ایک سے ہیں لیک انکی انکی کمینیں ہم اور ہم میں اور وہ آئیں میں مسس کرتے ہوئے کمینیں ہم میز پر پڑے ہیں۔ اب ہم کو چوٹ لگائی جاتی ایک چکنی میز پر پڑے ہیں۔ اب ہم کو چوٹ لگائی جاتی ہے لیکن اس طرح کہ اس کی سمت خط مرکز مین سے زادیہ عمد بنائے۔ تو اس صورت میں گولوں کی توانائی بالفعل کی عمد بنائے۔ تو اس صورت میں گولوں کی توانائی بالفعل کی

نسبت دومری صورت کی توانائی بالفعل سے جبکہ ایکی جگہیں آئیں میں بدل دی جائیں اور مم کو چوٹ لگائی جائے یہ ہوگی مُ (م + م عب عب عب عب م مردم ) - مردم + م جب عب عب الله مردی دری دره رفتار ال سے پھینکا جاتا ہے اور

ایک سطح مائل سے ہم سے زاویہ یر مرانا ہے۔ اسسطے کا میلان افق سے بیر ہے اور بیہ نقطہ رمی سے گذرتی ہے ۔ نابت کرو کہ جہاں ذرہ کراما ہے اس مقام کی لبندی نقطہ رقی سے یہہ ہے

بے × + + مم بہ بہ + مم بہ (۲۳) ایک لچکدار جسم ایک نقطے سے رفار لرسے پیسیکا جاتا ہے اور آیک عمودی دیوار سے طکراکر نقطہ رقی پر پھر والبس آجاماً ہے۔ تابت كردكه اس نقط كا فاصله ديوارسے

۔ اللہ سے کم ہونا جا ہئے۔ جاں ل لیک کی

(۲۵) دو درے جن کی کمیتیں ہم اور ہم ہیں متوازی سنقیم خطوں میں حرکت کررہے ہیں۔ خطوں کا فاصلہ ال سے اور ذروں کی رفتاریں لے اور کے ہیں۔ دونو ذرے ایک رسی سے بند سے ہیں جس کا طول ایسا ہے کہ جب رسی کس جاتی ہے تو اس کا میلان متوازی خلوں سے عمر ہوتا ہے۔ یہ تیلیم کرکے کہ لے کر نابت کرو کہ جس وقت رسی یہ تیلیم کے اس وقت رسی میں صدمہ کا تناؤ بہر ہوگا

م مم (ر-ر) جم عه

(۲۷) ایک چکنا فانہ جس کی کمیت صر ہے ایک افقی سطح پر بڑا ہو ایک ذرہ حس کی کمیت صر ہے فانے سے مائل بہلو پر اور ایک ذرہ حس کی محمیت ن ہے فانے سے مائل بہلو پر بنجے کی طرف بھسلتا ہے۔ اس بہلوکا میلان افق سے عمد منابت کروکہ ذرے کا اسراع بلحاظ افقی بہلو سے ہے۔ نابت کروکہ ذرے کا اسراع بلحاظ افقی بہلو سے

فانہ ایک افتی میز پر سیسل سکتا ہے۔ دریافت کروکہ فائے کو کس طح حرکت دی جائے کہ ذرہ نہ اوپر جائے اور نہ فیجے جائے۔ ساتھ ہی فانے اور ذرے کے درمیان دباد

رریافت کرو ۔ دریافت کرو ۔

(۲۸) ایک ذرہ جس کی کمیت ہم ہے ایک رسی کے ایک سرے سے نبدھا ہے۔ ایک دوسرا ذرہ جس کی کمیت ہم ہے ایک دوسرا ذرہ جس کی کمیت ہم ہے رسی کے نقط وسط سے بندھا ہے۔ رسی کا دوسرا سرا ایک افتی میزید ایک ثابت نقطے سے بندھا ہے۔ دونو ذروں کو اس طرح حرکت دی جاتی ہے بندھا ہے۔ دونو ذروں کو اس طرح حرکت دی جاتی ہے

کہ رسی سے دولو حصے ایک ہی خط مستقیم میں رہتے ہیں اور ذرے افقی دائروں میں حرکت کرتے ہیں۔ تابت روکہ رسی کے دولو تصول کے تناذں کی نسبت یہ ہوگی۔

ا ہم + ہم : امم (۲۹) ایک ہلکی رسی ایک جبولی نابت جرخی پر سے گذرتی سے - رسی مح ایک سرے سے سریونڈ کا وزن اٹکتا ہے اور دوسرے سرے سے ایک ہلی چرخی لٹکتی ہے۔اس چرخی پر ایک اور ہلکی رسی گذرتی ہے جس کے سروں سے ٢ يونل اور ايك يونل ك وزن كلت بي - يهكل نظام طالت سکون سے چھوڑ دیا جاتا ہے۔ او دوران حرکت میں

تأبت چرخی برکا دباؤ معلوم کرو اور وزن اعظم کا اسراع

(۔ ۱۱ ) نتین کے وزن حرکت پذیر چرخیوں کا ایک ایبا نظام ہے جس میں تمام رسیاں ایک سلاخ سے بندھی ہیں اور ملند ترین رسی ایک تابت چرخی پر سے گذر کر دوسری طرف ا پونڈ کا وزن سہارتی ہے اور لیت ترین رسی سے ۲۸

یونڈ کا وزن نظم ہے۔ ثابت کروکہ بڑا وزن جے کے اسراع سے پنچ کی طرف حرکت کرے گا۔

(اس) دو ریل کی سٹرکیں ایک دوسرے کو قطع کرتی ہیں اور ان کا درمیانی زادیہ عمر سے - دو ریل گاڑیاں سرکوں کے مقام تقاطع کی طرف رفتاروں لر اور س یل رہی ہیں۔ اگر گاڑیوں کے ابتدائی فاصلے مقام تقاطع سے آر کا اور ب ہوں تو ثابت کردکہ دوران حرکت میں کا روں کو اقل فاصلہ ایک دوسرے سے یہہ ہوگا

## (الاس-بر) جب عم الا+س - الرس جم عم

يهه فاصلہ وقت الم سن گذرنے كے بعد ہوگا۔

(۱۳۳) دو ذرے جن کی کمیتیں ن در هم + ن جی ایک ایک رسی کے سرون سے بندھے جی اور ایک دوسرے کے قریب ایک چکنی میزیر سکھے جی ۔ یہ رسی ایک کمی چکنی چرخی یر چرخی ایک جسم کو مہاری کہا ہے ہوں کہ حسم کو مہاری کے اور چرخی ایک جسم کو مہاری کے اس جسم کو میز کے کا رب کے اوپر سے چھوٹ دیا جاتا ہے ۔ برخی کا اسراع معلوم کو۔ کمی اوپر سے چھوٹ دیا جاتا ہے ۔ چرخی کا اسراع معلوم کو۔ رسم بی چرخوں کے ایک نظام میں جو سلاخ کہ بوجہ کو مہاری سے اس سلاخ سے مرایک رسی بندھی ہے ۔ اگراس نظام میں دو درکت پذیر بلکی چرخیاں میں اور زور کو چوگان کردیا جاتا ہیں دو درکت پذیر بلکی چرخیاں میں اور زور کو چوگان کردیا جاتا ہیں دو درکت پذیر بلکی چرخیاں میں اور زور کو چوگان کردیا جاتا ہیں دو درکت پذیر بلکی چرخیاں میں اور زور کو چوگان کردیا جاتا ہیں دو درکت پذیر بلکی چرخیاں میں دو درکت پذیر بلکی چرخیاں میں اور زور کو چوگان کردیا جاتا ہیں دو درکت پذیر بلکی چرخیاں میں اور زور کو چوگان کردیا جاتا ہیں دو درکت پذیر بلکی چرخیاں میں دو درکت پذیر بلکی چرخیاں میں دور کرد کو چوگان کردیا جاتا ہیں دورکت پذیر بلکی چرخیاں میں دورکت پذیر بلکی چرخیاں میں دورکت پذیر بلکی چرخیاں میں دورکت پذیر بلکے چوگان کردیا جاتا ہے دیا ہوں دور کرد کی چوگان کردیا جاتا ہیں دورکت پذیر بلکی چرخیاں میں دورکت پذیر بلک چرخیاں میں دورکت پر بلک جو دیا ہورکت پذیر بلک دیا ہورکت پذیر بلک چرخیاں میں دورکت پر بلک چرخیاں میں دورکت پر بلک جو ساتات کیا ہورکت پر بلک چرخیاں میں دورکت پر بلک دورکت پر بلک دیا ہورکت پر بلک ہورکی دورکت پر بلک دورک ہورکت پر بلک دیا ہورکی دورک ہورکی دورکت پر بلک دیا ہورکی دورکرکت ہورکی ہورکی ہورکی دورکرک ہورکی ہورکی کردیا ہورکی ہورکی ہورکی ہورکی ہورکی ہورکی ہورکی ہورکی ہورکی کردیا ہورکی ہورک

تو نابت کرد کہ بوجھ کا اسراع اوپر کی طرف ہے ہوگا۔
(۳۵) ایک رسی کا ایک سرا نابت ہے اور اس رسی پر
سے بونڈ کمیت کا ایک طقہ چڑھا ہے۔ رسی ایک کینی چرخی
بر سے گذر کر اپنے دوسرے سرے پر ایک بونڈ کمیت
کے ایک جسم کو سہارتی ہے۔ نابت کرد کہ طقہ اسراع
سے نیجے کی طرف حرکت کردگا اور رسی کا تناؤ ہے اپونڈ

وزن ہوگا۔

اور اسی سٹرک پر بجھ فاصلہ آگے ایک سٹرک پر جارہ ہم اور اسی سٹرک پر جارہ ہم اور اسی سٹرک پر جارہ ہم فاصلہ آگے ایک شخص رقارس سے بیدل جارہ ہیدل دونو ایسے متوازی خطوط مستقیم میں جارہ ہیں جن کا بہمی فاصلہ دن ہے۔ ثابت کرو کہ اگر سائیکل سوار فاصلہ لین سے کم پر گھنٹی بجا تو وہ اپنی رفار کو کم کئے بغیر پیدل سے پاس سے بغیر او جھٹر سے گزر جائے کا خواہ بیدل اپنے راستے کو چھوٹہ او جھٹر سے گذر جائے کا خواہ بیدل اپنے راستے کو چھوٹہ بھی دے۔

(۳۷) أيك لركا ہوا بيں ايك بتھر رفتار رسے بزاویہ ارتفاع عد بھينكتہ-مرت بقدر ٢ ركجب (عد-عد) گذرنے كے بعدوہ مرت بقدر ج [رحم عد + ركحم عد]

ایک اور یتھر رفقار کے سے بڑاویہ ارتفاع عکہ بیمینکتا ہے۔ نابت کروکم دوسرا پتھر پہلے سے مگراے گا۔ (۳۸) م تحمیت کی ایک گولی ایک نابت شختے کے اندر بقدر فاصلہ ف گس جاتی ہے۔ شختے کی تحمیت ن ہے۔ اگر شختہ بلا تکلف حرکت کر سکے تو خابت کرو کہ گولی اس کے اندر بقرر فاصلہ <u>ن ن</u> داخل ہوگی۔ (۳۹) ایک رسی ایک سرے سے کمیت ط کا جمرسمارتی ہے پیمر ایک نابت جرخی کے اوپر سے گذر کر ایک حکت پذیر حرخی کے نیچے سے گذرتی ہے اور پیر ایک نابت چرخی پرسے گذر کر دوسرے سرے سے حمیت ق کا ب جسم سہارتی ہے۔ حرکت پذیر چرخی سے محست ع مسم للک ہے ۔ یہ فرض سر کے کہ رسی اور چرضاں ہے وزن ہیں اور رسی سے جو حصے جرخیوں سے مس نہیں سرتے وہ عمودی ہیں ع کا اساع اور سی کا تناؤ دریا فت کرو۔

ریم ایک فانہ جس کی تحمیت ن ہے ایک افقی کھنی سطح پر بھسل سکتا ہے اور اسی کا ایک بہلو افق سے بزاویہ عد مائل ہے ۔ ابتدا میں فانہ ساکن ہے اور ایک ذرہ جس کی تحمیت م ہے اس سے مائل بہلو بر اوبر کی طون میسلنے سے لئے حرکت دیا جا ہے ۔ اگر ذرہ نقطہ طون میسلنے سے لئے حرکت دیا جا ہے ۔ اگر ذرہ نقطہ

علم حركت

رمی سے باندی کی تک چڑھے تو تابت کرو کہ رفتار

ا به ی م + ن <u>ا</u> ا به ی ن + م جب اعد }

(۱۷) ایک ذره ایک کھردری مائل سطح پر ساکن ہے۔ قدر فرک لے ہے۔سطح کا میلان افق سے عہ ہے۔سطح پر جس طرف ذرہ رکھا ہے اس سے دوسری طرف سطح کو افقی سمت میں کیسان اسراع ع سے حرکت دیجاتی ہے ۔ ٹابت کرو کہ ذرہ بلحاظ سطح کے ساکن دہے گا اگر

ع > رج جم عه به ج جب عه

ایک ضلع زمین سکو مسس کرنا ہے۔ ایک ذرہ اس طح پھینکا جاتا ہے کہ اس سے اوپر سے چار کونوں سے مین یھوٹا ہوا جائے۔ ثابت کرو کہ زمین پر پہنچنے سے وقت ذرے کی جو رفتار ہوگی اس کی نسبت ذرے کی اقل رفقار سے إلى : إلى بوئى -

(سامم) ایک جسم کا وزن ایک آدمی سے وزن سے ڈاواھا ہے۔ اس کو اٹھانے کے لئے آدمی اس سے ایک رسی باندھتا ہے اور رسی کو ایک جرخی پر سے گذارہا ہے

علم حركت

پیر رسی پر چرفعنا شروع کرنا ہے۔ آدمی کا اسراع اوپر کی طرف بلیاظ رسی سے ۲ ج ہے۔ ثابت کروکہ جسم اسراع جے سے

اوپر اٹھیگا۔ رسی کا تناؤ بھی دریافت کرد۔
رہم ہم) ایک فانہ جس کی محبیت ن اور زاویہ عہ ہے ایک چکنی افقی سطح پر بلا تکلف حرکت کرسکتا ہے۔ ایک چکنا کرہ جس کی محبیت ہم ہے فانے کے مائل بہلو کی عمودی سمت جس کی محبیت ہم ہے فانے کے مائل بہلو کی عمودی سمت میں ٹہلے میں ٹاراکر اچھلتا ہے۔ نابت کرد کہ تصادم سے عین بہلے اور تصادم سے عین بہلے اور تصادم کے عین بعد کرے کی رفتاروں کی نسبت یہم

ادن ن م جب عد ال ن م جب عد اس مين ل بيك كي قدر ہے۔ ال

ایک ہلی جائی چرخی پر ایک رسی گذرتی ہے جبلے ایک سرے سے ہم پونڈ کمیت کا ایک جسم لٹکٹا ہے اور دوسرے سرے سے ایک پونڈ کمیت کا ایک جسم لٹکٹا ہے اور دوسرے سرے سے ایک پونڈ کمیت کی ایک چرخی لٹکتی ہے جس کے دکتی ہے ۔ اس چرخی پر ایک رسی گذرتی ہے جس کے سروں سے بالٹرتیب ہا پونڈ اور ۳ پونڈ کمیت سے جسم کا امراع ہم ہوگا۔

(۱۲۹) ایک رسی کا اصلی طول الرہے اس کے سرے ایک عینی میزید دو ثابت نقطوں سے باندھے کئے ہیں اوراس طرح

رسی کیج جاتی ہے۔ دونو نقطوں کا درمیانی فاصلہ ن اہے۔ ایک ذرہ حس سنی تحمیت ہم ہے رسی کے نقطہ و سط سے باندھا گیا ہے۔ ذرے کو ٹیم کر رسی کی سیدھ میں کھینیا جاتا ہے لین اس قدر کہ اس کی نقل مکان <u>انا ا</u>ر سے زیادہ نہو۔ ذرے کو اسطح کھینج کر حیور دیا جاتا ہے۔ شابت کروکہ ذرہ استزانی حرکت کرے نکا اور بہدکہ اس کی مدت امتیزاز کا انتصار نہ تو ن پر ہے اور نہ اس فاصلے پر جہاں تک ذرہ کھینج کر جیوڑا گیا تھا۔ رديم) جو توانائي بالفعل كه ٥ يوند كا ضم حالت سكون سے ۵۰ فت گر کر حاصل کرتا ہے اگر وہ توا ٹائی بالفعل کی اکائی لی جائے اور ہو معیار حرکت بہی جسم حاصل کرا ہے وہ معیار حرکت کی اکائی لی جائے۔ اور جلنے فاصلہ تک کہ جسم گرا ہے وہ طول کی اکائی ہوتو وقت کی اکائی دریافت کرد۔ (۸۸) ایک ذرہ ط ایک دائر ےیں مرکت کرتا ہے۔ و إ دائرے كا أيك قطر بے - ط بر مح ماس بر وسے وی عمود نظال گیا ہے۔ نابت کرد کہ ی کی رفتار بلیاظ ط کے ، طاکی رفتار کے سادی ہے۔ رویم) ایک بیکنی چرخی زمین سے بلندی می بر نصب کی گئی ہے اور اس پر سے ایک بے وزن بے لیک رسی گذرتی ہے۔ رسی کے ایک سرے سے ایک آدمی جس کی تحمیت ن ہے لٹکتا ہے اور دوسرے سرے سے

کسیت ص + ن کا ایک آدمی بلکتا ہے۔ دونو ایک ہی وقت کیساں اسراعوں سے اویر چڑھنا شروع کرتے ہیں۔ اگر ایکا آدمی و ثانیہ میں چرخی سک بہتے جائے تو ا بت كروكه بعارى أومى كا فاصله جرخى سے صلى اع والم +ى

سے کم نہیں ہوسکتا۔ (۵۰) ایک ریل گاڑی جس کی تحمیت ن ہے کیساں رقبار

سے ایک ہموار سٹرک پر چل رہی ہے۔ سب سے

جھے کا ڈبہ جس کی تحمیت مم ہے گاڑی سے علی مہو جاتا ہے اور در اور (گاڑی جلانے والے) کو اس کا علم

فاصلہ ل مے کرنے کے بعد ہوتا ہے اور وہ اس وقت

انجن کی بھاپ بند کردیا ہے۔ نابت کروکہ جس وقت كاڑى سے دونو حصے ساكن موسكے اس وقت ان كا درمياني

فاصلہ ن ل موگا۔ یہ تیلم کرایا جائے کہ مزامت

یکساں ہے اور وزن کے بتناسب سے اور انجن کی قوت بھی کیساں ہے۔

(۱۵) ایک جوٹی کینی جرخی جس کی تحمیت ن ہے ایک چکنی میزیر پڑی ہے ایک کمکی رسی چرخی پر سے گذر کر

اینے دونو سروں سے دوجسم (کمیت م اور مم) سہارتی ہے۔ رسی کے دونو صے میز کے کنارے پر عمود ہیں اور

علم حرکت نم برک

دونو جسم کنارے پرسے نیجے لٹک رہے ہیں۔ نابت کردکہ چرخی کا اسراع

ہم هم ج بوگا <del>(هم+هم) + ہم هم آ</del> (۵۲) افتی سمت بیں ہوا سے چلنے سے ایک مری ہیں

(۵۲) افتی سمت این ہوا کے چلنے سے ایک مرمی ہیں اسراع ع ہوا کی سمت بین بیدا ہوتا ہے۔ اگر ایک ذرہ رفتار کر سے افق سے زاویہ عد بناتا ہوا بجینکا جائے اور ذرن اور ہوا کی فراحمت کے اثر کو نظر انداز کیا جائے اور ذرن کی حرکت کی سمت ایسی عودی سطح میں ہو جو ہوا کی حرکت کی سمت میں سے گذرتی ہے تو نابت کردکہ ذرہے کے طرف کا وتر خاص میں سے گذرتی ہے تو نابت کردکہ ذرہے کے طرف کا وتر خاص

(۵۳) ایک ذرہ ایک چکی افتی پہرید ایک چکنے فانے کے بائے سے مسس کرا ہوا بڑا ہے۔ فانے کا زاویہ عہ اور اس کی بلندی ہی ہے۔ فانے کو مینر پر کیسال اساع ع سے حرکت دی جاتی ہے۔ اگر ع کے جمس عہ تو ثابت کروکہ ذرہ فانے کے مائل پہلو پر چڑھ سکیگا۔اگر فانہ اسی طرح د ثانیہ حرکت کرے اور بھر رفقار محصلہ سے کیساں حرکت کرے تو ذرہ عین چوٹی پر ہنچ بائ گا بشرطیکہ کیساں حرکت کرے تو ذرہ عین چوٹی پر ہنچ بائ گا بشرطیکہ

وا = ع (ع جم عه - ج جب عه)

(۱۸ ه) ۱۰ بونڈ اور ۱ بونڈ کے دزن ایک جرخ و محور بر عمودی ، رسیوں کے ذریعہ سے توازن میں لگتے ہیں۔ اگرایک بونڈ کا وزن جھوٹے درن کے ساتھ باندھ دیا جائے تو وہ اسراع دریافت کرو جس سے چھوٹا وزن نیجے کو حرکت کرے گا اور رسیول کا اراع بھی معلوم کرو۔ جرخ اور محور کو بے وزن تصور کیا مائے۔

(۵۵) ایک تفریقی جرخ و محور میں کم چرخ کا نصف قطر ہے۔ اور آر اور ب محور سے دونو حصوں سے نصف قطر ہیں۔ اگر چرخ کی رسی سے وزن ط لئکایا جائے تو نظام متوازن ہوتا ہے۔ اگر ط کو دوگن کردیا جائے تو نظام متوازن ہوتا ہے۔ اگر ط کو دوگن کردیا جائے تو نابت کردکہ وہ اسراع ہے جم کم سے پنچے کو حرت نابت کردکہ وہ اسراع ہے۔ ا

المرب کا - بیخ اور محور کو بے وزن تسلیم کرلیا جائے۔
(۵۲) ایک ذرہ جس کی لیک کائل ہے رفقار رہے ایک عودی سطح میں پھینکا جاتا ہے۔ یہہ عمودی سطح ایک مائل سطح کے ایک خطے میلان اعظم میں سے گذرتی ہے۔ سطح مائل کا میلان افق سے عہ ہے۔ اگر ذرہ سطح مائل سطح مائل کا میلان افق سے عہ ہے۔ اگر ذرہ سطح مائل سے گزاکر عمودی سمت میں ایجھلے تو ٹا بت کردکہ

وتت ج آل کر نقطة عمال عمال عمال الم بعد ذره نقطة مرمى بر وابس آجائے گا۔

ایک جگنی ثابت چرخی پر رسی چرعی ہوئی ہے اور رسی کے سرول سے دو چرخیاں لٹائی ہیں جن میں سے ہرایک کی کمیت ہم ہے ایک اور رسی جس کے مروں سے ہم ایک اور س جس کے مروں سے ہم اور س جسم ایک کمیت ہم کمیتول کے جسم ایک جسم ایک بین ان دولو چرخیوں میں سے ایک چرخی پر چرطی ہوئی ہے اور ایک تمیسری رسی جس کے سروں سے ہم اور ہم ہم کمیتول کے جسم لطکتے ہیں دوکم سروں سے ہم اور ہم ہم کمیتول کے جسم لطکتے ہیں دوکم حرکت پذیر چرخی پر چرطی ہوئی ہے۔ اگر بہم نظام حرکت خرکت نے سے لئے آزاد ہو تو تابت کروکہ ہرایک حرکت

پذیر چرخی کا اسراع ۲۵ مے ہے۔

نع م<sup>ر</sup>یت

س سقام پر چوڑے گا ؟

اللہ کی دُرہ ایک رسی سے ذرید سے ایک ثابت نقطے سے لٹکنا ہے۔

دری کو دضع توازن سے حرکت

وی جاتی ہے۔ رقار رمی وہ رفتار ہے جو بلندی لوجب ب اگر جب سے اگر جب سے اگر جب سے اگر ہوں ہوتا ہے۔

اگر و کہ رس وقت و گرزنے کی دُھیلی رہے گی جہاں و ساوات ذیل سے حاصل ہوتا ہے۔

مساوات ذیل سے حاصل ہوتا ہے۔

مساوات ذیل سے حاصل ہوتا ہے۔

معاوات دیل سے میں ہوں ہے ہوئے ہوئے اس ہوں ہے ایک سرے سے ایک سرے سے ایک سرے سے بیدھا ہے اور رسی کا دوسرا سر نابت ہے۔ رسی کی لیک کا مقیاس ذرے کے وزن سے مساوی ہے۔ رسی کو نیجے کا مقیاس ذرے کے وزن سے مساوی ہے۔ رسی کو نیجے کی رسی کا طون شاقیل سمت میں اس قدر کھینچا جاتا ہے کہ رسی کا

طول اصلی طول سے چوگ ہو جاتا ہے۔ رسی کو اس طح کھینے کر چھوڑ دیا جاتا ہے۔ نابت کرد کہ ذرہ اس مقام بر

وقت الح الله الله طول ہے۔ جمال إرسى كا اصلى طول ہے۔

(۹۲) ایک ایک ایک ایک جکنی جرخی پر سے گذرتی ہے اور اس سے سرول پر طفتے ہیں جن میں ایک ایک آدمی میں ایک ایک آدمی میشا ہے۔ ہر ایک آدمی کی کمیت مم ہے۔ ایک آدمی (1) دوسرے (مب) سے می فٹ بلند ہے۔ ب

ہاتھ یں ہے کیت کا ایک گولہ دیا جاتا ہے جوکہ ب فی الفر الکی طرف اس قدر رفتار سے پھینکتا ہے کہ گولہ مین ال مک بہنچ جاتا ہے ۔ اور الر اس کو پکڑ لیتا ہے ۔ نابت کوکہ گولے کو پکڑنے سے پہلے الم فاصلہ بقدر ہای اوپر دار سطے کر جکینگا ادر ال کی اوپر وار حرکت ، فاصلہ بقدر ہوی اسلامی میں سے کے بعد بند ہوگی۔

(۱۳) ایک میکنا حلقہ جس کی تحبیت ن ہے ایک رسی پر چڑھا ہے اور رسی کے سرے دو چکنی ٹابت چرفیوں برہے گذر كر دو جبهول م اور م كوسهارت بين - رسى كانتكت حصے عمودی ہیں - کل نظام حرکت کرنے میں آزاد ہے۔ تایت کروکه طقه ساکن رے گابترطیکر ن = مم + مرا (١٩٢) ايك وزه جس كى تحييت هم ب ايك عِكِنْ فافْرِكُ مالل بہلو پر رکھا ہے۔ فانے کی حیث ک ہے اور وہ ایک چکنی افقی میزیر بڑاہے ۔ فلنے کو ایک رسی سے ذریعہ سے افقی سمت بیں تھینیا جاتا ہے اس طرح کہ رسی ایک جکنی جرخی پر سے گذرتی ہے اور اس کے دوسرے سرے سے ایک جسم ( تحییت ف) لگا ہے۔ کل نظام حرکت کرنے میں اُزاد ہے اور حرکت ایک ایس عمودی سطح میں ہوتی ہے جو فانے کے ایک خط میلانِ اعظم میں سے گذری ہے۔ ٹا بت کرو کہ ذرے کا اسراع بلحاظ فانے کے

(ن+ن+م) جب عه + ن جم عه ن+ن + م جب عه

جماں عد فانے کے مائل پہلوکا میلان ہے۔ ساتھ ہی دریافت کرو کہ فانے پر م کاکس قدر دباؤ بڑا ہے ہو (۲۵) ایک جکنا فانہ ایک افقی سطح پر بڑا ہے اور وہ سطح پر اپنے خلوط میلان اعظم کے ظلون کی سمت میں حرکت کرنے میں آزاد ہے۔ ایک ذرہ فانے سے مائل پہلو پر حرکت کرنے کے لئے بھینکا جاتا ہے۔ ذرے کی سمت مرک حرکت کرنے کے لئے بھینکا جاتا ہے۔ ذرے کی سمت روک سطح ربی خطوط میلانِ اعظم سے مائل ہے۔ نابت کروکہ سطح پر ذرے کی حرکت کا راستہ قطع مکافی ہوگا۔

ی ایک گولی جس کی لیک کامل ہے ایک مائل سطے کے بائک مائل سطے کے بائے سے بیسنکی جاتی ہے۔ اگر گولی نقطہ رمی سے فاصلہ فٹ پر سطے مائل سے گراکر اچھلے اور بھر اسی راستے سے واپس آئے جس راستے سے علی تھی تو تابت کرد کہ

سطح کا میلان ہے۔

(44) ایک وزنی جسم جس کی کھیت ن ہے ایک افقی شخی پر حرکت کرنے میں آزاد ہے۔ اس کو ایک کھانی سے ذریعہ سے ایک نابت نقطے سے باندھا جاتا ہے۔ نابت نقط کا فاصلہ تختی سے فن ہے اور کھانی کا اصلی طول ار ہے۔ اور کھانی کا اصلی طول ار ہے۔ اور کھانی کی لیک ایسی ہے کہ اگر ایک جسم (کمیت مم) اس سے لٹکائیں تو اس کا طول بقدر طرحہ جاتا ہے۔ اگر ن کو تحوڑا سا اپنی عگر سے مطاکر چھوڑ دیں تو نابت کرد کہ ایک چھوٹے سے امتزاز کی

 $- \frac{1}{4} \left\{ \frac{0}{0} \frac{d \cdot 0}{0} \right\} \frac{1}{4} \quad \text{Re} \quad 0.$ 

(۹۸) ایک ریل گاڑی ایک منحی پر رفتار کہ سے چل رہی ہے۔ سنحنی کا نصف قطر ن ہے۔ اگر ریل کی سٹرک افقی اور ہموار ہنو اور زیل گاڑی سے مرکز جمود کی بلندی ریل کی سٹرک سے مرکز جمود کی بلندی ریل کی سٹرک سے ہی ہو اور ریلوں سے درمیان فاصلہ ۱۲ ہوتو ثابت کروکہ اگر

ر > ر الله

تو ریل گاڑی الٹ جائے گی۔
(۹۹) ایک فانہ جس کی کمیت ن ہے ایک افقی مینر پر
بڑا ہے۔ فانے کا وہ پہلو جو مینر سے مس کرتا ہے کھردرا
ہے اور جو پہلو مائل ہے وہ جکنا ہے۔ مائل پہلو کا میلان
عہ ہے۔ مینر اور فانے کے در میان زاویہ فرک فہ ہے۔
ایک ذرہ جس کی محمیت م ہے جکنے پہلو پر نیمے کی طرف

بیسلتا ہے۔ وہ شرط دریافت کرو جس کے پورا ہونے سے فانہ حرکت کرے تو فانہ حرکت کرے تو اس کا اسراع

م جم عد جب (عد - فد) - ن جب فد ج ہوگا۔

(۱) ایک مطرفی کو دو رسیاں سہادتی ہیں - رسیاں جنیوں پر سے گذر کر اپنے دوسرے سروں سے ایک ایک وزن سہارتی ہیں - مرایک وزن کھڑکی کے نفعت وزن کے سادی ہے۔

مرکی اپنے جو کھٹے یں کھیلتی ہوئی آتی ہے۔ اب ایک ری توٹ جاتی ہے اور کھڑکی امراع ع سے پنچ اترتی ہے۔

توٹ جاتی ہے اور کھڑکی امراع ع سے پنچ اترتی ہے۔

مزایت کرو کہ

ع = الحرب له جهاں ر قدر فرک ہے اور ال کھڑکی کی بندی اور دی اس کا عرض ہے۔ اور ال کھڑکی کی بندی اور دی اس کا عرض ہے۔ (۱۵) ۱۰۰۰ پونڈ کے دزن کو ایک عمودی قوت سے ذریعہ سے اٹھایا جاتا ہے۔ جوں جوں دزن اوپر چڑھتا ہے قوت حسب جدول ذیل برلتی ہے۔

۲	٥	4	۳	۲	•	• {	بلندی زمین سے فٹوں میں
9	41.	ډ۸۰	- ۱ بم	44.	mr.	۲۵۰{	اٹھا نیوالی تو ت پونڈوں سے دن میں

زمین سے ۵۶۵ فٹ کی لمندی پر دیافت کرد (۱) جسم کی توانائی بالقوہ (۲) جسم کی توانائی بالفعل (۳) اس کام کی مقار جو قوت نے کیا۔

۲	G	٨	۳	۲	Í		ين کي انچون ميب
44	DISA	٥٢	٩م	درد، ۵	۲۷۶۲	44	قوت پونڈوں تے وزن میں

ا ان اور مم ان کی بلندیوں پر بالترتیب جسم کی توانائی بالفعل اور توانائی بالفعل اور توانائی بالفعل اور توانائی بالفعل اور توانائی بالقوه وریافت کرد ادر ۱ ان کی بلندی پر اس کی رفتار معلوم کرد-

(س) ایک انجن ایک نل کے ذریعہ سے بانی نکا آتا ہے۔ جس وقت بانی نل میں سے نکلتا ہے اس وقت اسکی رفتار رہے ۔ تابت کردکہ انجن کے کام کرنے کی شرح اس طرح براتی ہے جس طرح رہ ۔

(سمد) ایک انجن سے بہیوں پر سم س کا وزن ہے اور.

بہیوں اور ریلوں کے درمیان قدر فرک ہا ہے۔ اگر انجن کی اسبی طاقت ،، یہ ہو اور پہٹے نہ پھسلیں تو تابت کروکہ گاڑی کی رفقار زیادہ سے زیادہ سر میل فی گھنٹ ہوسکتی

اکسین سے حالت سکون سے جل کر دوسرے اسلین اسلین سے حالت سکون سے جل کر دوسرے اسلین اسلین سکون سے جل کر دوسرے اسلین بر بہنچگر ساکن ہو جاتی ہے۔ دونو اسلینتنوں کے درمیان فاصلہ فن ہے اور ربل گارمی کو وقت و تانیہ لگتا ہے۔ ربلوں وغیرہ کی رگڑ سے ع پونڈ وزن کے مساوی فرامت ربوتی ہے۔ دونو اسٹیننوں سے درمیان کچھ فاصلے یک انجن کی قوت متفل رہتی ہے اور ط پونڈ وزن سے مسادی ہوتی ہے۔ ثابت کروکہ مسادی ہوتی ہے۔ ثابت کروکہ

ط = ع ج وال في الم

اور ط کی مت عل = و- <u>۲ ن ت</u>

(٤٦) ایک سائیکل سوار اور اس کی مشین دو نوں کی مجموی کھیت ن بوند سے کی طرب کی میٹریاؤں کی جموی بیٹریاؤں جلانے کے سوار لرفٹ فی نانیہ کی کیساں بغیریاؤں جلانے کے سوار لرفٹ فی نانیہ کی کیساں

رفقار سے جارہ ہو اور مائل طرک کا میلان م میں ایک ہوتو نابت کروکہ ایک ایسی مانل سٹرک بر جس کا میلان ل میں ایک ہے اوپر کی طرف اسی رفقار سے جانے سے لئے اسکو اس مثرج سے کام کرنا چاہئے

جو ن آم + ل ا مرا الله طاقت کے ساوی ٠ (٧٤) ايك سائيكل سوار ايك هموار سُرك پر ١٢ ميل في گھنٽا كى رفقار سے جلتا ہے اور بہ میں ایك سیلان والی سرك یر اوپر کی طرف ہ میل فی گھنٹہ کی رفتار سے جیتا ہے ۔ جو فراحمت سارک سے میلان کی فراحمت سے علاوہ ہے وہ متعلّ رہتی ہے۔ اس مزاحمت کو دریافت کرو اور يهد بھي معلوم سرو که ١٠٠ ميں ايک سيلان والي سطرک پر نیچے کی طرف اس کی رفتار زیادہ سے زیادہ کیا ہوگی۔ . سوار اور اس کی مشین کی مجموعی کمیت ماده ۱۸۰ پونگر ہے اور وہ کیساں شی سے کام کرتا ہے -. (44) لکڑی سے ایک گندے کی کمیت اوہ ن پونڈ ہے اور وہ حرکت کرنے میں آزاد سے ۔ اگر م پوند کیت كى ايك كولى رِفقاررے جلتى ہوئى اِس سے مرِرُ تُقُل كى

سيده ميں لگے تو دريافت كروكه گولى كے لگنے سے

كندے كى كيا رفقار ہوگى ؟

علم حركت اگر کولی کندے بیں او فٹ گھٹ جائے اور گولی کی حرکت کے مقابل لکڑی کی فراحست یکساں ہو تو نابت کردکہ ہیہ مزاحمت ك م × × الم الله وزن ك مساوى ہے۔ اور یہہ کہ کندے میں داخل ہونے میں گولی کو الم الله عنه وقت لليكا اور اس عرصه مين كنده في الم فٹ کے فاصلہ کک یلے گا ب



# جوابات

### نمبري (۱)

14. (0) (٤) ياني كي وهار سے زاويہ جم (- ١٠) يني ٢١ و ٢٥ باتے ہوئے، یاتی کی دھار پر عمود یعنی اس کی مال سمت یانی کی وطار سے مس ا ہے یعنی ۵۹ ۴ کا زاویہ بناتی ہے۔ (۸) ۲۲ اسیل فی گھنٹہ ، ۱۲ میل فی گھنٹہ (۸) (۹) ارب ممدودہ سے ۱۵۰ کا زاویہ بناتی ہوی سمت میں 6 بیندرہ منٹ سے بعد لا سے بزاویہ قائمہ مگر ہوگی ۔ ٠٠٠ کاڑی کی حرکت کی سمت سے جم (- ١١٠) کے زاویہ پر-(۱۱) مشرق سے شال کی طرف زاویہ مس اتفاء مس اللے افقي خط كيبنيء - اس أفقى خط سے زاويہ ارتفاع مس الله بناتي بوني سمت ميں ١٩٦٠

جوابات

(۱۲) (۱۳ -۱۱) ب (۱۳ -۱۲) لې جان ب نقار (۱۲) سب سے بڑی رفار سے زادیہ جمم اسل بناتی ہوئی اور مقدار میں ۱۴ –

تمبری (۲)

(۱) یل گاڑی کی حرکت کی سمت سے زاویہ مس (- بی) بناتی ہوئی اور مقدار میں ۵۵ فٹ فی نانیہ (٢) ٢٠ ميل في گھنٹ اور شال سے مغرب كي جانب

زاویه مست النظم بناتی بهوئی -(۳) ۱۵ میل فی گفتشه جانب شال مشیرق (۴) ۱۰ میل فی گھنٹه جانب جنوب مشرق

(س) ۱۰ میل فی گھنٹہ جانب جنوب مشرق (۵) ۱۰ میل فی گھنٹہ مِشرق سے شال کی جانب

زاويه جمم الله بناتي بوني

(۲) ﴿ ۳۲ میل فی گفته سمت عمودی سے ۵،۰ کا زاویہ بناتی ہوتی۔

(م) > رو + الآ سيل في گفته - [ و از (= ۱۲) مشرق (م)

کی طرت کھینیو اور رب (= 4) جنوب رمشری کی جانب كينيو- منوازي الاضلاع ولأب ج كي يميل كرو تو وج سمت مطلوبه ہے]

علم حكت

(۱۰) ہے ۵ ثانیہ (۱۳) ۲۲ منٹ ، ۲ میل (۱۰) ہے ش فی ثانیہ ب اوسے زاویہ مس التج باتی ہوئی ، ہو قٹ ، ہے ا اثانیہ کے اختتام بر-ہوئی ، ہم آل میل فی گھنٹہ جنوب مشرق کی جانب (۱۲) ہم آل میل فی گھنٹہ جنوب مشرق کی جانب (۱۲) جانب شرق (۱۸) سال اور لہ

جوابات

T/ (A) Jx 6-5 (4)

ر ۱۰) ۲۰ اس (= ۱۰ و ۱۰) میل فی گفته افق سے ۲۰ (۱۰) راویہ بنانی ہوئی (۱۰ میل فی گفته افق سے ۲۰ (۱۰) راویہ بنانی ہوئی کی شانیہ ، ۱۰ میل فی گفته افق سے ۱۳ نیم قطری فی شانیہ ، ۱۰ میل فی گفته افق سے ۱۳ (۱۳) ۲۰ میل فی گفته ، امیل فی گفته افق سے ۱۰ (۱۳) ۲۰ میل فی گفته ، امیل فی گفته افق سے ۲۰ (۱۳) ۲۰ میل فی گفته ، امیل فی گفته افق سے ۲۰ (۱۳) ۲۰ میل فی گفته افق سے ۲۰ (۱۳) میل فی گفته افق سے ۲۰ (۱۳) میل فی گفته افق سے ۱۰ (۱۳) میل فی گفته افق سے ۱۳ (۱۳) میل فی گفته افتاد افق سے ۱۳ (۱۳) میل فی گفته افتاد افتا

سے ± . س کا زاویہ بناتی ہوئی

کنبری (۲۷) الله میل فی گفته ایسی سمت میں جو مغرب سے شال کی جانب زاویہ مسل کی ابتدائی رفتار سے ۱۹۰۰ کا دورہ اس کی ابتدائی رفتار سے ۱۹۰۰ کا زاویہ بناتی ہوئی۔
زاویہ بناتی ہوئی۔
زاویہ بناتی ہوئی۔
زاویہ بناتی ہوئی۔

 (۱۵) ۲ ثانیہ میں و سے ۱۱ فٹ پر

(۱۲) إلى نقل مكان الله + ۱۲ م الم فط ب اور (۱۷) اس كى نقل مكان الله + ۱۲ م الم فط ب اور مشرق سے شمال کی جانب زاویہ مست اللہ اللہ بناتی

١٨١) ١٠ ثانيه يا ٣٠ ثانيه (٢٠) ٢٠ ميل في گفته (۲۱) ۲۵ ساس فط ، چوتھے خانیہ میں ، ۱۲۳ فٹ خانیہ

اكاليان

(۲۲) ۵ و ۲ مس فث ، مل فث خانیه اکائیاں

### نمبری (۲)

(١) ٢٥ فك كالم ثانيه اور لم ٢ ثانيه

(٢) (١) هل خانيه ين (١) لم اعانيه ين

رس الله الله اور الم النانيه بين ، ۵۰ نط

رس) دا) ۱۲۰۰ فط (۱) لم الآثانيه

رسى ، وفط في غانيه اوير وار

(۵) ۲۳۲ فط (۷) ۱۹۸ ثانیه دد) ۲ ثانیه یالج ۵ ثانیه

(٨) ٥٧٥ سينځي ميشر في نانيه ١ ٢٠ ثانيه ٥٨٥ (١) نيه

(۱۰) ۲۱۸ میشر ، یا به تانیه (۱۱) ۲۱۸ میشر ،

(۱۲) ۹۰۰ فت ۱۰۰ نانیه (۱۳) ۱۰۰ فت ده، ۱۸۲ نظ

(١١) ٢٥١ فظ في ثانيه ، ١٠٢٧ فط (١٤) و= ٥ ، ١١٧ فط في ثانيه (١١) ١٩٨٧ فط

حوامات

(۱۹) ۱۱۲۰ فٹ فی شانیہ (۲۰) ۱۵۰ فٹ

#### نمبری (۷)

(۱) ۲۰۰ فٹ ۱ ۵ ثانیہ

(٢) ١١ ١٦ فث في ثانيه ، هي ١٦ تانيه

(۲) ۱: ۲

(۵) (۱) - هم قط م محمد ۲۰ قط في ثانيه

(٢) علم ١١٤ فط ، م ١٢ فط في ثانيه

(٤) جمم لم يعني ٥٥٥ ١٣

#### تنبري (۸)

(۱) ۸۰ من فط (۱) انتانیه کا انتیام

ر (۲) اتانیم ، اثانیم ، طر (۳) اتانیم ، اثانیم (۳) مفر (۳) ببلا جسم برج کی بلندی کا ایک ربع گر پیگا (۵) ببلا جسم برج کی بلندی کا ایک ربع گر پیگا

(۲) اج ل آ راج ل اور صفر بهاں ل سط کی بندی

ر، پہلے جسم کی ابتداء حرکت سے وقت لے (را لی ج و) گذرنے کے بعد اور بلندی لیے (را - کہا ج وا) بر-

علم حركت

(٨) ١٥ شانبه (٩) ٩٩ فش (١٠) ١٩٧ فش ١١١ فش في ثانية (۱۱) عصے ۲۴ ، ۹۹ اور ۱۲۰ فظ میں ، ۳ ثانیہ

جوابات

(١٩) عم قط به (٢٠) عن (١٠) 

#### تنبری (۹)

رس دا، الم الله الكائيال على الله الكائيال الله الكائيال الله الكائيال الله الكائيال الله الكائيال الله الكائيال (0) (1) ... (1) (1) (2) (3) (4) (4) (4) (5) (6) (7) (7) (7) (8) (8) (9دم، مهم فط ثانيه اكائيال ، ٢٠٠ نظ رد) ۱: ۱۲ ، ۵ فط فی ثانیه (۹) ا: ۱۲ ، ۵ فط فی ثانیه (۱۰) الم ۲ شانیه ، الم سارط (۱۱) ا منط ۷۹ سیکند (۱۲) ۱۲ سیکند

(۱۸۰ فط (۱۵) به ۳۲۳ سنیٹی میٹرنی تانیہ ، ۴ ۱۸۱

سنیٹی میٹر ۲۱۸۰۰ سنیٹی میٹر (۱۲) ۲۰۵ میلوگرام (۱۷) ۱۲۸ یوند (۱۸) ۲ ایوند

(19) الله ع يغدُ وزن ، ١٣٠ ١٣٠ يوندُ وزن

(۲۰) وه ساوی پی (۲۱) ۱۱۰ پونڈ وزن (۲۲) مل ۱۳۳ فط فی نانیہ

نمیری (۱۰)

(۱) ج کی اے بوئد وزن (۲) (۱) ہوٹ تانیہ اکائیاں (۲) کے ، بونڈ وزن

(۱۰ (۳) فط في نانيه أرم) ۵۰ فط

(٣) (١) افت في نانيه (١) الله ١٠ فت (١١) ١٠ فت

اور - ١١٦ فط بالرتيب - (٢) ١٦٥ فط بالرتيب - (٢) ١٦٥ ميشر ، ٩٥ م كرام وزن (٢) بفدر ٢ يوند وزن (٤) ميشر ، فدن (٤) ٢ فظ (٤) ميشر (٨) ميشر (٤) ١١ فنط (٤) ميشر (٨) ميشر (٤) ١١ فنط (٤) ميشر (٨) ميشر (٤) ٢٠ فنط (٤)

(١١) (١١) ﴿ وَ ثَانِيهِ (٣) إِلَّهِ فَالَّهِ (٣) إِلَّهِ فَالَّهِ فَالَّهِ (١١) ﴿ إِلَّهِ فَالَّهِ فَالَّهِ الْمُ فَالَّهِ الْمُ فَالَّهِ اللَّهِ فَاللَّهِ اللَّهُ فَاللَّهِ اللَّهُ فَاللَّهِ اللَّهُ فَاللَّهِ اللَّهُ فَاللَّهُ فَاللَّهُ اللَّهُ فَاللَّهُ فَاللّلُهُ فَاللَّهُ فَاللَّاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللّلْمُ فَاللَّهُ فَاللَّالِي فَاللَّهُ فَاللَّاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللّلَّالِي فَاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللَّهُ فَاللّلْمُ فَاللَّهُ فَاللَّالِي فَاللَّالِلْمُلَّا لَلْمُلْلُولُ لَلَّا لَلْمُلْلُولُولُولُ لَلْمُلْلِمُ لَلْلّل

(۱۱) ۲ نانیه (۱۲) ۱۱) ۲ فط نانیه اکائیاں (۲) ۲۲ بونڈ وزن

رس و فط فی نانیه رم) و فط

(11) # · Fhr-m (111) " : [111) " : [111)

علم حركت (۱۵) ۲۲ پوند ۱۰ اونس (۱۹) ۵ اونس (۱۸) ۲۰ اور ۲۰ پونٹر وزن ، جم (۱۹) ۲۹ فٹ ۹ اینج تقریباً تنبری (۱۱)

(۱) <del>۱۱</del> ج ، ۳۰ (۱) ۶۶۰م فث فی شانیه ، ۹۹ فث

(٨) برًا جسم باسراع الم الله الله على طون

وکت کرتا ہے (و) ذرے وکت نیں کرتے۔

١٨: ٢٠٥ (١١) في ٢١١٤ أ

(۱۲) (۱) ۵ منٹ ۸ سیکنڈ (۲) ۲۵،۷۴ ف

(۱۳) امنط به ۲۲ سیکند ، ید ۱۳۸ فط

(۱۲) یم من وزن (۱۵) امیل ۱۳۰ گز 

(۱۸) الله ۵ عن وزن ، تقریباً ،، ین یک ، ه یس لیک

تمبری (۱۲)

(۲) (۱) ۲۰ پونگر وزن (۲) ۹۰ پونگر وزن ٠ ١٥٨ پونڈ وزن ٤٠٠ پونڈ وزن

(۵) یا ۲۰۵۲ وزن ۲۰۵۲ اور ۱۹۲۲ گرام وزن ۲۰۵۲ وزن ۲۰۵۲ وزن س س اونس وزن ، ج ، ب اونس وزن ، ساوس

(٨) ١٩٣٩ من وزن (٩) ١٩ ١٩٩ يوند وزن تقريباً

(۱۰) ۲۵۲۱ لوند وزن تقریباً ۱۳۰ دس سمت شاتولی مین لطنت بین "

۵:۳ مفط

1:1 (11)

(۲۲) م اویر وار باسراع سبخ حرکت سوتا ہے اور (۲۲)

ن پنج کی طرف امراع ہے اسے حرکت کرا ہے۔

(۲۲) ن= مممم اور امرع = م-م ج (۲۲) ن= مم+م

(۲4) من فٹ سیکنڈ اکائیاں (۲۷) ہے ج ۱۲۹) ۱۲۹ فٹ ، ۲۸ میل فی گھنٹہ

نمبري (۱۱) ۱۱) پېلې هم فط فی ثانیه (۱۲) پېلې ه فط فی ثانیه ۱۵) پېلې ۱۵ فط فی ثانیه (۱۷) ۱۶۸ فط ۱۵) په ۱۲۹ و ش وزن (۱۸) ۱۲۱ افط فی ثانیه تقریباً

نمبری (۱۲۷)

119544 (4) 414 (4) 14. (1) (س) ۱۹۸۵ مم ا پونگر وزن (۵) ما ۱۱ (۲) مس (2) ۲۰۰۰ في يونل كونل كونل البي طاقت (4) ۱۵۲ في يونل (9) ۲۰۹۶۲ من وزن

امتله نبری (۱۵)

(١) (١) -١٢ (١) ١٢ م ١٢ (١١) تُوانَائي بالفعل كي صفر أكائيا 91. × 110(m) (م) ١٠ × ١١٠ و ١١٠ م ١٠ × ١١٠ و (٥) م ١٠ × ١١٠ وث يوند (٢) ١: ٧ ك ١: ١١ ك ١٠٠٠ اور ٢٠٠٠ يوندل ، ١٠١٠در

> امتنگه تنبری (۱۲) رس صدمے کی ۸۹۲۰۰۰ اکائیاں کم فظ

رم) هم نش که ایم این (= ۲۲۷) ثانید ، هم (۵) ۱۹۷۷ سنتی میشر فی ثانیه ، ۵۷، م گرام وزن تقریباً ، (۲) ۱۰۴ منڈرڈ ویٹ وزن ٤) جسم ٢١٧ فظ في ثانيه كي رفقار سے حركت كرتے ہن (١٧) أَ أَمْ الْأَرُا اللَّهِ اللّ (۲۲) ﷺ اکا ٹیان کہ ا پونڈ وزن کر مرد اسپی طاقت (۲۷) ۱۱ ، ۱۹ پونڈ وزن

# امثله نمبري (۱۷)

(۱) (۱) (۱) فٹ ، ۲ ثانیہ ، ۹ (۱) فظ (۲) ۵۵ فٹ ، ۳۳۶۴ نظیہ ، ۲۳۴۱ فظ (۳) ۱۳۲۲ فٹ ، ۲۵۵ و ثانیہ ، ۲۲۵ فظ (۲) ۲۲۵ فٹ ، لم کے ثانیہ ، ۲۲۵ فظ بوابات

(۲) ۲۷ فٹ ، لم ۱۱۲ فٹ ، لم ۱۲۳ فٹ (۳) ۲۹۰۹۶۵۸ میٹر ، ۲۹۰۹۶۵۸ میٹر (۲) ۲۰ و ۲۰ مثانیه ، ۲۰ میٹر

(۲) ہو ۱۳۳۳ فٹ فی ٹائیہ (۱) ۲ ب ۱ براب ج (۸) اور ۵ افق سے بزاویہ مست اللہ (= ۴۸° ۲۹) (۹) (۱) ۱۱ (۱) ۱۱ (= ۲۵۶۹۷) فٹ فی ٹائیہ افق سے بزاویہ مس آسم (= ۵۵° ۵۸)

(۲) ۱۲ (<del>۱۷ (= ۹</del>۲۶۳۲) فط فی ٹائیہ اقتی سے براویہ مس<sup>1</sup> ۲ (= ۸۰ س)

بزاویه مسن آب (= ۸۰ نوس) (۱۰) ۲۸ ه مرکز تقریباً (۱۱) ۱۳ نانیه ، ۱۳۸۸ نش (۱۳) ۲۰ (= ۹۷۶۹۸) ف فی نانیه افق سے بزاویه ۵۵

(۱۲) ۸۰ (۱۳) (= ۲۰۰۴ فظ في ثانيه ،

۱۱۱ (=۱۱۱ فٹ فی ٹانیہ ۱۱۱ ۴ ۳۱ (۱۵)

20 1 10 (11) Pr. (1) PO (1) (14)

امثله نبري (۱۸)

(۱) ۲۵۰۰ کو ۲ کو ۲ ثانیه (۲) بیل (۱۳۲۰) کے فاصلے پر ۲ بیل (۲) بینی (۳) میل (۳) کا کا میل (۳) کا میل (۳) کا کا میل (۳) کا میل (۳) کا میل (۳) کا کا میل (۳

(۴) (۱) (۲۰۰۰ فط (۴) (۵) ۱۱۷۱۱ فث اور ۲۰ نانیه تقریباً ، ١٠٠١٨ فظ اور ٢٥١٩ ثانيه تقريباً ، ٨٨ ١٩٠ فط اور ١٩٠٨ ثانيه تقريباً ؟ اور ۳۰ شانید تقریباً ۱۹۰۰ ثانید تقریباً (۲) ۲۹۲۹ گز تقریباً ۱۹۰۰ گز تقریباً (۸) ۹۵ و ۱۲ میشر ، ۱۶ و ۱۲ میشر

امثله نبری (۱۹)

(١) ١٩ ميل نصف قطركا كيك دائره

(۲) افق سے بزاویہ مسل آ ہے (یعنی ۵° سرم) (۳) ہے فٹ ۱۲۱ فٹ ۱۲۸۵ فٹ (۲)

(۵) الله تانيه مين اور ايسے مقام پر جس کے افقی اور عمودی فاصلے پہلی توپ سے سام کی اور ۲۸ کا در ۲۸ کا

د ۱۲ مر × جم عد " (A)

(١٥) بندوق كي سمت رغباره كي طرف هوني جا سئي-گولی جسم کو اس وقت لگیگی جب جسم ۱۱ نش رُعیگا۔ (۱۸) ﴿ ١ يوندُ (١٩) ٥٥١ فط ، ٢٧ و ١٩ فط (۲۰) الم ۲۷۲ فث ک ۱۲۸ فث ۲۷۲ فث

بجوابات (۲۱) کے (جب عد عد جم عم) ٹانیہ جاں ررفار رمی اور عم زاویہ رمی ہے۔

(۲۳) ۸۰ فط في ثانيه

# امثله نبسری (۲۰)

(۱) ۲۹ ۵ ۵ نظ

(٢) ٢ ١١٦ (= ٤٥٢) فط في ثانيه بزاويه

من المجاز = ۱۱ ۲) سط سے۔

(٨) ١١) ١٧ ١١٧ (= ١١٤٢) فط في ناييه يزاويه

مسن ا سلح ا = ۲۵° ۲۵) سطح سے

(۲) ۲۰ (۲ (= ۲۸۶۳) فط فی تانیه بزاویه

مس الم (= ۲۷ مر) سط سے

(٣) هم راء ٥ (= ١٠٠٣) فط في ثانيه بزاويه

مس المه (٢٥ °٢٢ = ) سطح سے

## اشله نمبری (۲۱)

(۱) مم اور بسم فط فی ثانیہ

(۲) ہو ۱ور اللہ ۵ فط فی ثانیہ

رم) بیلا ساکن رہتا ہے اور دوسر 4 فٹ فی ٹانیہ کی

رفارسے واپس ہوتا ہے۔ (۸) ا

(4) (1) کیتوں کی نسبت ۱:۳ ہے (۲) رفاروں کی

نبت ۱۱۱ ہے۔

۱۱۲ ۲۶۵ اور ۲۵۵ شاییم

رعان عراق ب (= ب×۱۱۱۱۱) براوي

(HISPIAX (=) + 1-0) lec (10-7 -) + 1-0

غرادی مس الله (= ۱۴° ۲) نظ مرکزین سے

امنله نمبری (۲۲)

(۳) ۲۰ فٹ ۲۰ ۲۲ ۴ ٹانیہ

(۲) ۲۰ فٹ ۲۰ ۲۲ ۴ ٹانیہ

(۲) برج سے پایہ سے فاصلہ می پر

(۹) ایک ایسے نقطے پر جس کا فاصلہ نقطۂ ابتداءِ حرکت

سے قبط کا اتفار صوال حصہ ہے۔

(۱۲) ہم ل ط جب عہ جم عہ (۱۲) ہم ل ط جب عہ جم عہ (۱۲)

(۱۹) سطح عمودی پر ب ن عمود کھینچو اور ج کس فارج کرو حتی کہ ب ن عود کھینچو اور ج کس فارج کرو حتی کہ ب ن ہ ک سے مطلوبہ

ال ج ہوگی۔

# امثله نمبري (۲۳)

(۱) ۹۰ پونڈل ۹۰ (۱)

اس سردمهم ف فانيه

(١) ١١ تعربياً (١) الن وزن

(۸) عام ۲۱ کن وزان

#### امننگه نمبتری (۲۴) (۱) تقریباً ۲۶،۵ پونڈ وزن ٬ تقریباً ۲۲،۸ من فی نانیه (۳) ۱۲ فٹ فی ثانیه (۲) ۲،۹ انج

علم حرکت ۱۸

(٤) ١٠١٨ (٨) ﴿ اللَّهُ اللَّاللَّا اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ الللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ ال

(١٩) م ١٤ : م ٢

(١٨) (١٨)

21 - FIF 7 - FI:1 (PP)

(1-4) \(\frac{1}{\sigma}\) \(\

(۲۵) (۱) اندر کی ریل پرتقریباً ۵۵ و ش وزن (۱) باہر کی ریل پرتقریباً ۸ و ٹن وزن ۔

امثله نميري (۲۵)

(1) (۱) ۲۰۶۸ فط في تأنيه كم ٢٠٥٨ يوند وزن (٢) ١٥٥٥ فط في ثانيه ، ٢ ٤ ، يوند وزن (۲) ۱۱۶۹ فٹ فی ٹانیہ ، ۳۰ یونڈ وزن 119.

(۳) ۱۱) ۱۲ فٹ فی ثانیہ ، سام ج (۴) ۱۱) ۲۲ فٹ فی ثانیہ (۲) ۱۲ ان فٹ فی ثانیہ

(٣) ٨ ١٣ فك في ثانيه ١١ فك في ثانيه

(۵) ذرے کے وزن کا چھ گنا ، بم فٹ فی ثانیہ

(١) ١٩٨ فط في ثانيه ، ٩ مندر دويث كا وزن ، ١ ١٨ سندرد وسك كا وزن

(۹) دائرے کے نضف قطرنکا <u>۱۲</u>

(۱۰) من اور الق بهان ق دائرے کا قطرہ۔

(۱۱) لیک کی قدرے ہا

(۱۳) ع ۱۲ م یوند وزن ، ۵ س م یوند وزن

(F) 11+112)1E, + (1P)

(۱۸) ۱۲ فٹ فی ثانیہ ، ۹ ایخ (۲۰) ۸۰ سینٹی میٹر تقریبًا

# امثله نبری (۲۷)

(۱) (۱) 中川 中川 المانيه (۱) 平山 ايك ثانيه

(٣) π (٢) π (٣) افط في ثانير

(۴) ۲۶ و من ف في ثنا نيه (۵) ٦ ثانيه ١ بر فط ثانيه اكائمان

الرا) ١٦ ممال جمال ورسى كا اصلى طول ہے اور ل اس کی فیک کا مقیاس ہے اور مم ذرے کی تحمیت ہے۔

امثله نمبری (۲۷)

mr 5 4 pg (m)

養 1045んしん 第 トとしんのしり 第 425人(1)(人) (۵) ۲۲۰ (۷) ۲۲۱۹(۷) ۲۳۰ (۵)

امثله نمبری (۲۸)

1:15 --- 14(1)

(٣) تقريباً ١١٥ (١٩) اسے بقدر ١٠٠ والج كم كرنا جا سے

(٥) اے بقد ٥٥ . ١٠ النج لمباكنا يا ہے

9 A1 (A) 00 (4) MPF (4)

(٩) يبه بقدر اثانيه يحي بوجائے گا۔

(۱۰) ۱۲۳۰ گز ، ۵ ثانیه

(۱۱) ۵ -- دا: ۱ ۲ مهر در ميل

(۱۲) ۱۰۶۸ ثانیه ، ۱۰۱ انج تقریباً (۲۰) ۱۲ ثانیه ، ج ، ۳ انج فی ثانیه

امتله تنبر ( ۱۹۹) (١) ٨٨ فط في ثانيه الاثيان (٢) ١٣٠٠ فط في ثانيه ، ١٥٠ فط النير اكانيال (٣) ٨٨٠ رُ الله فط خانيه اكائيان (۵) ليا ۵ ف \$ AA (4) 11 (r) A(1) (^) map... (m) 144 1/4 (10) (١١) المثانيه

امتله تنبری (۳۰)

(۱) 🙀 ۲۰۰ پونڈل (١) ايك پوندل ، وافث پوندل (۳) من شانید (۵) ... در تانید ، با تانید ، با مانید ، با 

(٨) اليوند (١٠) ١: ٩: ١ (٨)

110+.. 6 91. x 1/2 (11)

(۱۳) هنا نش ، هنانیه ، م پوند (۱۲) ۸۰۰ فن ، ۵ ثانیه ، ۲ پوند

(١٥) ١١٢ ١١١ گر ، ١٦ ثانيه ، ١١١ يوند

(۱۹) ۱۱ و ۱۸ میشر ، ۵ م و ۵ ثانید ، ۳ و ۱ مرام

(۱۷) ایک میل ، منٹ ، پھے وہ ش

(۱۸) ۹۰۰ فظ کا لیا مانیه ۱۲۰۰ پوند

علم حرکت مهم جوابات ۱۹۱۱ <u>۱۳۵۲</u> ۲ میل ۲ س<mark>س ۱۵</mark> منٹ ۲ ۸۸ش (۲۰) ج پونڈ

متفرق سوالات

(۱) ۱۲۴ فظ ، ۹ ثانيه

(٤) ٤٤٤ تانيم ٤ ١٩٢ : ١٩٢

راه) بنوب مغرب (۱۸) <del>الله الرج</del> (۱۵) بنوب مغرب (۱۸)

(۲۰) سمت عمودی کے دونوں طرف با<sup>ہ</sup>

(۲۷) جس طرف ذرہ ہے اس طرف باسراع ج مس عد

ذرے کے وزن کا قط عمال ۔

(۲۹) ال ٥ يوند وزن ١٠ يع

(۳۳) <u>۲۵+م</u> ج

(۱۳) آدمی کے وزن کا ہا گنا (۲۸) م اس نانیہ

(٥٩) ایک ایسے نقط پر جہاں نصف قطراقی

علم حرکت

. ٣٠ كا زاويه بناتا بي ـ

( ٦٢) م ج جم عه <u>ن + ن - ن مس عه</u> ن + ن + م جب عه

(۹۹) قدر فرک ، مجم عدجب عد سے بڑی ہونی

د ۱۱) ۱۲۵۰ فظ پوند ، ۱۷ و سر وظ پوند ، ۱۲۵۰ فظ

#### DYNAMICS

علم حركت

	بب
Instant	ان رفآر
Velocity	رفمار .
Speed	جال نیمور
Displacement	نقش مکان رفتاروں کامتوازی الاصلاع
Parallelogram of velocities	رفعار و <i>ن</i> کامتواژی الا <b>ضل</b> اع میں
Resultant	ا ماس
Component	7.
Space	فضا
Relative motion	حركت إضافي
Absolute motion	مطلق حركيت
Apparent direction	سمت مرئی
Linear velocity	خطی رفتار
Trsad-mill	يا ۋر حکي
Change of velocity	تنبل زقتار یا رفتار کی تبدیلی
Acceleration	امراع
Vector	سمثي
Starting point	نقطهٔ ابتداء حرکت

فبرست اصطلاق	علم حركت
Physical quantity	مقدارطسی
Scalar	مبنرانی
Initial velocity	ابتدائ رفتار
Retardation	ايلاء
Motion under gravity	حركت بجاذبه ارض
Clock-work .	گھڑی کل '
Guide	فآنه
Groove	ناني
Acceleration due to gravit	اسراع بجاذبهٔ ارض
Line of quickest descent	تيز تربن نزول كاخط
Primary conception	ابتذائي مفروم
Spiral spring	حيروار کمانی
C. G. S. system of units	اكانيون كاس ك ت نظام
Density	كثافث
Momentum	معيار حركت
Principle of inertia	اصو <i>ل ج</i> بو د ۱ ن <sup>ط</sup> ۱
Poundal	يو نيرل
Dyne	ڈ ایس
Absolute units	مطلق اکائیاں شد تعلی اکائیاں
Gravitation unit	تعلى اكائميال

مع فبرست اصطلاحا	علم ترکت
Air-tight	ببوا بند
Receiver	فأبله
Physical independence of forces	قوتون كاطبيعي استغنأ
Stress	تعاس
Impulse (Force X Time )	وصكا
Impulsive Force	وھكے والي قوت
Impact	تضاوم - ممكر
Energy	تواناني
Kinetic energy	تواناني بانفعل
Potential energy	ثوانانئ بالقوه
Ceservation of energy	توا ما في كا بقا
Conservative system of forces	قوتول كالبقائي نظام
Mechanical energy	حيى تواما كي
Mechanical equalent of heat	حرارت کا معاول حیلی
Projectile	مری
Angle of projection	زاویه رمی
Trajector <b>y</b>	خطعري
Range	نمه
Time of flight	مبر مدت برواز
Latus Rectum	وترخاعن
Collision of elastic bodies	خطعمی ثبیه مدت پرواز وترخاص لئچکدار اجهام کا تضادم

فبرست اصطلاقا

Elasticity

Impinge directly

Impinge obliquely

Co-efficient of Elasticity

Velocity of separation

Velocity of approach

Line of impact

Inelastio

Force of compression

Force of restitution

Hodograph

Normal acceleration

Centifrugal force

Conical pendulum

Governer of a steam engine

Valve

Centre of curvature

Switch-back railway

Simple harmonic motion

Pendulum

d

گئیں سیدہ اگرانی نضادہ راسد<sup>•</sup>

سيدها کرانا۔تصاوم کر نیزها کرانا۔تصاوم کج

> محکب کی قدر بنیبر میں

رفتار تقارب

خط تضاوم

بنگنے کی قوت

بیسے می فوت رسمرالطریق

عاومی اسراع

مرکز گریز قوت من<sub>خ</sub>طرر خاص

وخانی انجن کا حالم

عش مندن مرکز انخنا

ٹ گاڑی

بسيط موسقى حركت من

قاص

۵ فهرست اصطلاعا Amplitude Periodic time Turning for Violin Jupiter Satellite Oscillation Idealistic Simple Equivalent Pendulum Abstract quantity Concrete quantity Measure Absolute of fundamental units Derived units Dimension

